



中国科学技术大学

University of Science and Technology of China



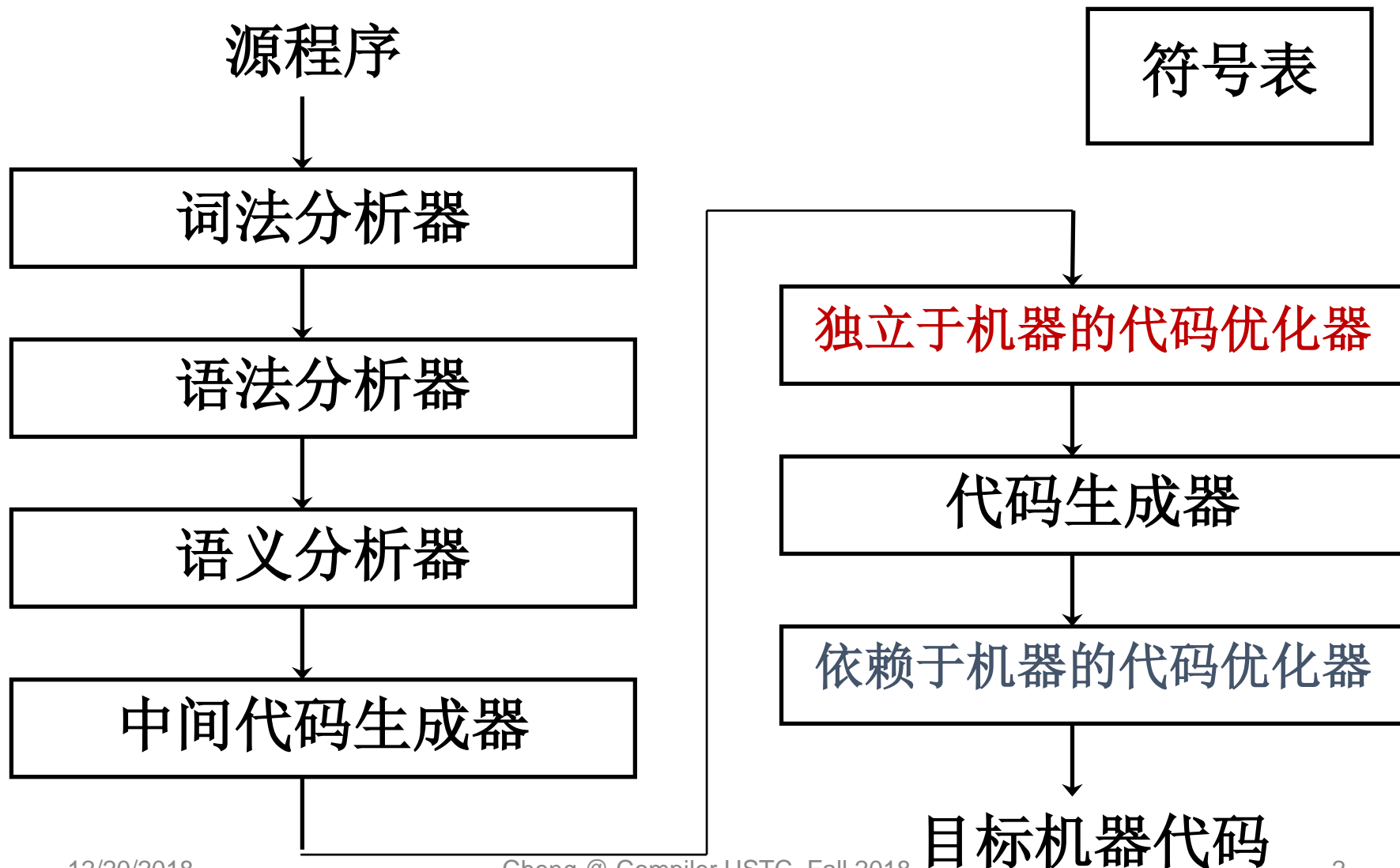
《编译原理与技术》

独立于机器的优化

计算机科学与技术学院

李诚

16/12/2018





□ 代码优化

❖ 通过程序变换（局部变换和全局变换）来改进程序，称为优化

□ 代码优化的种类

- ❖ 基本块内优化、全局优化
- ❖ 公共子表达式删除、复写传播、死代码删除
- ❖ 循环优化

□ 代码优化的实现方式

- ❖ 数据流分析及其一般框架、循环的识别和分析



□ 程序中存在着许多程序员无法避免的冗余运算

如 $A[i][j]$ 和 $X.f1$ 这样访问数组元素和结构体的域的操作

❖ 编译后，这些访问操作展开成多步低级算术运算

❖ 对同一个数据结构多次访问导致许多公共低级运算

□ 主要种类

❖ 公共子表达式删除 (common subexpression elimination)

❖ 复写传播 (copy propagation)

❖ 死代码删除 (dead code elimination)

❖ 代码外提 (loop hoisting, code motion)



快速排序程序片段如下,

$i = m - 1; j = n; v = a[n];$

while (1) {

do $i = i + 1; \text{while}(a[i] < v);$

do $j = j - 1; \text{while}(a[j] > v);$

if ($i \geq j$) break;

$x = a[i]; a[i] = a[j]; a[j] = x;$

}

$x = a[i]; a[i] = a[n]; a[n] = x;$

//B1

(1) $i := m - 1$

(2) $j := n$

(3) $t1 := 4 * n$

(4) $v := a[t1]$



优化举例



快速排序程序片段如下,
 $i = m - 1; j = n; v = a[n];$
 $\text{while } (1) \{$
 $\text{do } i = i + 1; \text{ while}(a[i] < v);$

$\text{do } j = j - 1; \text{ while } (a[j] > v);$
 $\text{if } (i \geq j) \text{ break};$

$x = a[i]; a[i] = a[j]; a[j] = x;$
 $\}$

$x = a[i]; a[i] = a[n]; a[n] = x;$

//B2

(5) $i := i + 1$

(6) $t2 := 4 * i$

(7) $t3 := a[t2]$

(8) $\text{if } t3 < v \text{ goto } (5)$



快速排序程序片段如下,
i = m - 1; j = n; v = a[n];
while (1) {
do i = i + 1; while(a[i]<v);

do j = j - 1; while (a[j]>v);

if (i >= j) break;

x=a[i]; a[i]=a[j]; a[j]=x;

}

x=a[i]; a[i]=a[n]; a[n]=x;

//B3

(9) j := j - 1

(10) t4 := 4 * j

(11) t5 := a[t4]

(12) if t5 > v goto (9)



优化举例



快速排序程序片段如下，
 $i = m - 1; j = n; v = a[n];$
while (1) {
do $i = i + 1; \text{while}(a[i] < v);$

do $j = j - 1; \text{while}(a[j] > v);$
 $\text{if}(i \geq j) \text{break};$

//B4

(13) $\text{if } i \geq j \text{ goto (23)}$

$x = a[i]; a[i] = a[j]; a[j] = x;$
}

$x = a[i]; a[i] = a[n]; a[n] = x;$



优化举例



```
快速排序程序片段如下,  
i = m - 1; j = n; v = a[n];  
while (1) {  
  do i = i + 1; while(a[i]<v);  
  
  do j = j - 1; while (a[j]>v);  
  if (i >= j) break;  
  
  x=a[i]; a[i]=a[j]; a[j]=x;  
}
```

```
x=a[i]; a[i]=a[n]; a[n]=x;
```

```
//B5  
(14) t6 := 4 * i  
(15) x := a[t6]  
(16) t7 := 4 * i  
(17) t8 := 4 * j  
(18) t9 := a[t8]  
(19) a[t7] := t9  
(20) t10 := 4 * j  
(21) a[t10] := x  
(22) goto (5)
```



```
快速排序程序片段如下,  
i = m - 1; j = n; v = a[n];  
while (1) {  
  do i = i + 1; while(a[i]<v);  
  
  do j = j - 1; while (a[j]>v);  
  if (i >= j) break;  
  
  x=a[i]; a[i]=a[j]; a[j]=x;  
}
```

```
//B6  
(23) t11 := 4 * i  
(24) x := a[t11]  
(25) t12 := 4 * i  
(26) t13 := 4 * n  
(27) t14 := a[t13]  
(28) a[t12] := t14  
(29) t15 := 4 * n  
(30) a[t15] := x
```

x=a[i]; a[i]=a[n]; a[n]=x;



优化举例-流图



B_1
 $i := m - 1$
 $j := n$
 $t_1 := 4 * n$
 $v := a[t_1]$

B_2
 $i := i + 1$
 $t_2 := 4 * i$
 $t_3 := a[t_2]$
if $t_3 > v$ goto B_2

B_3
 $j := j - 1$
 $t_4 := 4 * j$
 $t_5 := a[t_4]$
if $t_5 > v$ goto B_3

B_4
if $i \geq j$ goto B_6

B_5

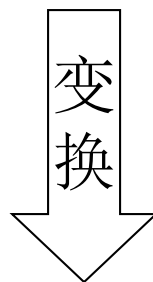
B_6



公共子表达式删除 - 基本块内

B_5

```
t6 := 4 * i
x := a[t6]
t7 := 4 * i
t8 := 4 * j
t9 := a[t8]
a[t7] := t9
t10 := 4 * j
a[t10] := x
goto B2
```



B_6

```
t11 := 4 * i
x := a[t11]
t12 := 4 * i
t13 := 4 * n
t14 := a[t13]
a[t12] := t14
t15 := 4 * n
a[t15] := x
```



□公共子表达式删除 - 基本块内

B_5

```
t6 := 4 * i  
x := a[t6]  
t8 := 4 * j  
t9 := a[t8]  
a[t6] := t9  
a[t8] := x  
goto B2
```

B_6

```
t11 := 4 * i  
x := a[t11]  
t13 := 4 * n  
t14 := a[t13]  
a[t11] := t14  
a[t13] := x
```



□公共子表达式删除 - 基本块间

$t_2 := 4 * i : B_2 \rightarrow B_5$

$t_2 := 4 * i : B_2 \rightarrow B_6$

$t_4 := 4 * j : B_3 \rightarrow B_5$

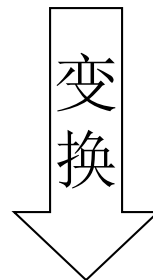
$t_1 := 4 * n : B_1 \rightarrow B_6$

B_5

```

t6 := 4 * i
x := a[t6]
t8 := 4 * j
t9 := a[t8]
a[t6] := t9
a[t8] := x
goto B2

```



B_6

```

t11 := 4 * i
x := a[t11]
t13 := 4 * n
t14 := a[t13]
a[t11] := t14
a[t13] := x

```



□公共子表达式删除 - 基本块间

$t_3 := a[t_2] : B_2 \rightarrow B_5$

$t_3 := a[t_2] : B_2 \rightarrow B_6$

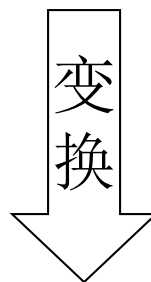
$t_5 := a[t_4] : B_3 \rightarrow B_5$

B_5

$x := a[t_2]$
$t_9 := a[t_4]$
$a[t_2] := t_9$
$a[t_4] := x$
goto B_2

B_6

$x := a[t_2]$
$t_{14} := a[t_1]$
$a[t_2] := t_{14}$
$a[t_1] := x$





□公共子表达式删除 - 基本块间

❖ B_1 中 $v := a[t_1]$ 能否作为公共子表达式?

B_5 $x := t_3$
 $a[t_2] := t_5$
 $a[t_4] := x$
goto B_2

B_6 $x := t_3$
 $t_{14} := a[t_1]$
 $a[t_2] := t_{14}$
 $a[t_1] := x$



```

B1
i = m - 1
j = n
t1 = 4 * n
v = a[t1]

```

```

B2
i = i + 1
t2 = 4 * i
t3 = a[t2]
if t3 < v goto B2

```

```

B3
j = j - 1
t4 = 4 * j
t5 = a[t4]
if t5 > v goto B3

```

```

B4
if i >= j goto B6

```

```

B5

```

```

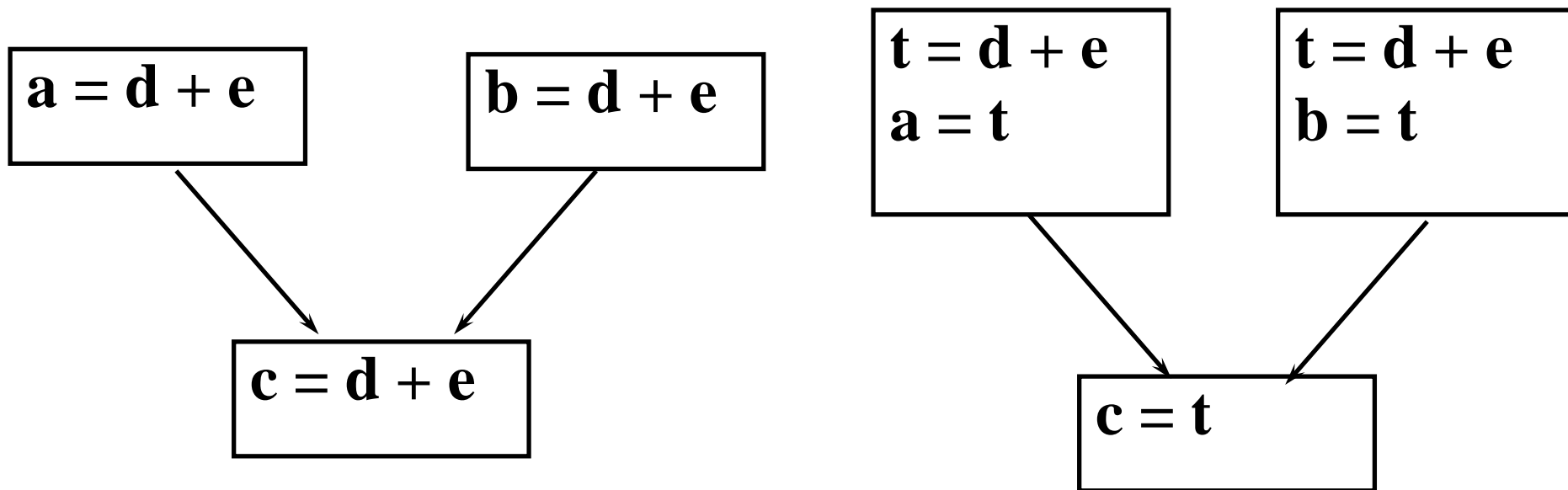
B6

```

把a[t₁]作为公共子表达式是不稳妥的
因为*B*₅有对下标变量a[t₂]和a[t₄]的赋值



- 复写语句：形式为 $f = g$ 的赋值
- 优化过程中会大量引入复写



删除局部公共子表达式期间引进复写



- 复写语句：形式为 $f = g$ 的赋值
- 优化过程中会大量引入复写
- 复写传播变换的做法是在复写语句 $f = g$ 后，尽可能用 g 代表 f

B_5

```
x = t3  
a[t2] = t5  
a[t4] = x  
goto B2
```

```
x = t3  
a[t2] = t5  
a[t4] = t3  
goto B2
```



- 复写语句：形式为 $f = g$ 的赋值
- 优化过程中会大量引入复写
- 复写传播变换的做法是在复写语句 $f = g$ 后，尽可能用 g 代表 f
- 复写传播变换本身并不是优化，但它给其它优化带来机会

❖ 常量合并（编译时可完成的计算）

❖ 死代码删除

$\text{pi} = 3.14$

...

$y = \text{pi} * 5$



- 死代码是指计算的结果决不被引用的语句
- 一些优化变换可能会引起死代码

例： 为便于调试，可能在程序上加打印语句，测试后改成右边的形式

<code>debug = true;</code>		<code>debug = false;</code>
<code>...</code>		<code>...</code>
<code>if (debug) print ...</code>		<code>if (debug) print ...</code>

靠优化来保证目标代码中没有该条件语句部分



□死代码是指计算的结果决不被引用的语句

□一些优化变换可能会引起死代码

例：复写传播可能会引起死代码删除

B_5

```
x = t3  
a[t2] = t5  
a[t4] = x  
goto B2
```

```
x = t3  
a[t2] = t5  
a[t4] = t3  
goto B2
```

```
a[t2] = t5  
a[t4] = t3  
goto B2
```



□ 代码外提是循环优化的一种

例: `while (i <= limit - 2) ...`

代码外提后变换成

`t = limit - 2;`

`while (i <= t) ...`



□强度削弱和归纳变量删除

- ❖ j 和 t_4 的值步伐一致地变化
- ❖ 这样的变量叫做归纳变量
- ❖ 在循环中有多个归纳变量时，也许只需要留下一个
- ❖ 对本例可以先做**强度削弱**它给删除归纳变量创造机会
 - 用廉价运算替换(**加替换乘**)

B_3

```
j = j - 1
t4 = 4 * j
t5 = a[t4]
if t5 > v goto B3
```




强度削弱和归纳变量删除



```

j = j - 1
t4 = 4 * j
t5 = a[t4]
if t5 > v goto B3

```

B_3

除第一次外,
 $t_4 == 4 * j$ 在 B_3 的入口一定保持
 在 $j = j - 1$ 后,
 关系 $t_4 == 4 * j + 4$ 也保持

```

i = m - 1
j = n
t1 = 4 * n
v = a[t1]

```

```

t4 = 4 * j

```

B_1

```


```

B_2

```

j = j - 1
t4 = t4 - 4
t5 = a[t4]
if t5 > v goto B3

```

B_3

```

if i >= j goto B6

```

B_4

```

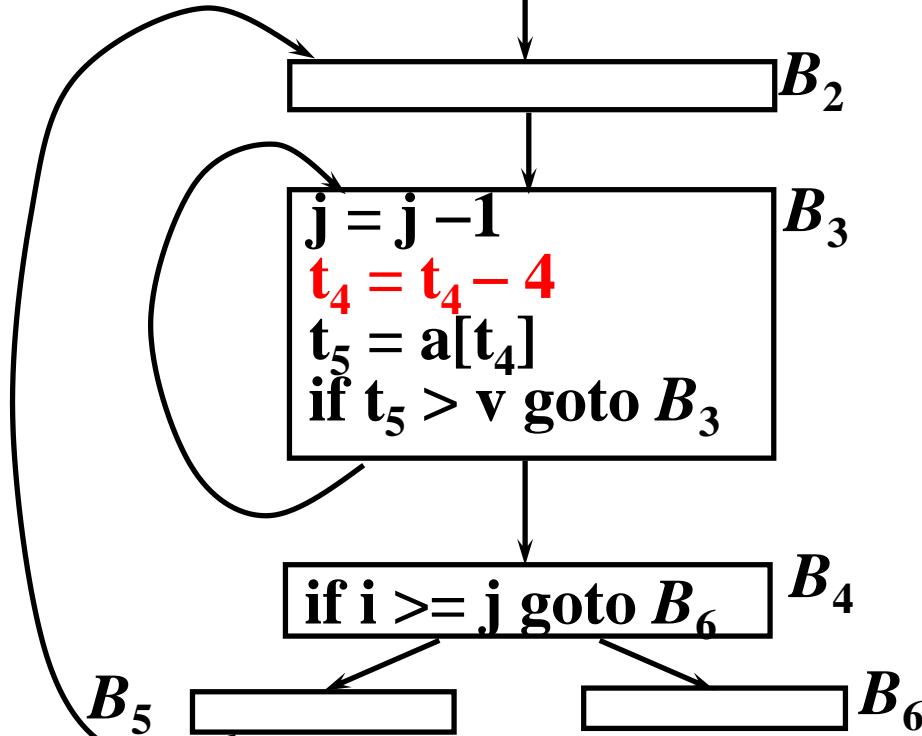

```

B_5

```


```

B_6





9 强度削弱和归纳变量删除



```
 $i = m - 1$   
 $j = n$   
 $t_1 = 4 * n$   
 $v = a[t_1]$   
 $t_4 = 4 * j$ 
```

B_1

```
 $i = i + 1$   
 $t_2 = 4 * i$   
 $t_3 = a[t_2]$   
if  $t_3 < v$  goto  $B_2$ 
```

B_2

B_2 也可以进行类似的变换

```
 $j = j - 1$   
 $t_4 = t_4 - 4$   
 $t_5 = a[t_4]$   
if  $t_5 > v$  goto  $B_3$ 
```

B_3

```
if  $i \geq j$  goto  $B_6$ 
```

B_4



强度削弱和归纳变量删除



B_1

```
i = m - 1
j = n
t1 = 4 * n
v = a[t1]
t4 = 4 * j
t2 = 4 * i
```

B_2

```
i = i + 1
t2 = t2 + 4
t3 = a[t2]
if t3 < v goto B2
```

B_3

```
j = j - 1
t4 = t4 - 4
t5 = a[t4]
if t5 > v goto B3
```

B_4

```
if i >= j goto B6
```



强度削弱和归纳变量删除



```

i = m - 1
j = n
t1 = 4 * n
v = a[t1]
t4 = 4 * j
t2 = 4 * i

```

B_1

```

i = i + 1
t2 = t2 + 4
t3 = a[t2]
if t3 < v goto B2

```

B_2

```

j = j - 1
t4 = t4 - 4
t5 = a[t4]
if t5 > v goto B3

```

B_3

```

if i >= j goto B6

```

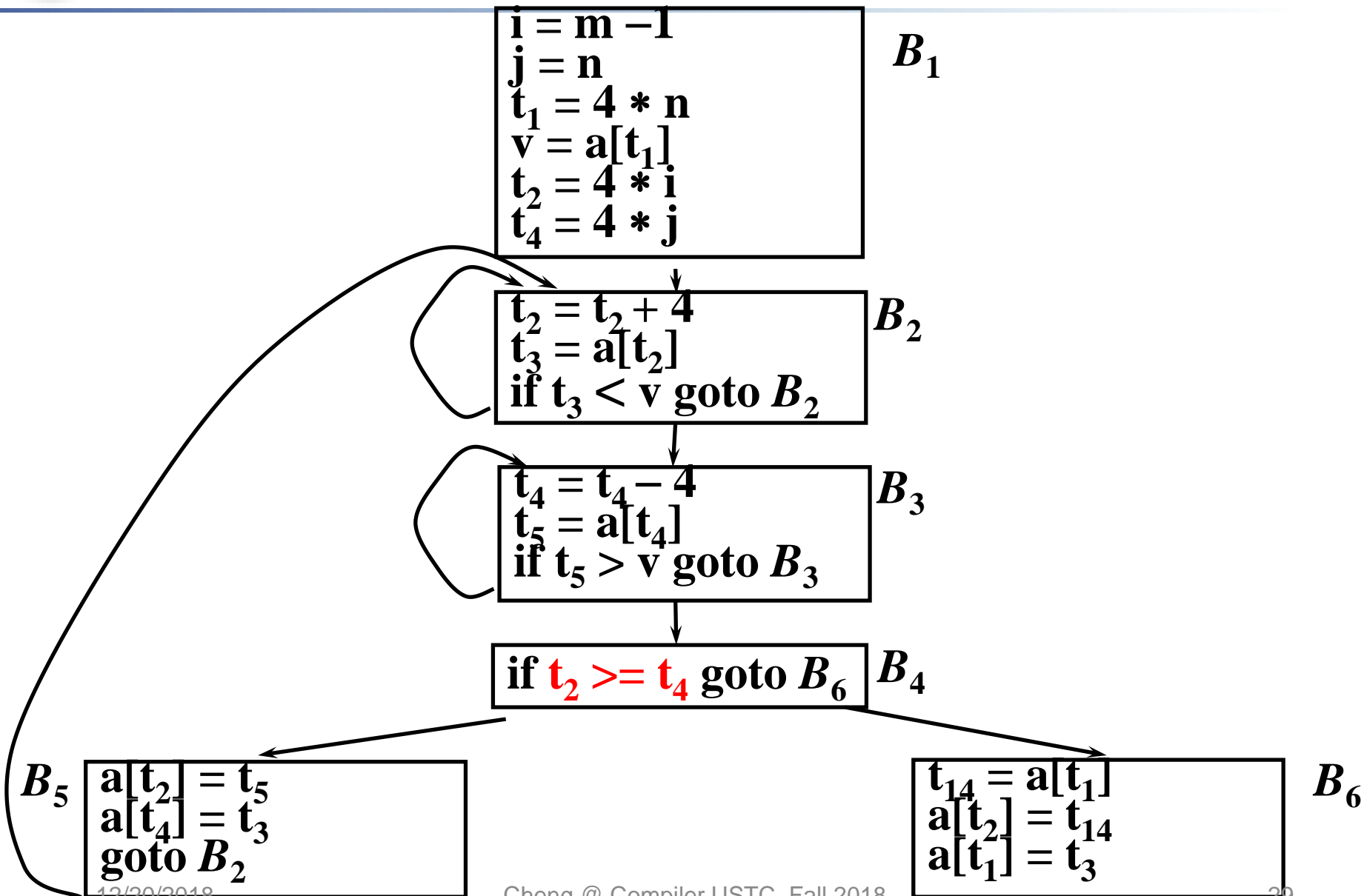
B_4

循环控制条件
可以用 t_2 和 t_4
来表示





优化后的结果





□ 代码优化

❖ 通过程序变换（局部变换和全局变换）来改进程序，称为优化

□ 代码优化的种类

- ❖ 基本块内优化、全局优化
- ❖ 公共子表达式删除、复写传播、死代码删除
- ❖ 循环优化

□ 代码优化的实现方式

❖ 数据流分析及其一般框架、循环的识别和分析



- 基本块、流图
- 控制流分析
- 数据流分析



□ 流图上的点(程序点)

- ❖ 基本块中，两个相邻的语句之间为程序的一个点
- ❖ 基本块的开始点和结束点

□ 流图上的路径

- ❖ 点序列 p_1, p_2, \dots, p_n ，对1和 $n - 1$ 间的每个 i ，满足
 - (1) p_i 是先于一个语句的点， p_{i+1} 是同一块中位于该语句后的点，或者
 - (2) p_i 是某块的结束点， p_{i+1} 是后继块的开始点

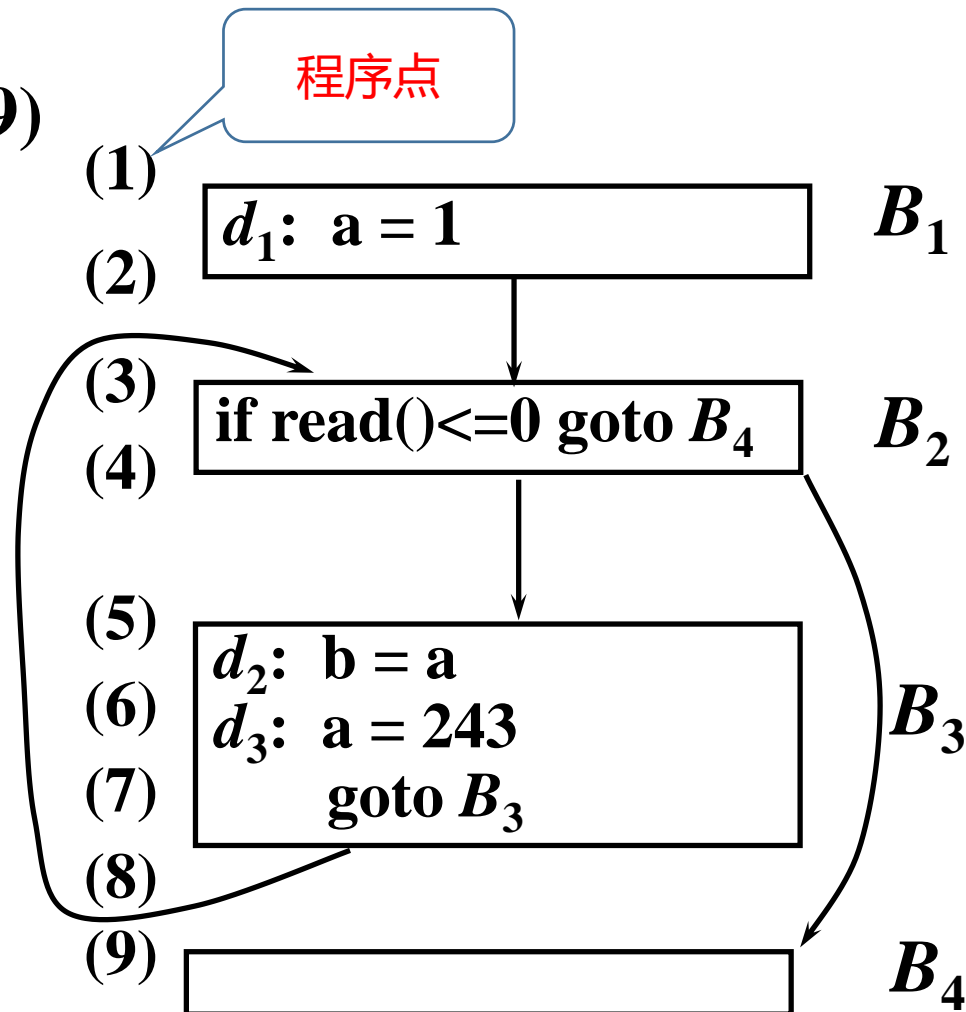


□流图上路径实例

- (1, 2, 3, 4, 9)
- (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 3, 4, 9)
- (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 3, 4, 9)
- (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 3, 4, 5, 6, 7, 8, ...)

路径长度无限

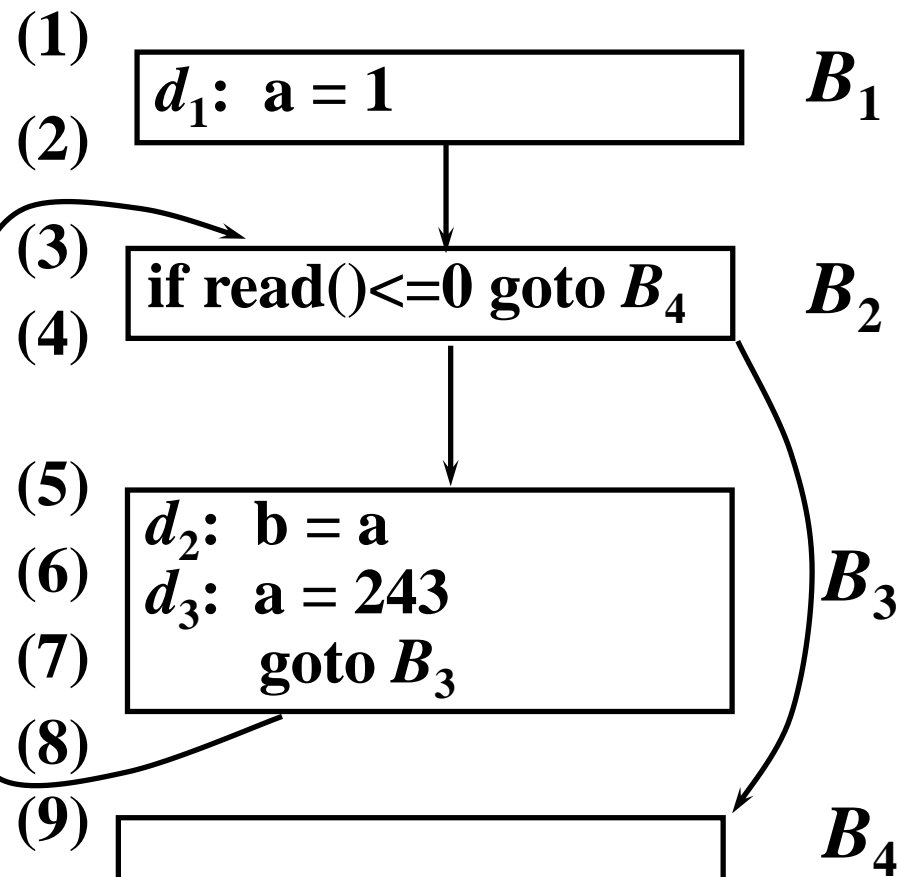
- 路径数无限





□分析程序的行为时，必须在其流图上考虑**所有的执行路径**（在调用或返回语句被执行时，还需要考虑执行路径在多个流图之间的跳转）

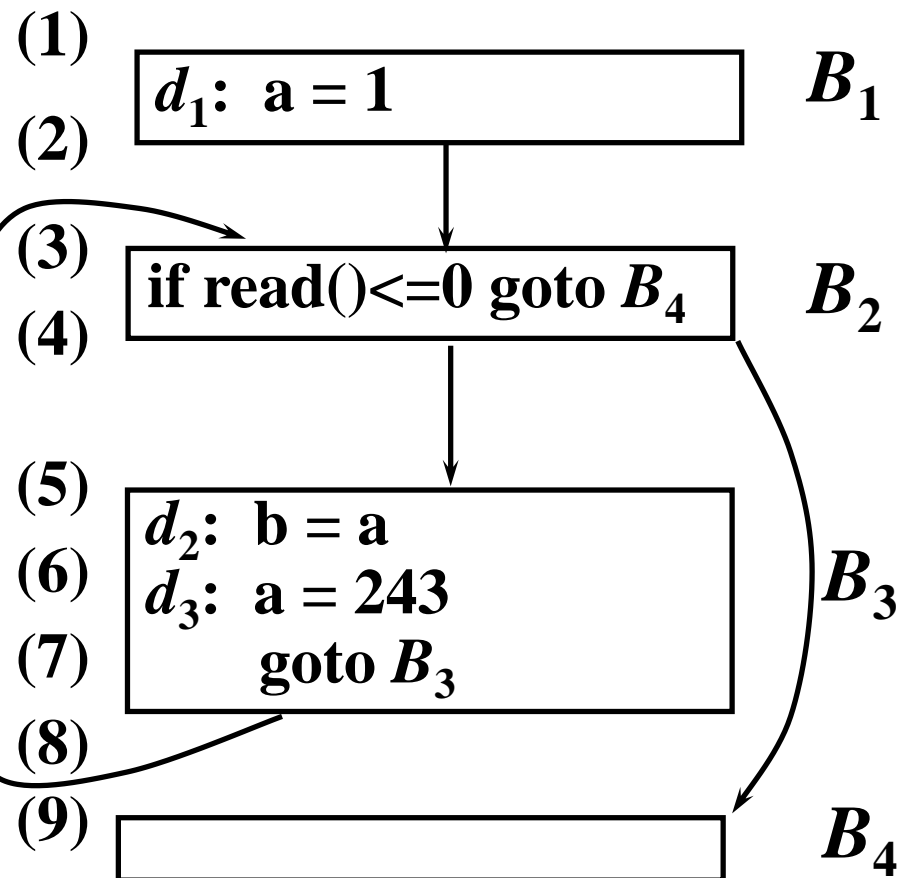
❖通常，从流图得到的程序**执行路径数无限**，且执行路径长度没有有限的上界





□分析程序的行为时，必须在其流图上考虑**所有的执行路径**（在调用或返回语句被执行时，还需要考虑执行路径在多个流图之间的跳转）

- ❖每个程序点的**不同状态数也可能无限**
- ❖程序状态：存储单元到值的映射





- **问题：把握所有执行路径上的所有程序状态一般来说是不可能的**
- **解决方案：数据流分析抽取解决特定任务所需信息，以总结出用于该分析目的的一组有限的事实**
 - ❖ 并且这组事实和到达这个程序点的路径无关，即从任何路径到达该程序点都有这样的事实
 - ❖ 分析的目的不同，从程序状态提炼的信息也不同
 - ❖ 例如，常量传播分析是力求判定对一个特定变量的所有赋值在某个特定程序点是否总是给定相同的常数值



□ 数据流值

- ❖ 数据流分析总把程序点和数据流值联系起来
- ❖ 数据流值代表在程序点能观测到的所有可能程序状态集合的一个抽象
- ❖ 语句 s 前后两点数据流值用 $IN[s]$ 和 $OUT[s]$ 来表示
- ❖ 数据流问题就是通过**基于语句语义的约束**（迁移函数）和**基于控制流的约束**来寻找所有语句 s 的 $IN[s]$ 和 $OUT[s]$ 的一个解



□语义约束-迁移函数 f

- ❖ 语句前后两点的数据流值受该语句的语义约束
- ❖ 若沿执行路径正向传播，则 $\text{OUT}[s] = f_s(\text{IN}[s])$
- ❖ 若沿执行路径逆向传播，则 $\text{IN}[s] = f_s(\text{OUT}[s])$

若基本块 B 由语句 s_1, s_2, \dots, s_n 依次组成，则

- ❖ $\text{IN}[s_{i+1}] = \text{OUT}[s_i]$, $i = 1, 2, \dots, n-1$ (逆向...)
- ❖ $f_B = f_n \circ \dots \circ f_2 \circ f_1$ (逆向 $f_B = f_1 \circ \dots \circ f_{n-1} \circ f_n$)
- ❖ $\text{OUT}[B] = f_B(\text{IN}[B])$ (逆向 $\text{IN}[B] = f_B(\text{OUT}[B])$)

考虑的是在语句执行后输入输出之间的变化关系



□控制流约束

❖正向传播

$$\text{IN}[B] = \cup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} \text{OUT}[P]$$

❖逆向传播

$$\text{OUT}[B] = \cup_{S \text{ 是 } B \text{ 的后继}} \text{IN}[S]$$

□约束方程组的解通常不是唯一的

❖求解的目标是要找到满足这两组约束（控制流约束和迁移约束）的最“精确”解

考虑的是在其他语句或块对于输入的影响和本次执行的输出对其他语句和块的影响



□到达-定值

❖常量和无初值判断

□活跃变量

❖寄存器分配

□可用表达式

❖寻找全局公共子表达式

□到达一个程序点的所有定值(gen)

- ❖ 可用来判断一个变量在某程序点是否为常量
- ❖ 可用来判断一个变量在某程序点是否无初值

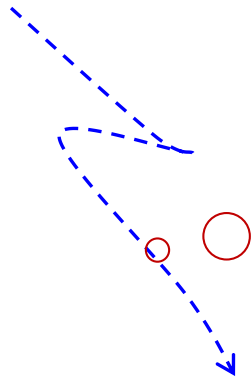
□别名给到达-定值的计算带来困难，因此，本章其余部分仅考虑变量无别名的情况

□定值的注销(kill)

- ❖ 在一条执行路径上，对 x 的赋值注销先前对 x 的所有赋值

□定值与引用

d : $x := y + z$ // 语句d 是变量x的一个定值点



ud链，即引用一定值链。
流图中有路径d---->u，
且该路径上没有x的其它
(无二义)定值。

u : $w := x + v$ // 语句u 是变量x的一个引用点

□变量x在d点的定值到达u点

□点(5)所有程序状态:

❖ $a \in \{1, 243\}$

❖ 由 $\{d_1, d_3\}$ 定值

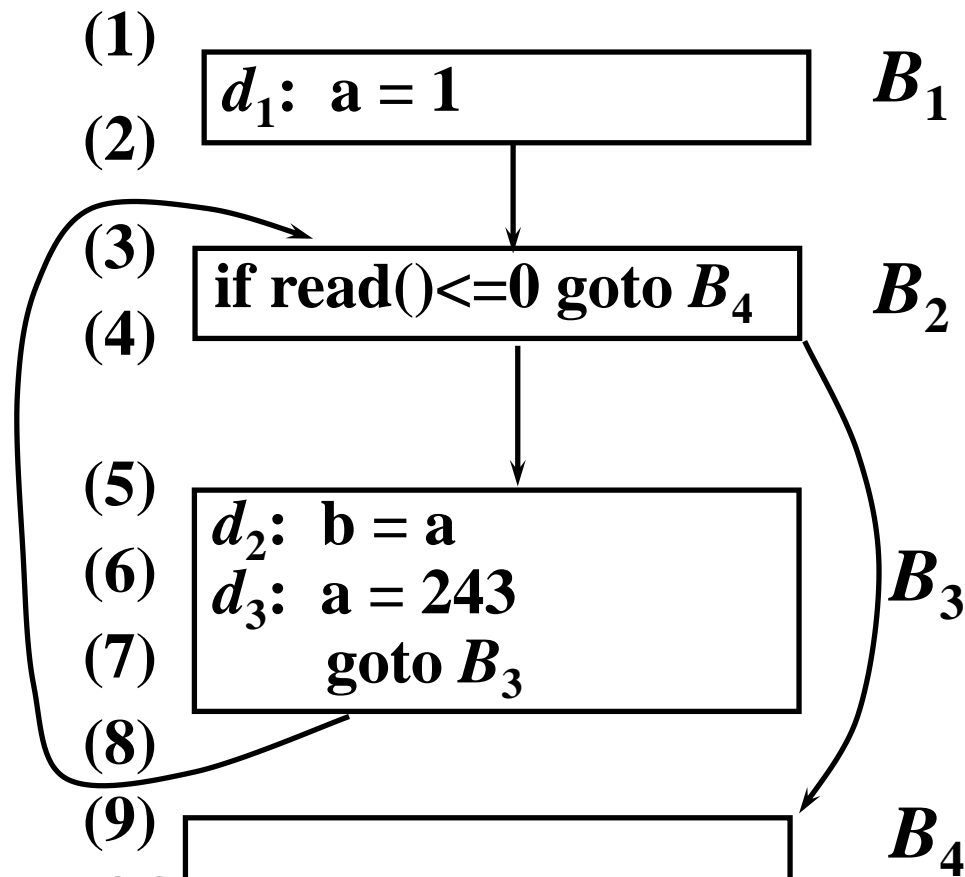
(1) 到达-定值

- $\{d_1, d_3\}$ 的定值

到达点(5)

(2) 常量合并

- a 在点(5)不是
常量



□ *gen*和*kill*分别表示一个基本块生成和注销的定值

$$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$$

$$kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$$

$$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$$

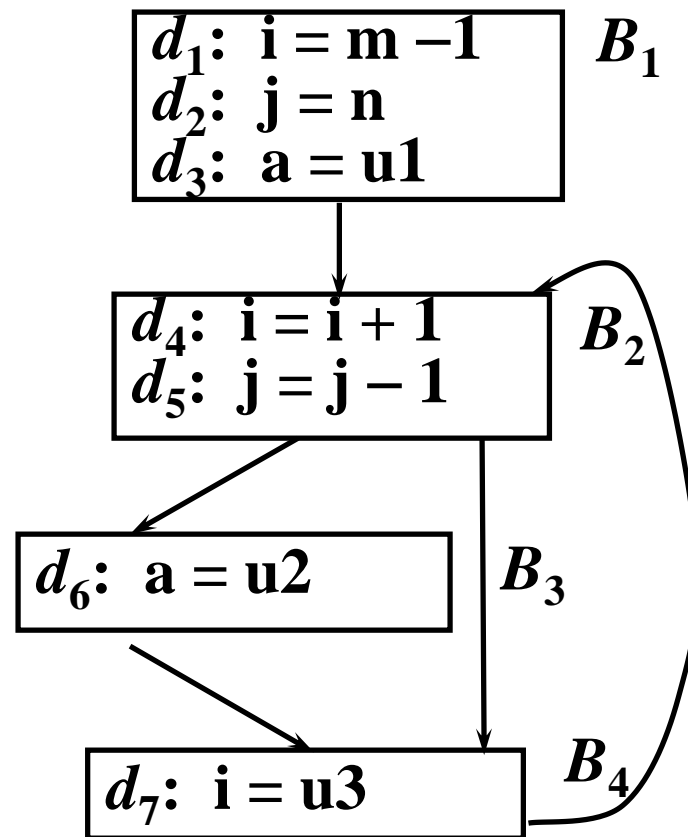
$$kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$$

$$gen [B_3] = \{d_6\}$$

$$kill [B_3] = \{d_3\}$$

$$gen [B_4] = \{d_7\}$$

$$kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$$



□基本块的 gen 和 $kill$ 是怎样计算的

❖对三地址指令 $d: u = v + w$, 它的状态迁移函数是

$$f_d(x) = gen_d \cup (x - kill_d)$$

❖若: $f_1(x) = gen_1 \cup (x - kill_1)$, $f_2(x) = gen_2 \cup (x - kill_2)$

$$\begin{aligned} \text{则: } f_2(f_1(x)) &= gen_2 \cup (gen_1 \cup (x - kill_1) - kill_2) \\ &= (gen_2 \cup (gen_1 - kill_2)) \cup (x - (kill_1 \cup kill_2)) \end{aligned}$$

❖若基本块 B 有 n 条三地址指令

$$kill_B = kill_1 \cup kill_2 \cup \dots \cup kill_n$$

$$gen_B = gen_n \cup (gen_{n-1} - kill_n) \cup (gen_{n-2} - kill_{n-1} - kill_n) \cup \dots \cup (gen_1 - kill_2 - kill_3 - \dots - kill_n)$$

□到达-定值的数据流等式

- ❖ gen_B : B 中能到达 B 的结束点的定值语句
- ❖ $kill_B$: 整个程序中决不会到达 B 结束点的定值
- ❖ $IN[B]$: 能到达 B 的开始点的定值集合
- ❖ $OUT[B]$: 能到达 B 的结束点的定值集合

两组等式 (根据 gen 和 $kill$ 定义 IN 和 OUT)

- ❖ $IN[B] = \cup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} OUT[P]$
- ❖ $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$
- ❖ $OUT[ENTRY] = \emptyset$

□到达-定值方程组的迭代求解, 最终到达不动点



// 正向数据流分析

引入两个虚拟块：ENTRY、EXIT

(1) $OUT[ENTRY] = \emptyset$;

(2) for (除了ENTRY以外的每个块B) $OUT[B] = \emptyset$;

(3) while (任何一个OUT出现变化)

(4) for (除了ENTRY以外的每个块B) {

(5) $IN[B] = \cup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} OUT[P]$;

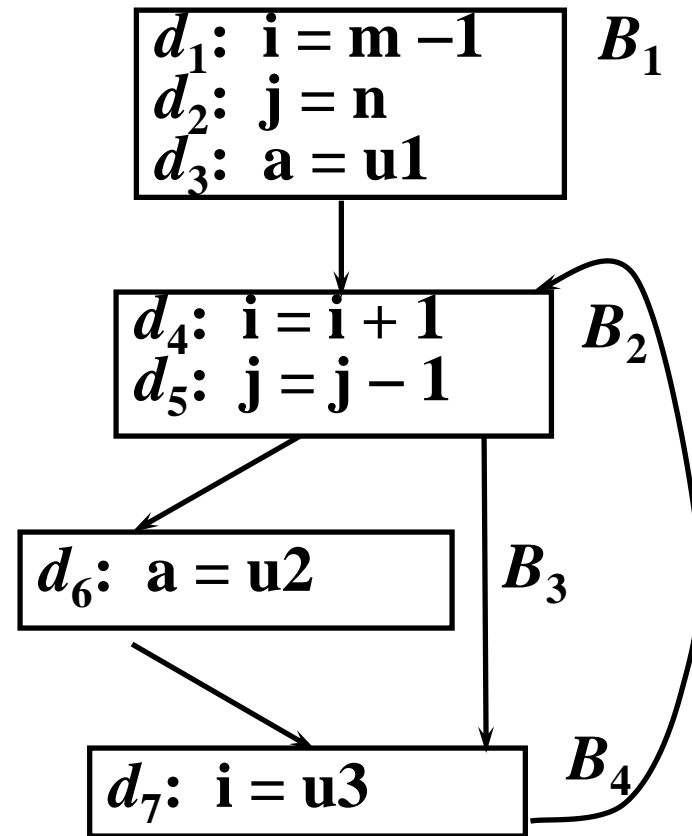
(6) $f_B(IN[B]) = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

(7) $OUT[B] = f_B(IN[B]);$ }

向量求解：集合并操作用逻辑或，集合相减用后者求补再逻辑与

$IN[B] = \cup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} OUT[P]$
 $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

	IN [B]	OUT [B]
B_1		000 0000
B_2		000 0000
B_3		000 0000
B_4		000 0000



$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

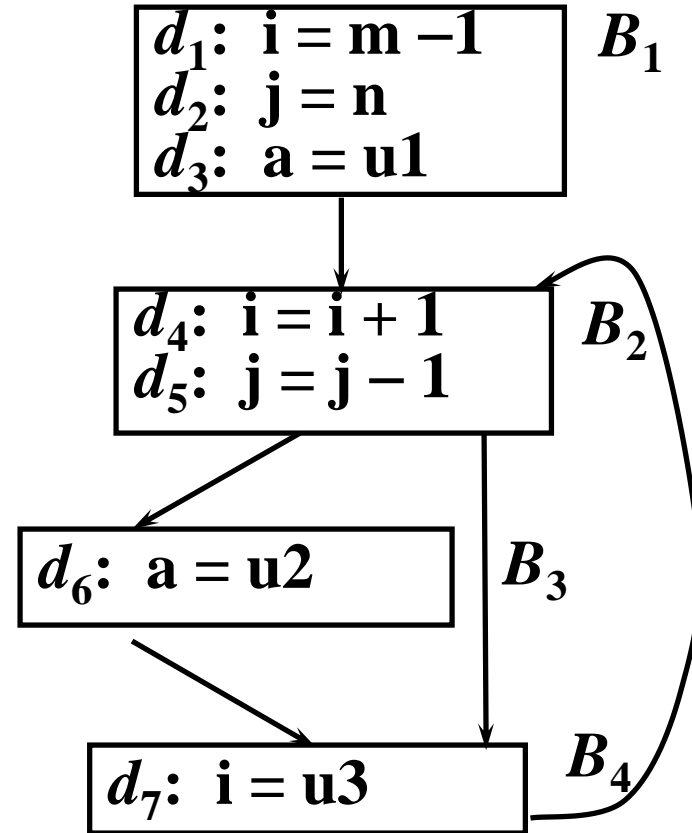
$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$

$IN[B] = \cup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} OUT[P]$
 $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	000 0000
B_2		000 0000
B_3		000 0000
B_4		000 0000



$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

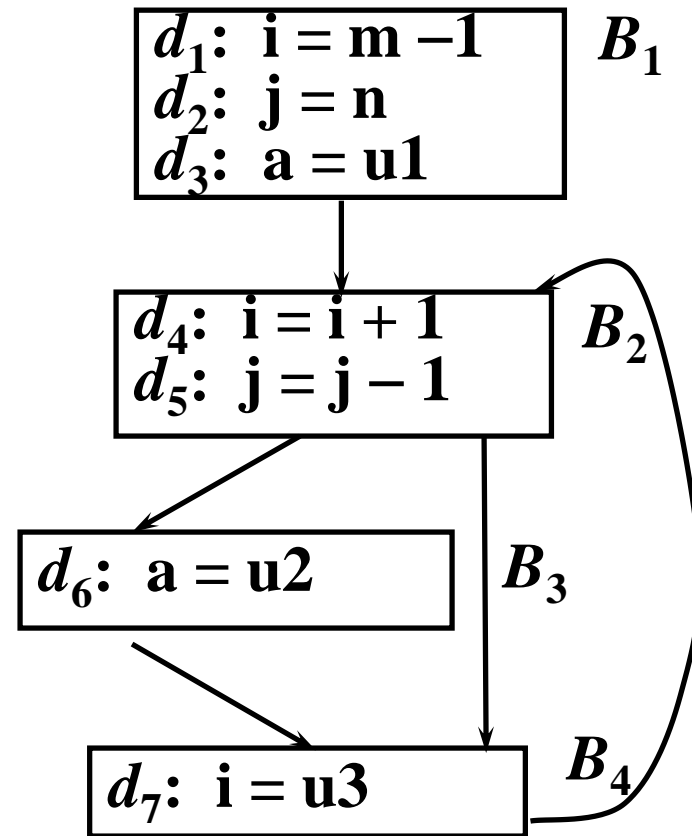
$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$

IN[B] = \cup P是B的前驱 **OUT[P]**
OUT[B] = $gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	111 0000
B_2		000 0000
B_3		000 0000
B_4		000 0000



$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$

IN[B] = \cup P是B的前驱 **OUT[P]**
OUT[B] = $gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

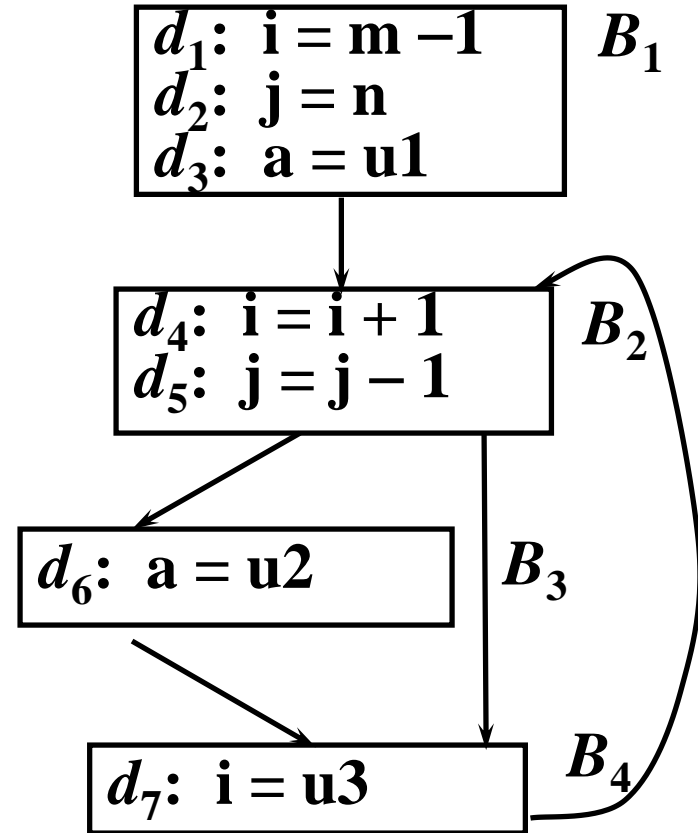
	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	111 0000
B_2	111 0000	000 0000
B_3	000 0000	000 0000
B_4	000 0000	000 0000

$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

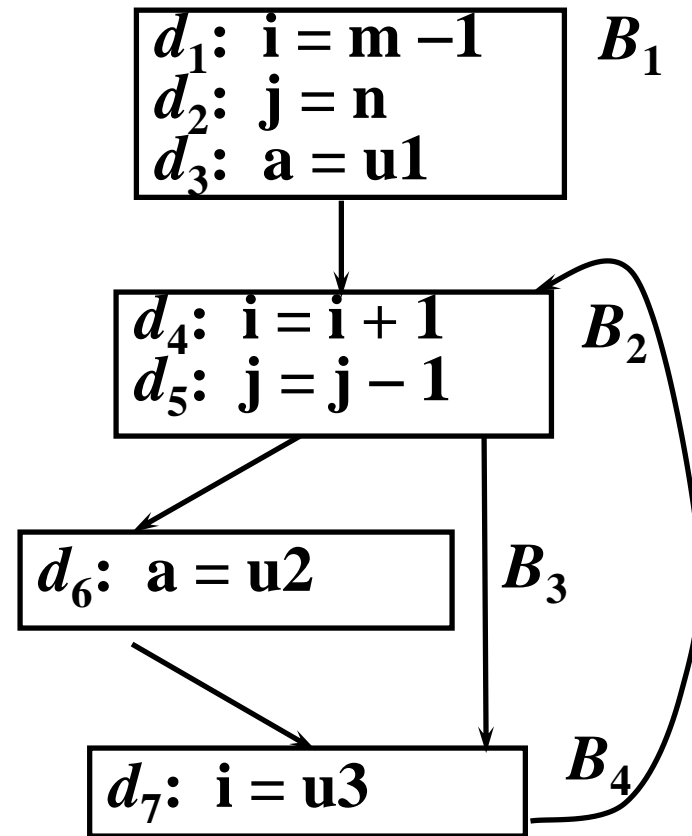
$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$



IN[B] = \cup P是B的前驱 **OUT[P]**
OUT[B] = $gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	111 0000
B_2	111 0000	001 1100
B_3		000 0000
B_4		000 0000



$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$

IN[B] = \cup P是B的前驱 **OUT[P]**
OUT[B] = $gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

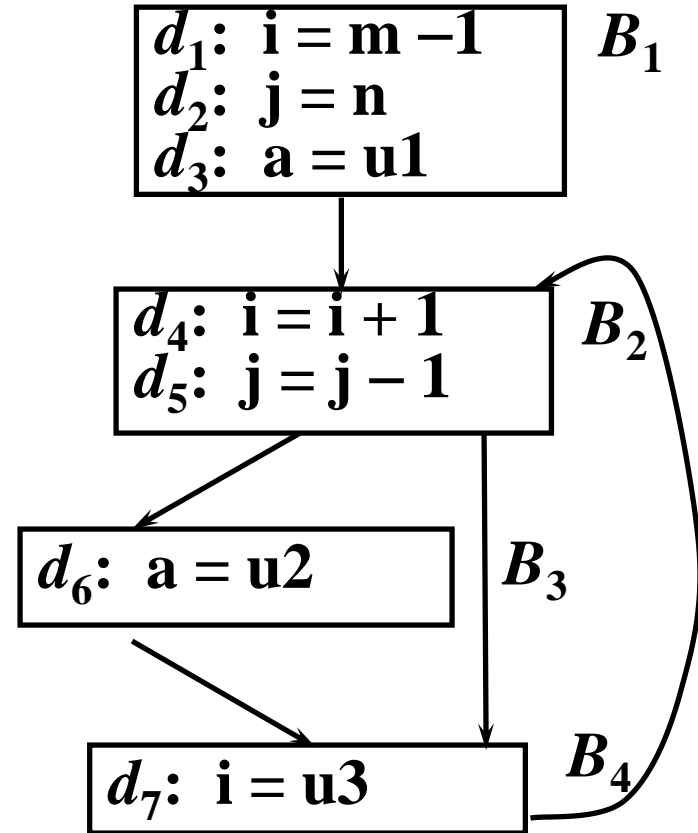
	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	111 0000
B_2	111 0000	001 1100
B_3	001 1100	000 0000
B_4		000 0000

$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$



IN[B] = \cup P是B的前驱 **OUT[P]**
OUT[B] = $gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

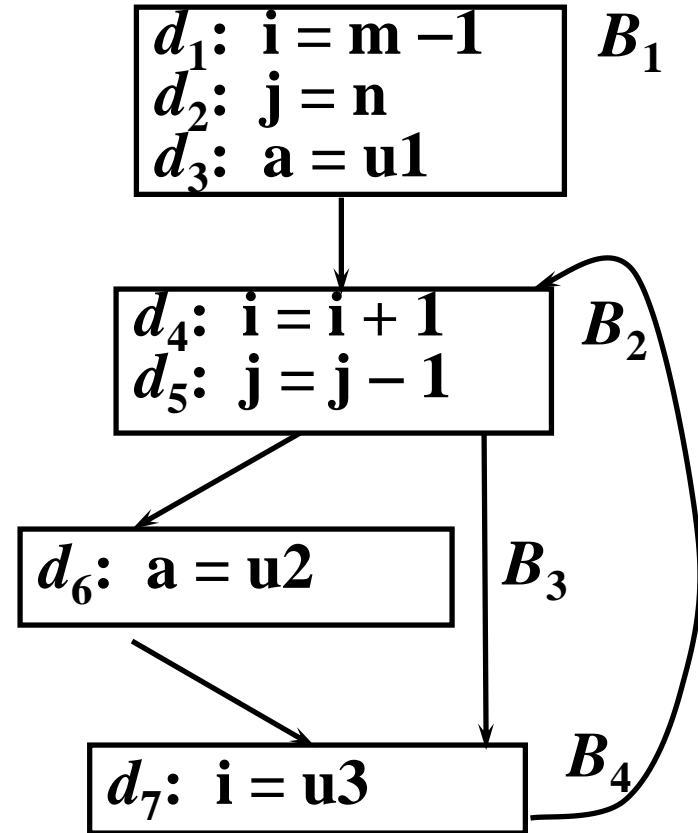
	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	111 0000
B_2	111 0000	001 1100
B_3	001 1100	000 1110
B_4		000 0000

$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

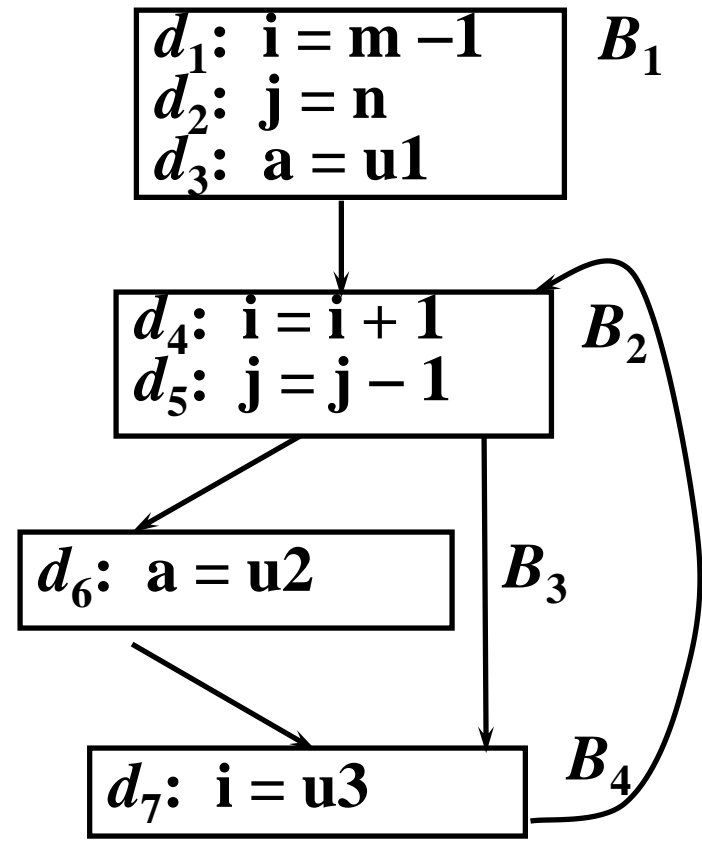
$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$



$IN[B] = \cup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} OUT[P]$
 $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	111 0000
B_2	111 0000	001 1100
B_3	001 1100	000 1110
B_4	001 1110	000 0000



$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

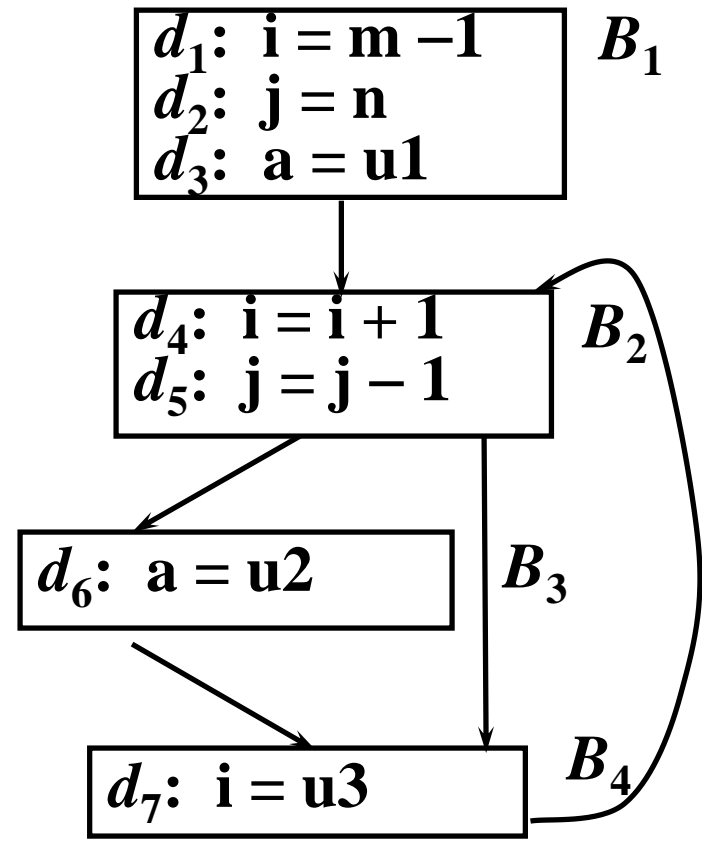
$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$

$IN[B] = \cup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} OUT[P]$
 $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	111 0000
B_2	111 0000	001 1100
B_3	001 1100	000 1110
B_4	001 1110	001 0111



$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

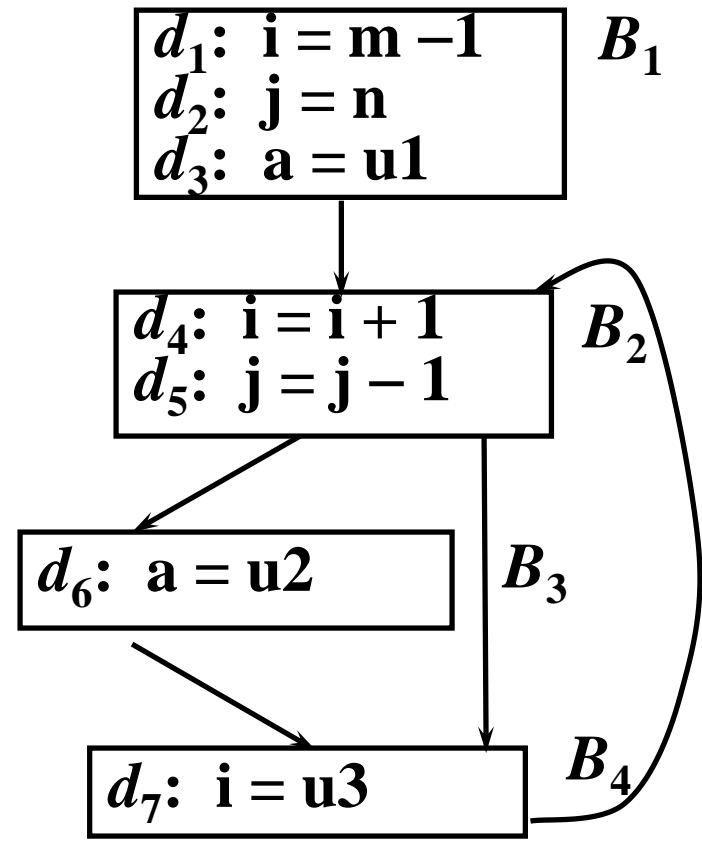
$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$

$IN[B] = \cup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} OUT[P]$
 $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	111 0000
B_2	111 0111	001 1100
B_3	001 1100	000 1110
B_4	001 1110	001 0111



$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen [B_3] = \{d_6\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$

$gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$

$IN[B] = \cup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} OUT[P]$
 $OUT[B] = gen_B \cup (IN[B] - kill_B)$

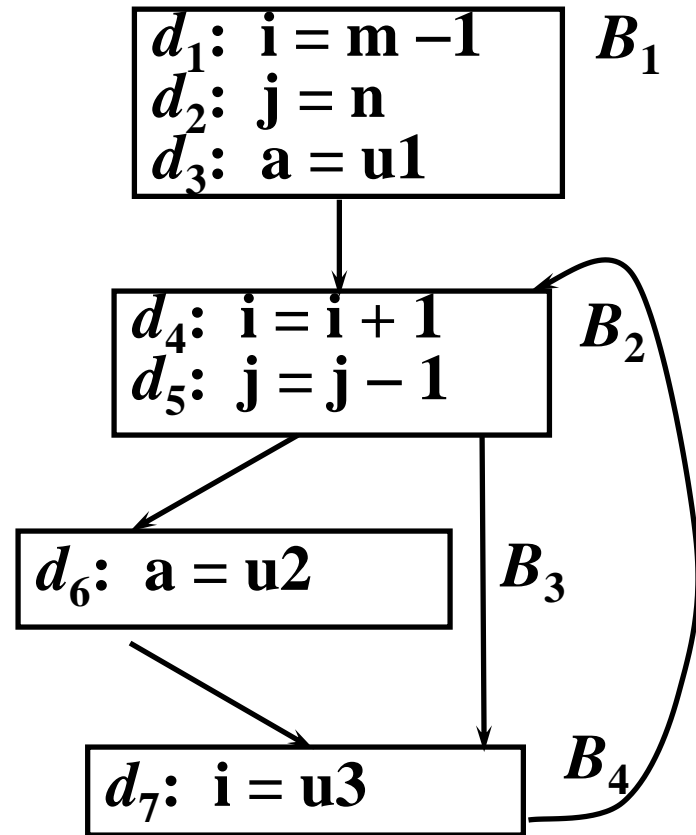
	IN [B]	OUT [B]
B_1	000 0000	111 0000
B_2	111 0111	001 1110
B_3	001 1100	000 1110
B_4	001 1110	001 0111

不再继续演示迭代计算

$gen [B_1] = \{d_1, d_2, d_3\}$
 $kill [B_1] = \{d_4, d_5, d_6, d_7\}$

$gen [B_2] = \{d_4, d_5\}$
 $kill [B_2] = \{d_1, d_2, d_7\}$

$gen [B_3] = \{d_6\}$ $gen [B_4] = \{d_7\}$
 $kill [B_3] = \{d_3\}$ $kill [B_4] = \{d_1, d_4\}$





□ 迭代计算

- 计算次序, 深度优先序, 即 $B1 \rightarrow B2 \rightarrow B3 \rightarrow B4$
- 初始值: for all B: $IN[B] = \emptyset$; $OUT[B] = GEN[B]$
- 第一次迭代:

$IN[B1] = \emptyset$; // B1 无前驱结点

$OUT[B1] = GEN[B1] \cup (IN[B1] - KILL[B1]) = GEN[B1] = \{ d1, d2, d3 \}$

$IN[B2] = OUT[B1] \cup OUT[B4] = \{ d1, d2, d3 \} \cup \{ d7 \} = \{ d1, d2, d3, d7 \}$

$OUT[B2] = GEN[B2] \cup (IN[B2] - KILL[B2]) = \{ d4, d5 \} \cup \{ d3 \} = \{ d3, d4, d5 \}$

$IN[B3] = OUT[B2] = \{ d3, d4, d5 \}$

$OUT[B3] = \{ d6 \} \cup (\{ d3, d4, d5 \} - \{ d3 \}) = \{ d4, d5, d6 \}$

$IN[B4] = OUT[B3] \cup OUT[B2] = \{ d3, d4, d5, d6 \}$

$OUT[B4] = \{ d7 \} \cup (\{ d3, d4, d5, d6 \} - \{ d1, d4 \}) = \{ d3, d5, d6, d7 \}$



一 第二次迭代

$IN[B1] = \emptyset$; // B1 无前驱结点

$OUT[B1] = GEN[B1] \cup (IN[B1]-KILL[B1]) = GEN[B1] = \{ d1, d2, d3 \}$

$IN[B2] = OUT[B1] \cup OUT[B4] = \{ d1, d2, d3 \} \cup \{ d3, d5, d6, d7 \} = \{ d1, d2, d3, d5, d6, d7 \}$

$OUT[B2] = GEN[B2] \cup (IN[B2]-KILL[B2]) = \{ d4, d5 \} \cup \{ d3, d5, d6 \} = \{ d3, d4, d5, d6 \}$

$IN[B3] = OUT[B2] = \{ d3, d4, d5, d6 \}$

$OUT[B3] = \{ d6 \} \cup (\{ d3, d4, d5, d6 \} - \{ d3 \}) = \{ d4, d5, d6 \}$

$IN[B4] = OUT[B3] \cup OUT[B2] = \{ d3, d4, d5, d6 \}$

$OUT[B4] = \{ d7 \} \cup (\{ d3, d4, d5, d6 \} - \{ d1, d4 \}) = \{ d3, d5, d6, d7 \}$

经过第二次迭代后，IN[B]和OUT[B]不再变化。

□到达-定值数据流方程式是正向的方程

$$\text{OUT}[B] = \text{gen}[B] \cup (\text{IN}[B] - \text{kill}[B])$$

$$\text{IN}[B] = \bigcup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} \text{OUT}[P]$$

某些数据流方程式是反向的

□到达-定值数据流方程式的合流运算是求并集

$$\text{IN}[B] = \bigcup_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} \text{OUT}[P]$$

某些数据流方程式的合流运算是求交集

□对到达-定值数据流方程，迭代求它的最小解

某些数据流方程可能需要求最大解



□定义

- ❖ x 的值在 p 点开始的某条执行路径上被引用，则说 x 在 p 点活跃，否则称 x 在 p 点已经死亡
- ❖ $IN[B]$: 块 B 开始点的活跃变量集合
- ❖ $OUT[B]$: 块 B 结束点的活跃变量集合
- ❖ use_B : 块 B 中有引用且在引用前无定值的变量集
- ❖ def_B : 块 B 中有定值且该定值前无引用的变量集

□应用

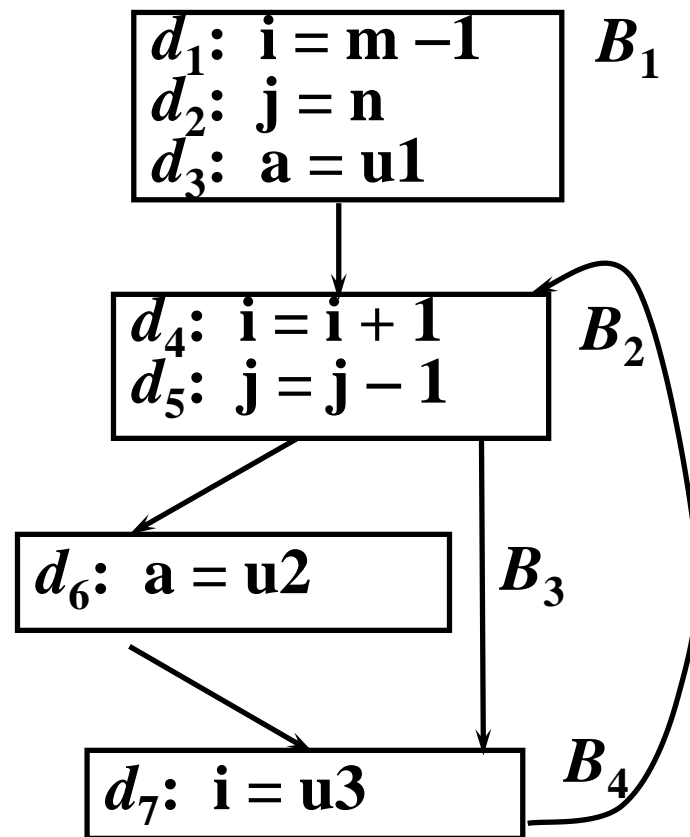
- ❖ 一种重要应用就是基本块的寄存器分配



□例

❖ $use[B_2] = \{ i, j \}$

❖ $def[B_2] = \{ \}$





□活跃变量数据流等式

- ❖ $IN [B] = use_B \cup (OUT [B] - def_B)$
- ❖ $OUT[B] = \cup_{S \text{ 是 } B \text{ 的后继}} IN [S]$
- ❖ $IN [EXIT] = \emptyset$

□和到达一定值等式之间的联系与区别

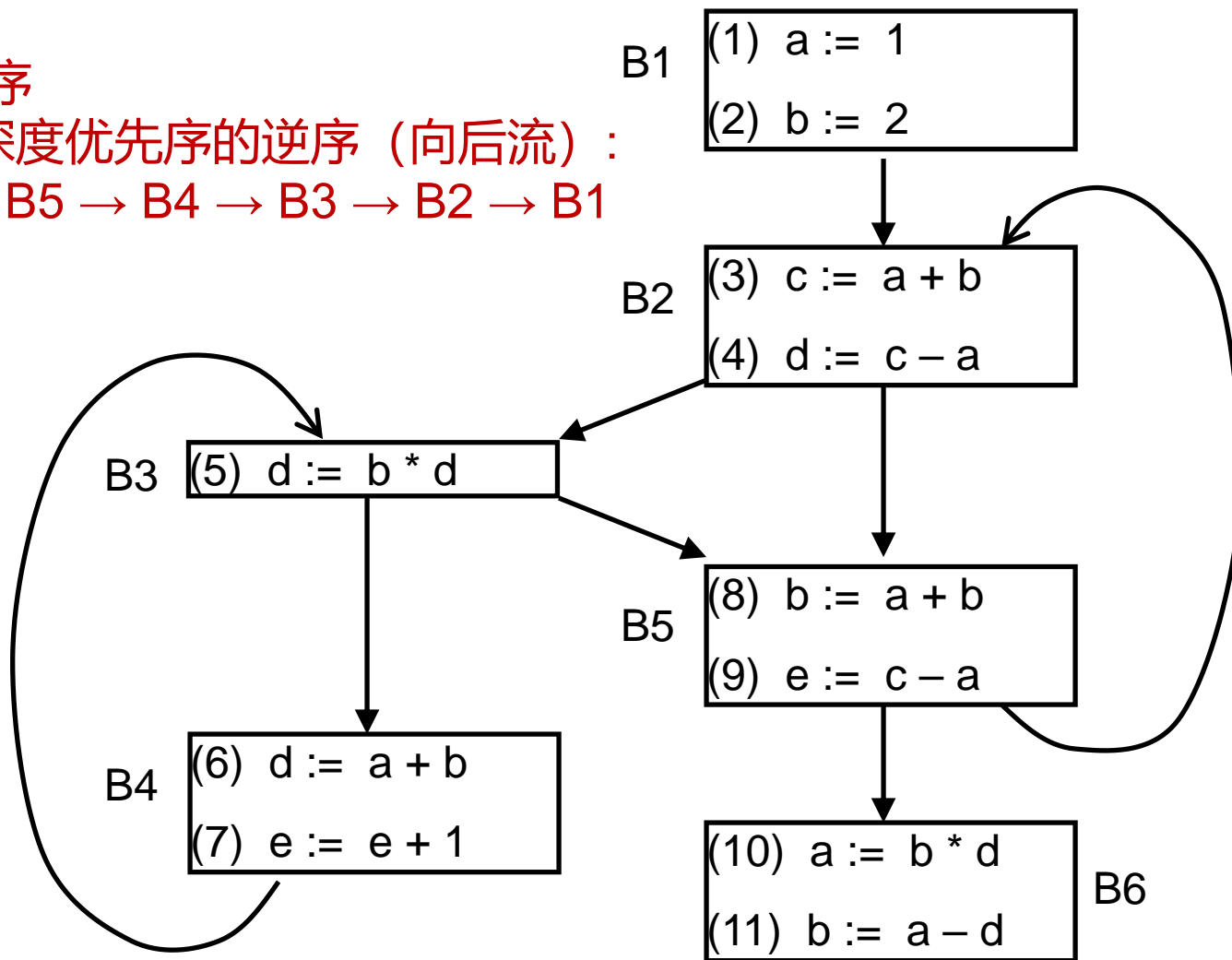
- ❖ 都以集合并算符作为它们的汇合算符
- ❖ 信息流动方向相反，IN和OUT的作用相互交换
- ❖ use 和 def 分别取代 gen 和 $kill$
- ❖ 仍然需要最小解



计算次序

* 结点深度优先序的逆序 (向后流):

* $B6 \rightarrow B5 \rightarrow B4 \rightarrow B3 \rightarrow B2 \rightarrow B1$





□各基本块USE和DEF如下，

$USE[B1] = \{ \} ; DEF[B1] = \{ a, b \}$

$USE[B2] = \{ a, b \} ; DEF[B2] = \{ c, d \}$

$USE[B3] = \{ b, d \} ; DEF[B3] = \{ \}$

$USE[B4] = \{ a, b, e \} ; DEF[B4] = \{ d \}$

$USE[B5] = \{ a, b, c \} ; DEF[B5] = \{ e \}$

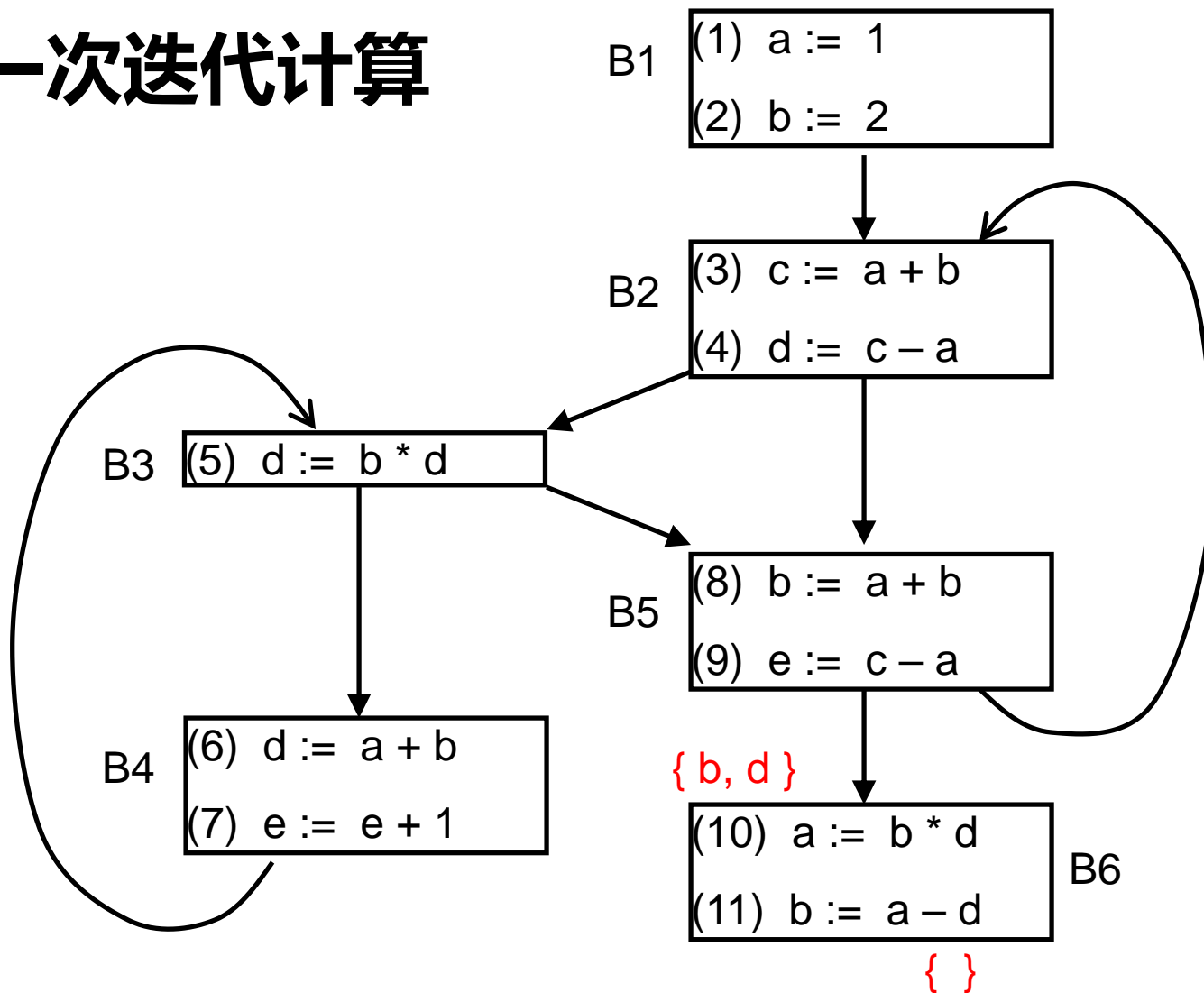
$USE[B6] = \{ b, d \} ; DEF[B6] = \{ a \}$

□初始值, all B, $IN[B] = \{ \}$,

$OUT[B6]=\{ \}$ //出口块

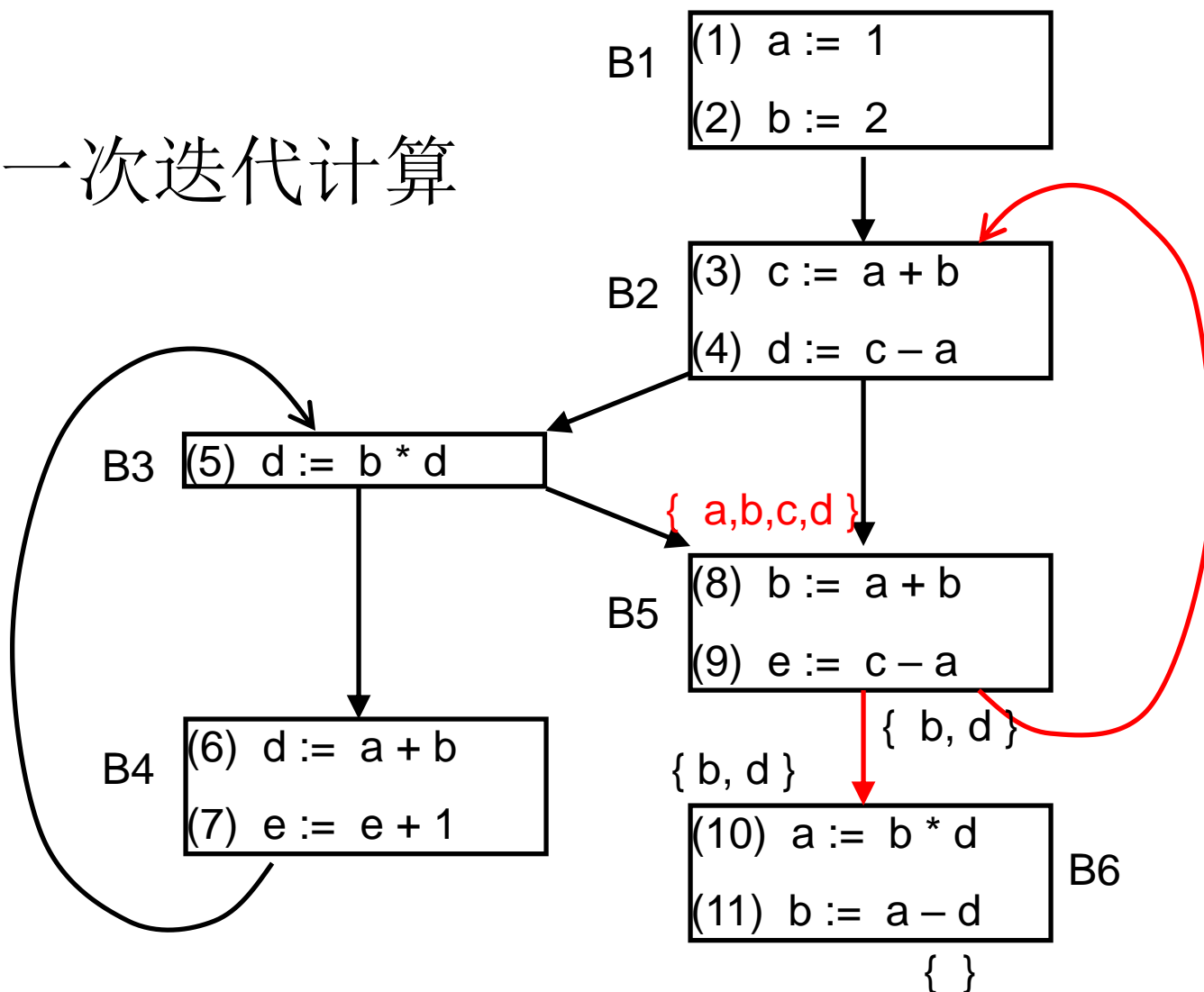


□第一次迭代计算



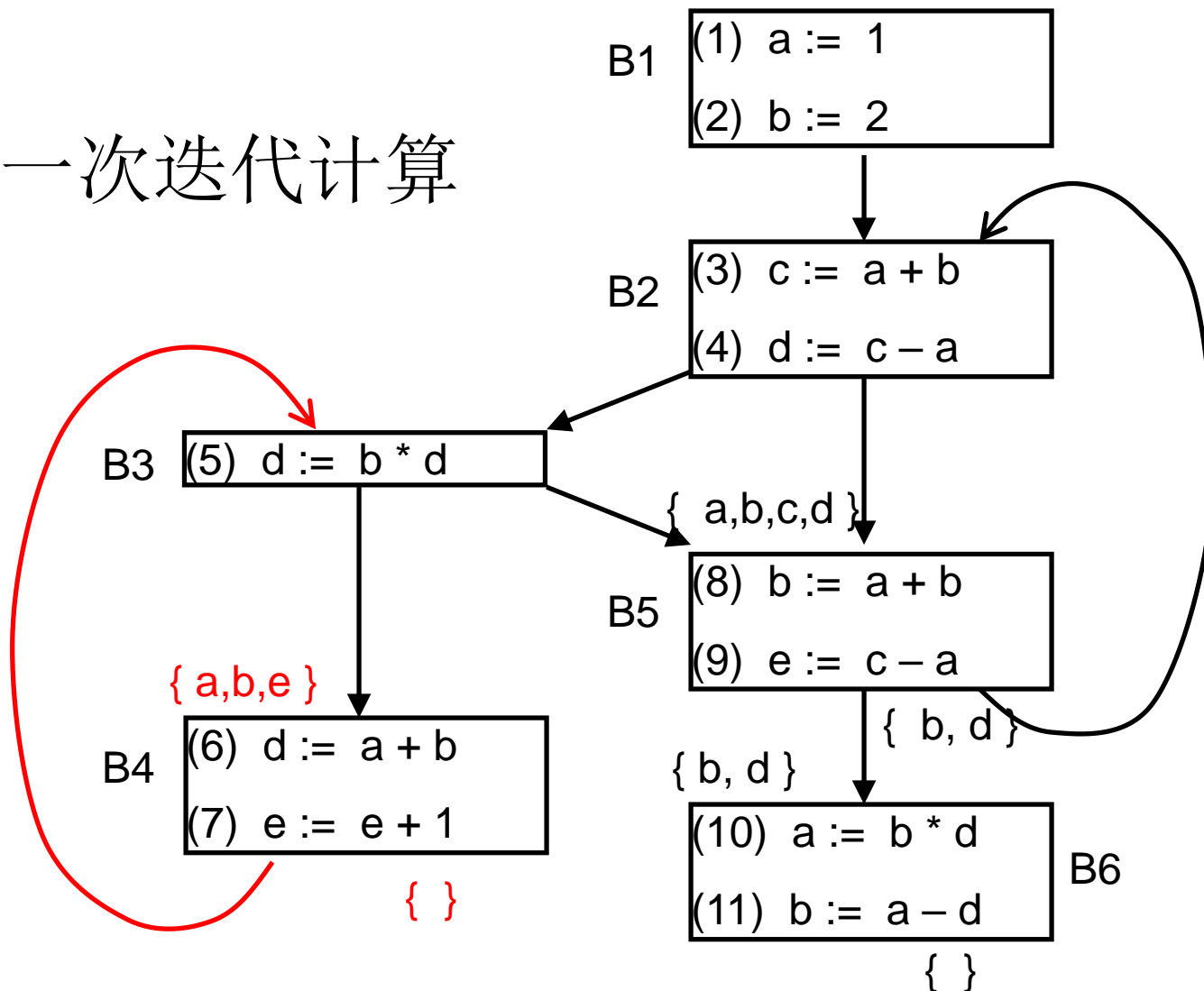


■ 第一次迭代计算



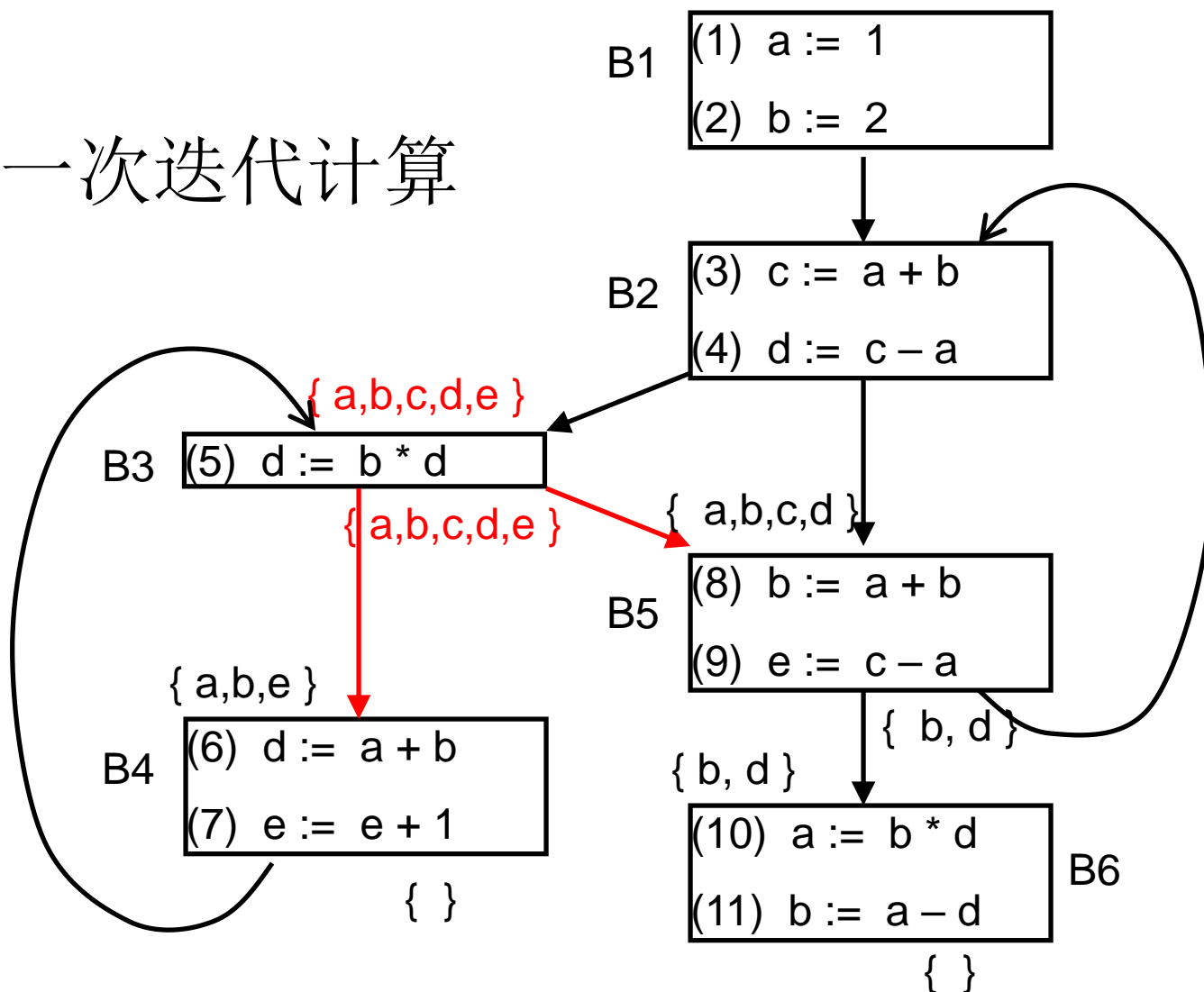


■ 第一次迭代计算



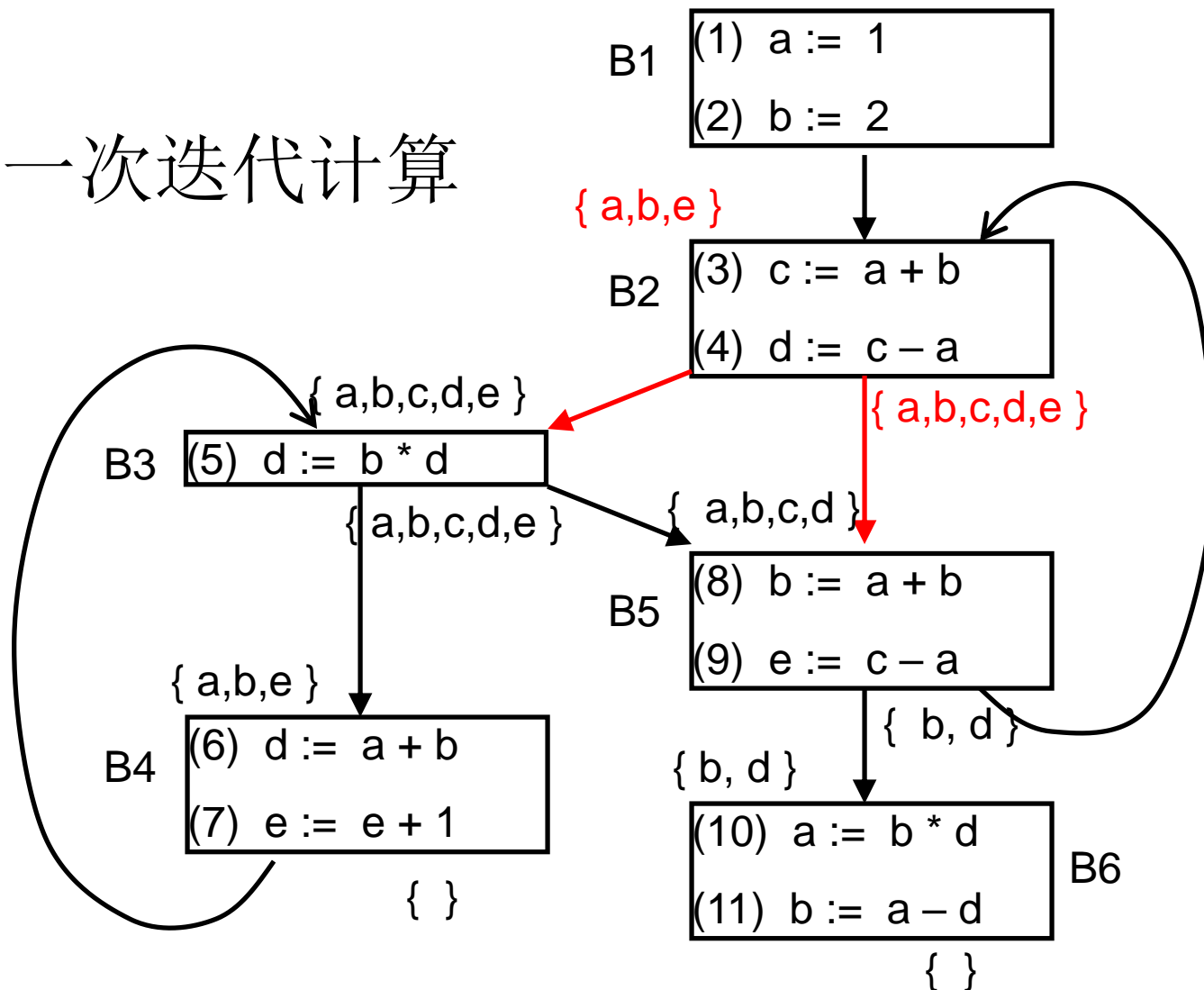


■ 第一次迭代计算



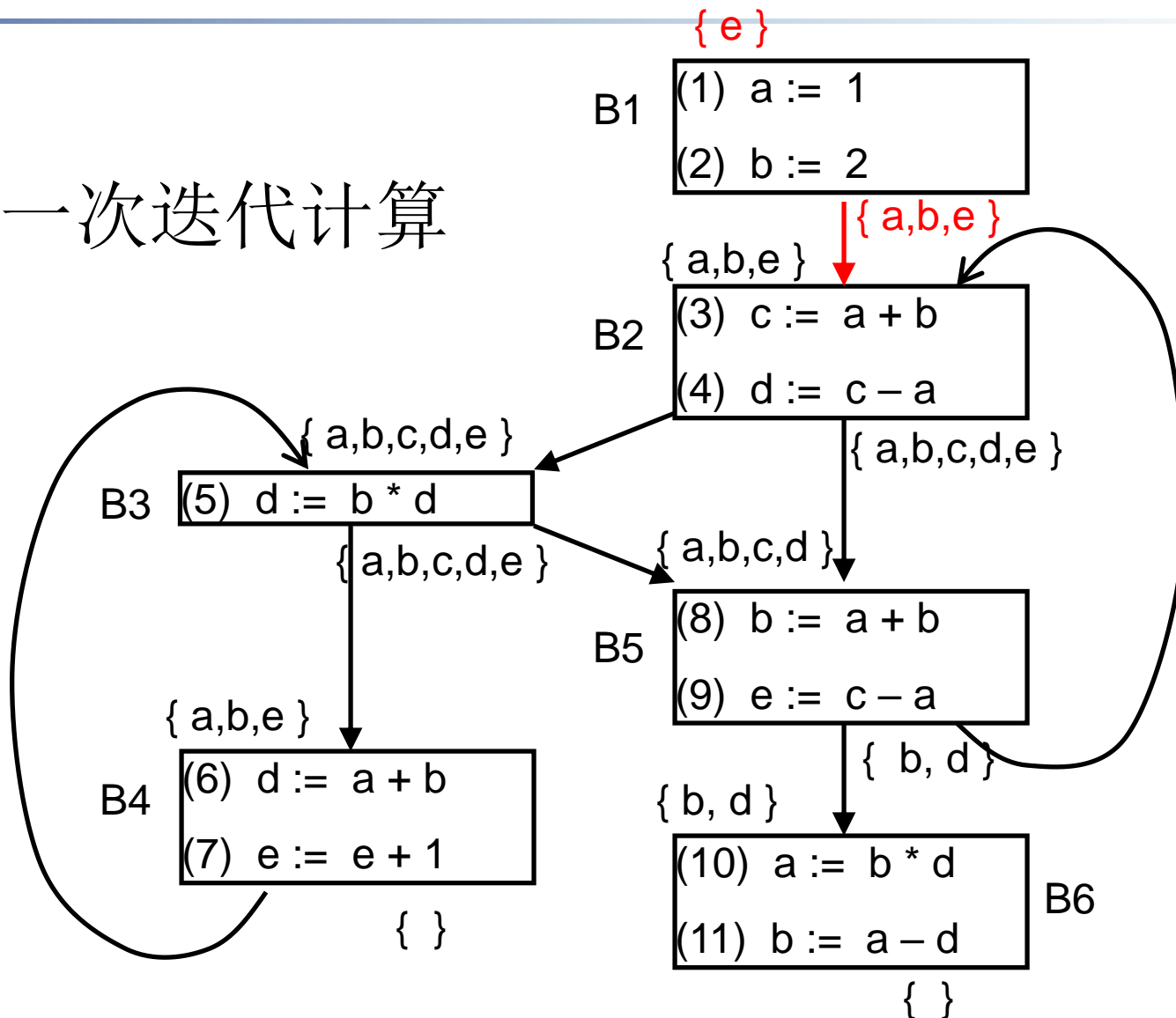


■ 第一次迭代计算



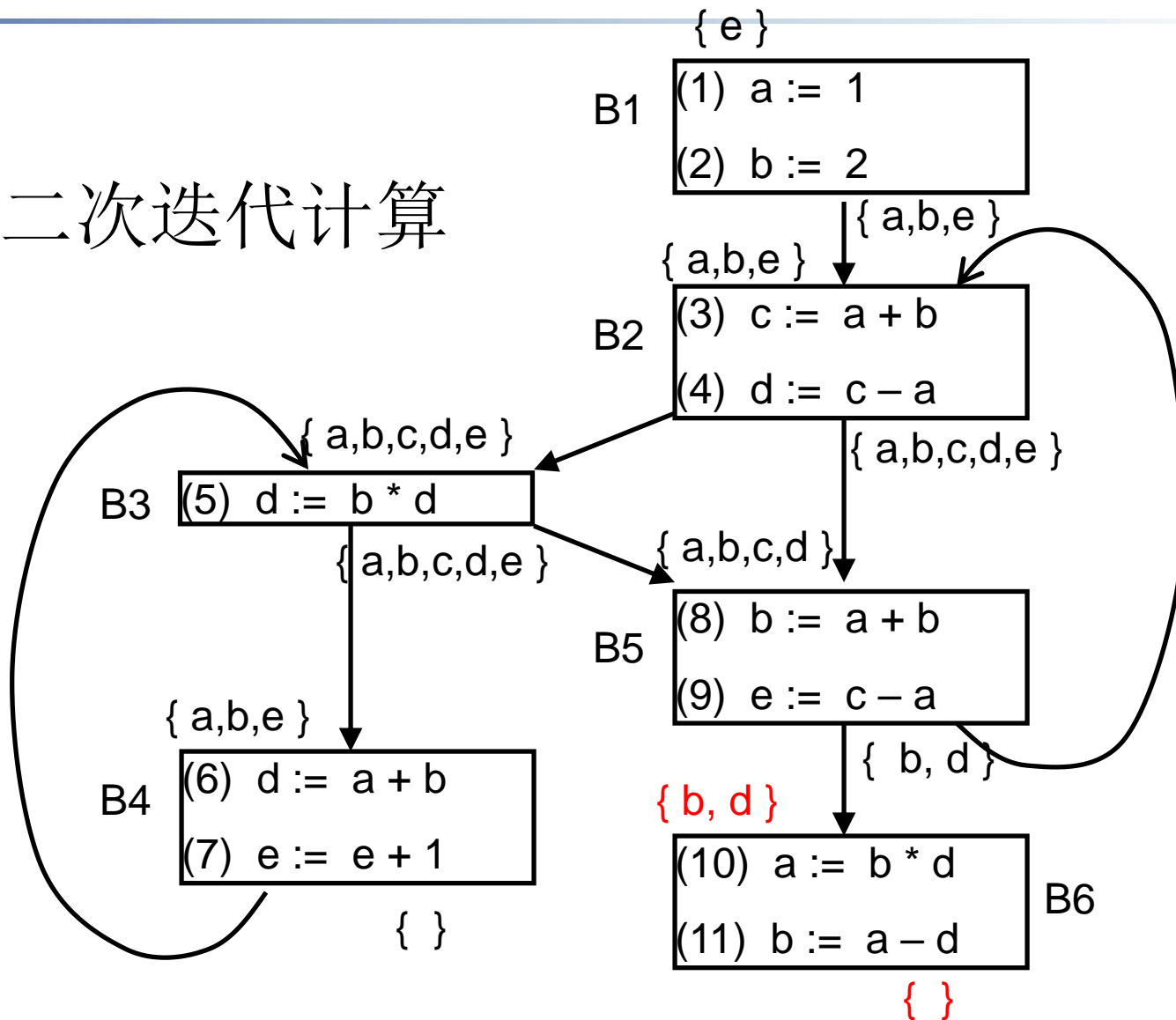


■ 第一次迭代计算



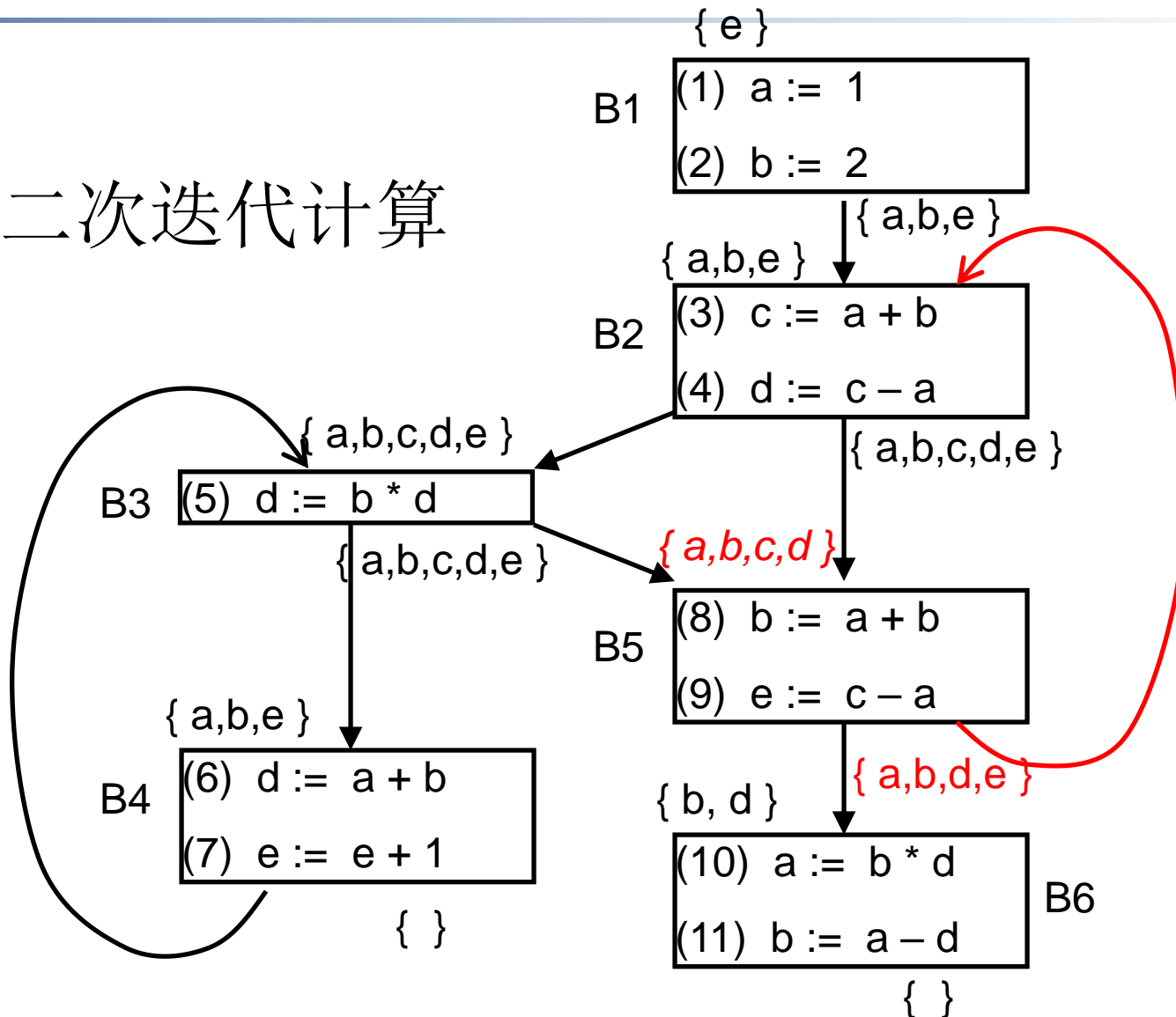


■ 第二次迭代计算



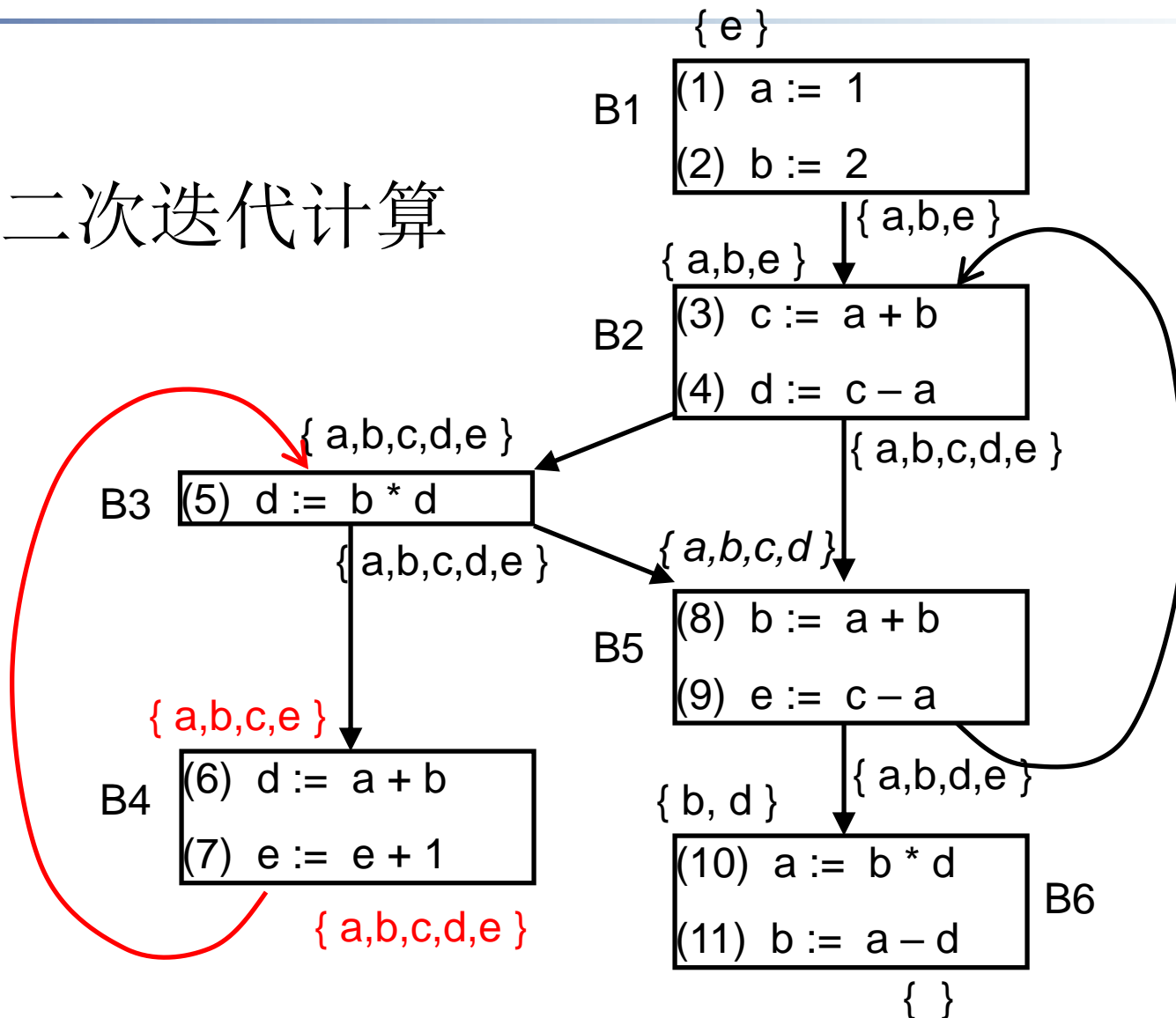


■ 第二次迭代计算



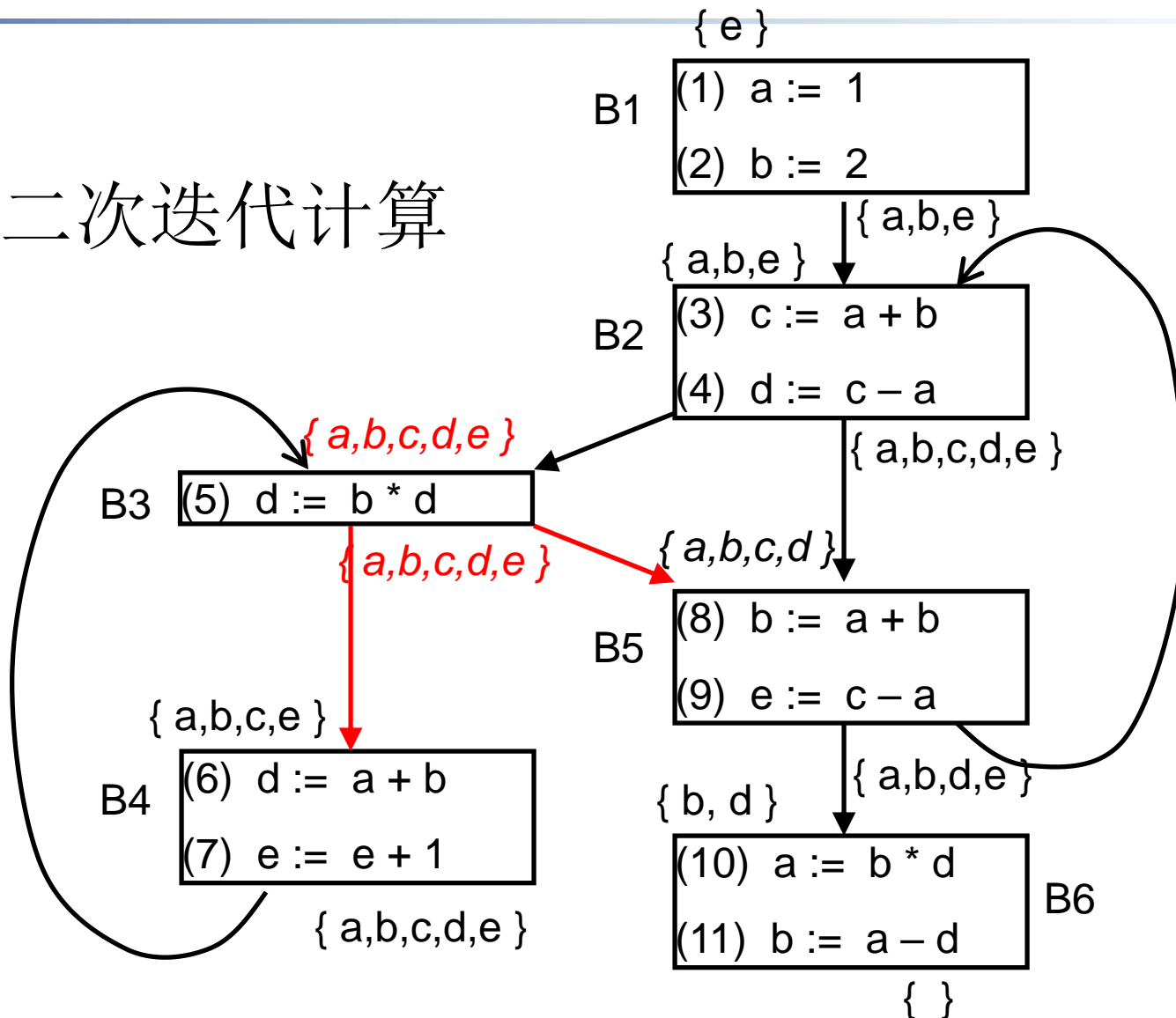


■ 第二次迭代计算



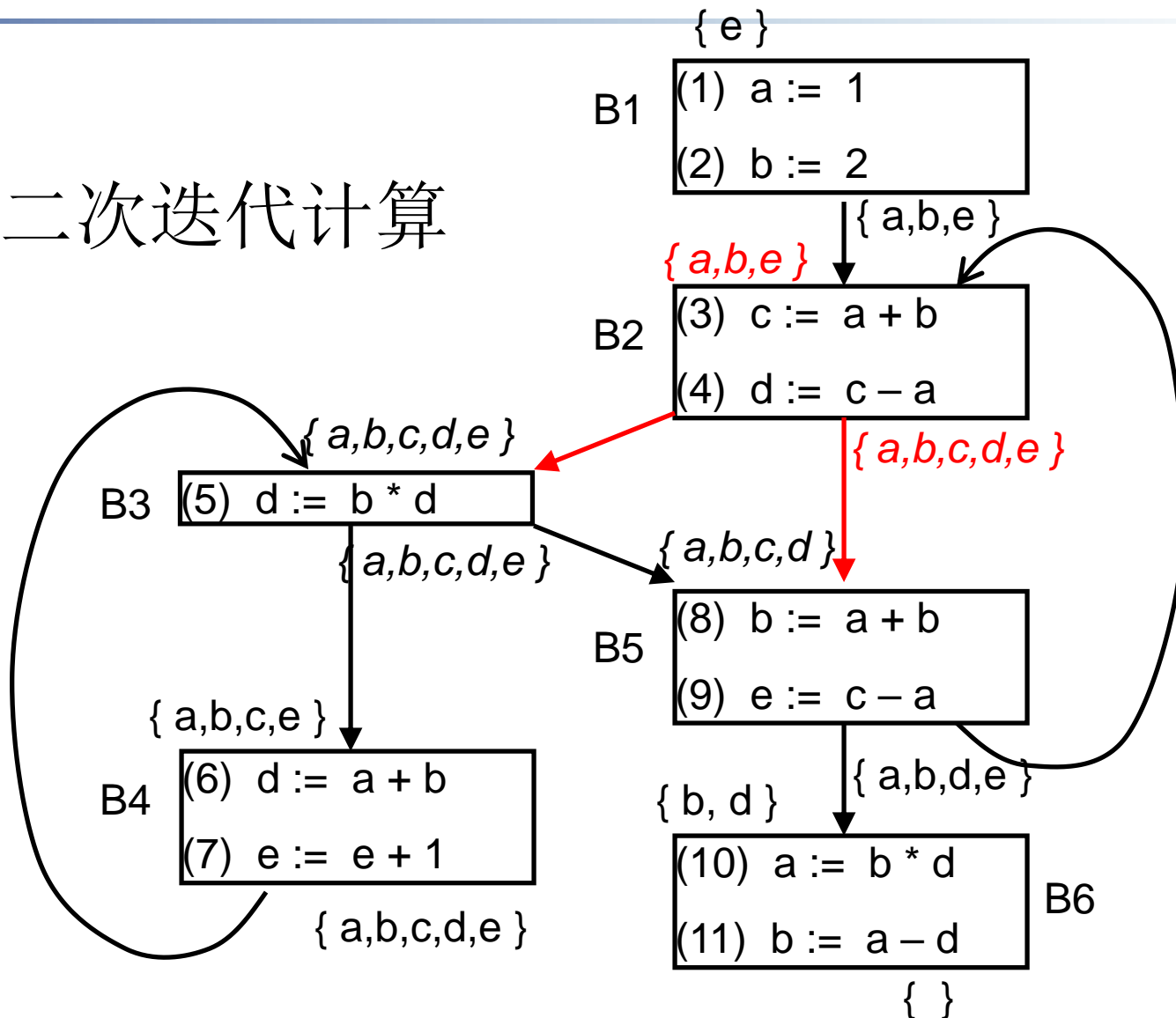


■ 第二次迭代计算



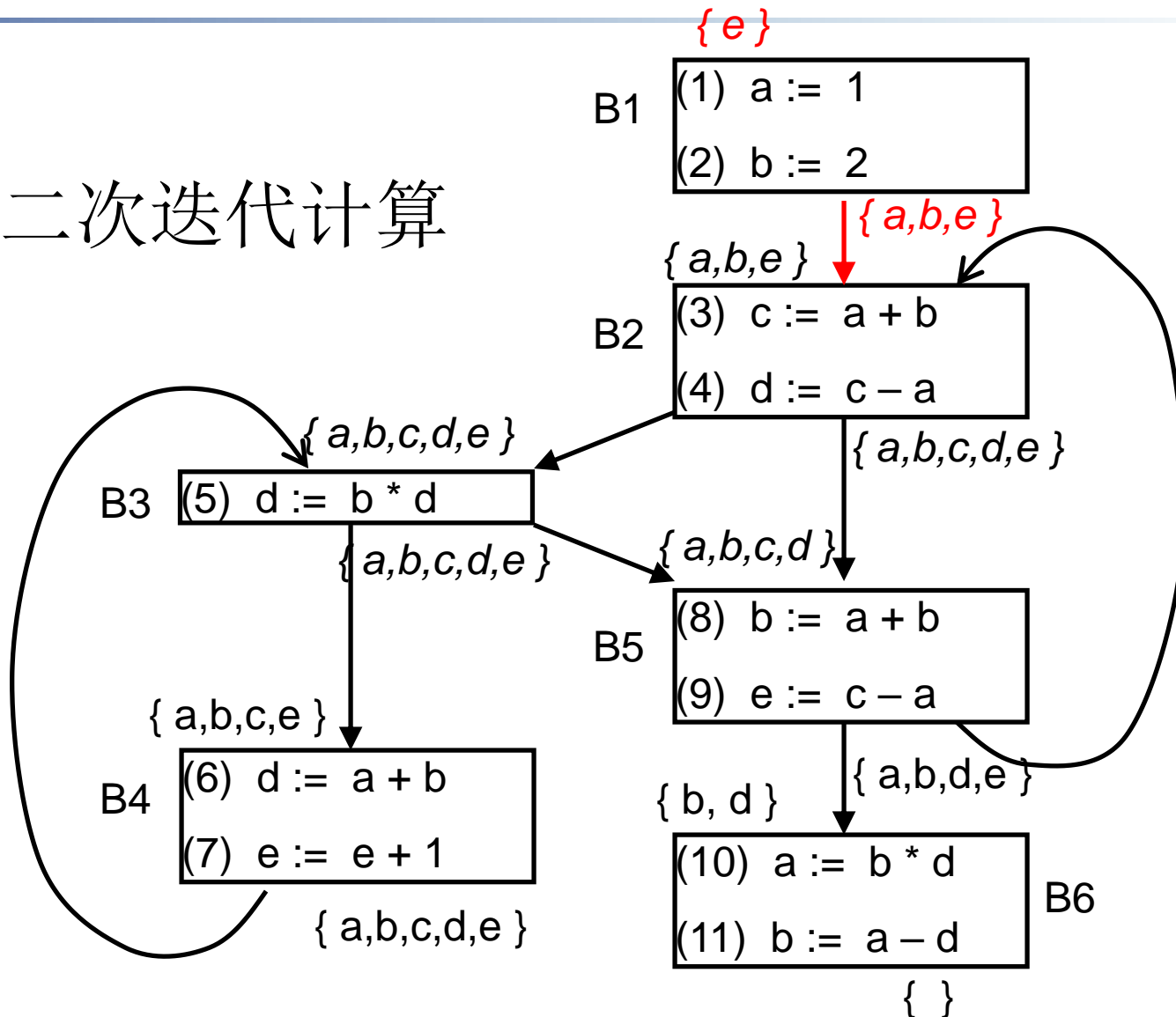


■ 第二次迭代计算



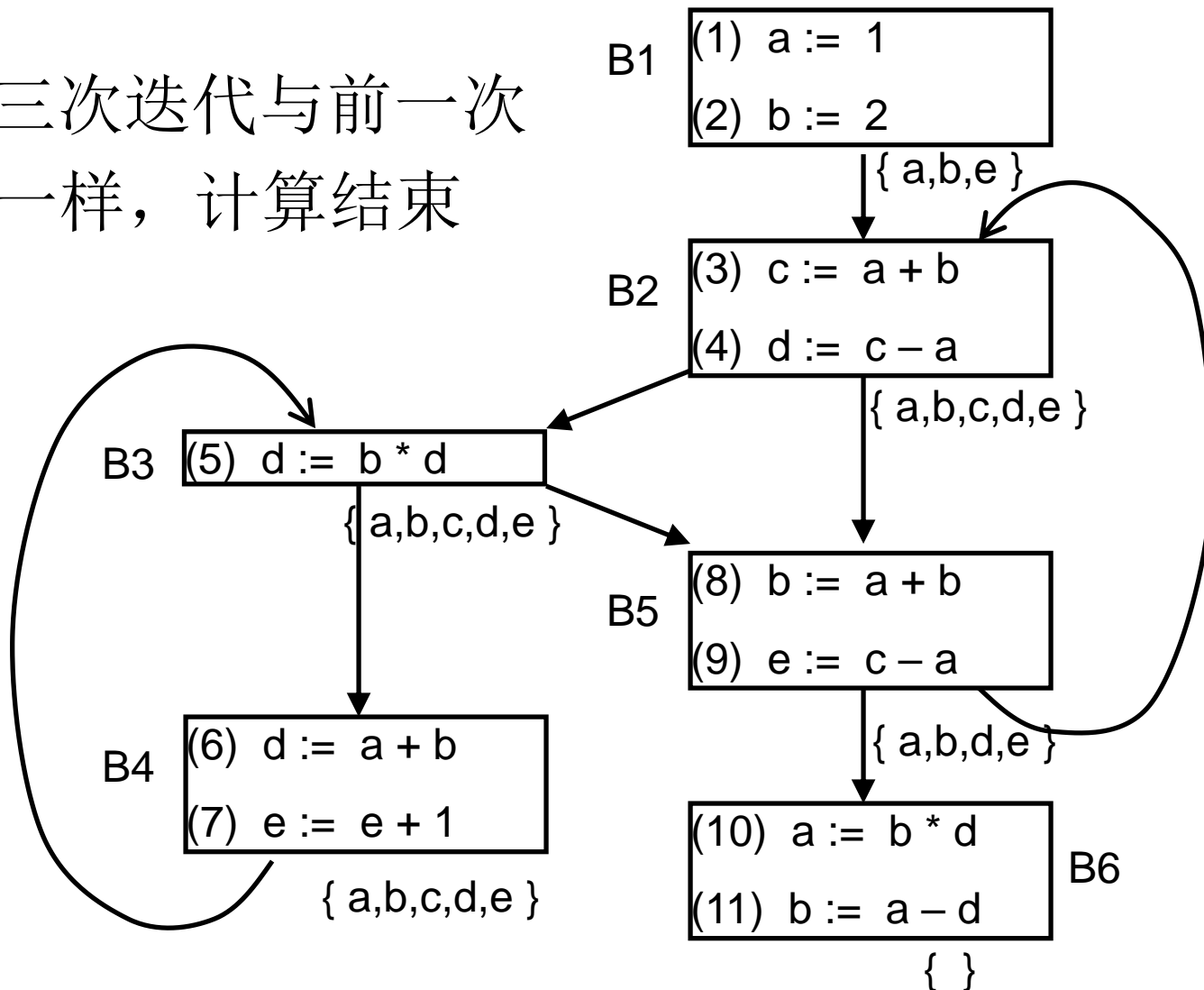


■ 第二次迭代计算





- 第三次迭代与前一次结果一样，计算结束





可用表达式



$$\mathbf{x} = \mathbf{y} + \mathbf{z}$$

•

•

•

p

$\mathbf{y} + \mathbf{z}$ 在 *p* 点

可用

$$\mathbf{x} = \mathbf{y} + \mathbf{z}$$

•

$$\mathbf{y} = \dots$$

•

p

$\mathbf{y} + \mathbf{z}$ 在 *p* 点

不可用

$$\mathbf{x} = \mathbf{y} + \mathbf{z}$$

•

$$\mathbf{z} = \dots$$

•

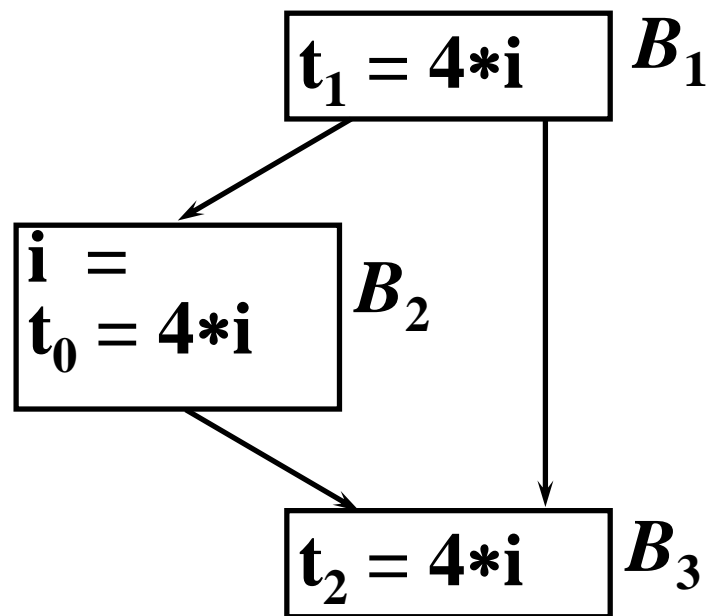
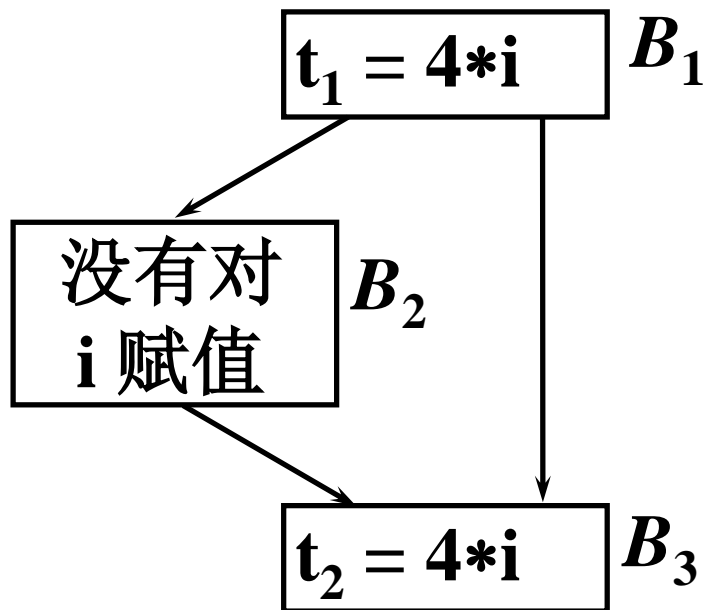
p

$\mathbf{y} + \mathbf{z}$ 在 *p* 点

不可用



下面两种情况下， $4*i$ 在 B_3 的入口都可用





□定义

- ❖ 若到点 p 的每条执行路径都计算 $x + y$ ，并且计算后没有对 x 或 y 赋值，那么称 $x + y$ 在点 p 可用
- ❖ e_gen_B : 块 B 产生的可用表达式集合
- ❖ e_kill_B : 块 B 注销的可用表达式集合
- ❖ $IN[B]$: 块 B 入口的可用表达式集合
- ❖ $OUT[B]$: 块 B 出口的可用表达式集合

□应用

- ❖ 公共子表达式删除



□ 数据流等式

- ❖ $OUT [B] = e_gen_B \cup (IN [B] - e_kill_B)$
- ❖ $IN [B] = \bigcap_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱}} OUT [P]$
- ❖ $IN [ENTRY] = \emptyset$

□ 同先前的主要区别

- ❖ 使用 \cap 而不是 \cup 作为这里数据流等式的汇合算符
- ❖ 求最大解而不是最小解



□基本块生成的表达式：

基本块中语句d: $x = y + z$ 的前、后点分别为点p与点q。设在点p处可用表达式集合为S（基本块入口点处S为空集），那么经过语句d之后，在点q处可用表达式集合如下构成：

$$(1) S = S \cup \{ y+z \}$$

$$(2) S = S - \{ S \text{ 中所有涉及变量}x\text{的表达式} \}$$

注意，步骤(1)和(2)不可颠倒，x可能就是y或z。

如此处理完基本块中所有语句后，可以得到基本块生成的可用表达式集合S；

□基本块杀死的表达式：所有其他类似 $y+z$ 的表达式，基本块中对y或z定值，但基本块没有**生成** $y+z$ 。



示例：基本块生成的表达式



语句	可用表达式
$a = b + c$	\emptyset
$b = a - d$	$\{ b + c \}$
$c = b + c$	$\{ a - d \}$ // $b+c$ 被杀死
$d = a - d$	$\{ a - d \}$ // $b+c$ 被杀死
	\emptyset // $a - d$ 被杀死



□传递方程:

$$IN[B] = \bigcap_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱基本块}} (OUT[P])$$

$$OUT[B] = e_gen_B \cup (IN[B] - e_kill_B)$$

□边界值: $OUT[ENTRY] = \emptyset$; 程序开始, 无可用表达式!

□迭代算法:

(1) $OUT[ENTRY] = \emptyset$

(2) for(除ENTRY之外的每个基本块B) $OUT[B] = U$

(3) while(某个OUT值发生变化) {

(4) for(除ENTRY之外的每个基本块B){

(5) $IN[B] = \bigcap_{P \text{ 是 } B \text{ 的前驱基本块}} (OUT[P])$

(6) $OUT[B] = e_gen_B \cup (IN[B] - e_kill_B)$

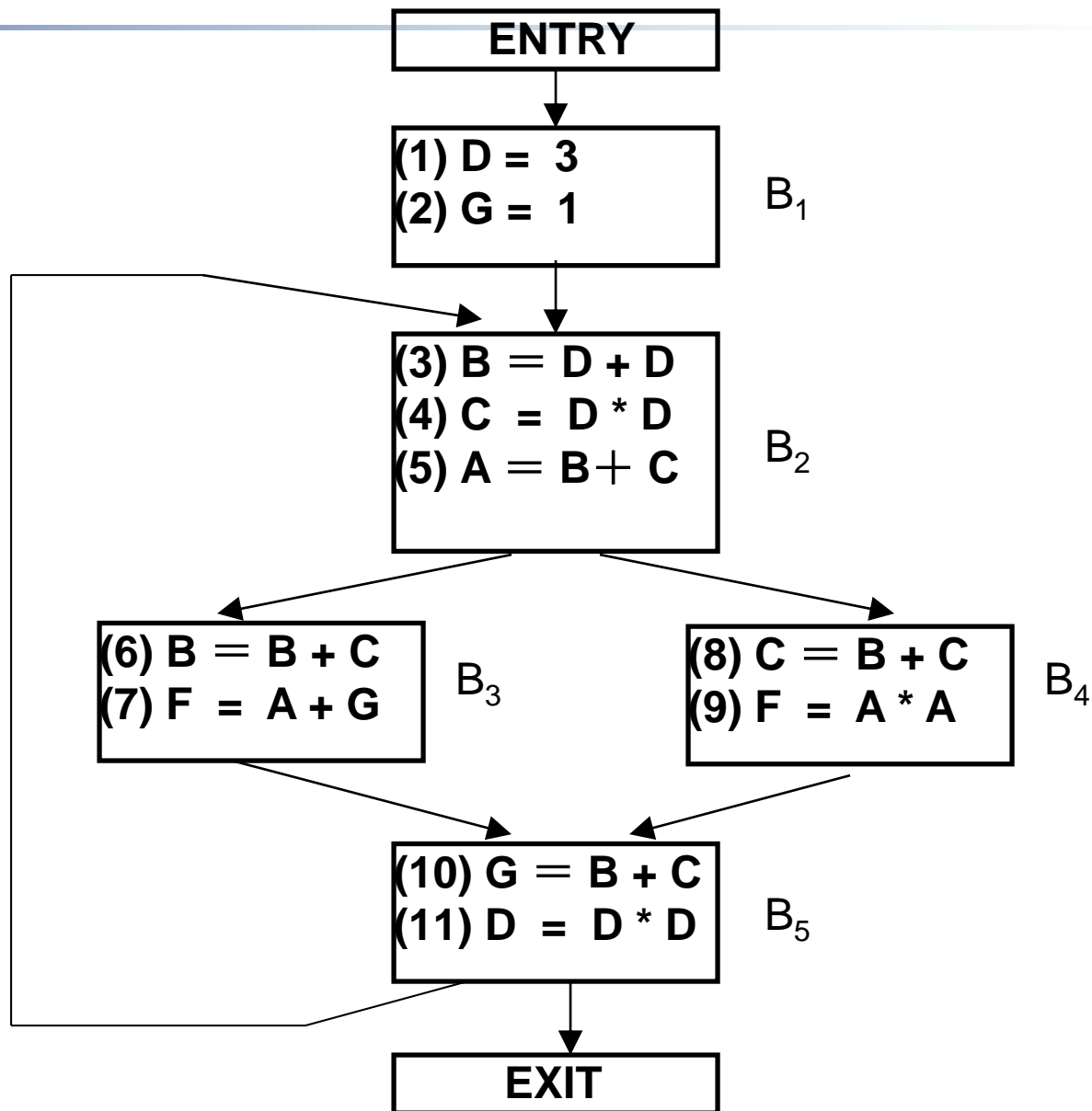
} // end-of-for

} // end-of-while

U是全体表达式集合



示例：可用表达式





示例：可用表达式



基本块	前驱	后继
ENTRY	—	B ₁
B ₁	ENRTY	B ₂
B ₂	B ₁ B ₅	B ₃ B ₄
B ₃	B ₂	B ₅
B ₄	B ₂	B ₅
B ₅	B ₃ B ₄	B ₂ EXIT
EXIT	B ₅	—



示例：可用表达式



基本块	e_gen	e_kill
ENTRY	\emptyset	\emptyset
B ₁	{3 1}	{ D+D, D*D, A+G }
B ₂	{ D+D, D*D, B+C }	{ A*A, A+G }
B ₃	{ A+G }	{ B+C }
B ₄	{ A * A }	{ B+C }
B ₅	{ B+C }	{ A+G, D*D, D+D }
EXIT	\emptyset	\emptyset

全部表达式 $U = \{ 3, 1, D+D, D*D, B+C, A+G, A*A \}$



示例：可用表达式



		e_kill
		\emptyset
		{ D+D, D*D, A+G }
		{ A*A, A+G }
B ₃	{ A+G }	{ B+C }
B ₄	{ A * A }	{ B+C }
B ₅	{ B+C }	{ A+G, D*D, D+D }
EXIT	\emptyset	\emptyset
全部表达式 $U = \{ 3, 1, D+D, D*D, B+C, A+G, A*A \}$		

• B2块的e_kill集合不包含B+C, 因为虽然B和C的赋值改变了B+C的值, 但是最后一个语句再次计算了B+C, 这样B+C又成为可用表达式。生命力顽强, 没有被kill掉。

• 从另一个视角来看, 即便是e_kill中包含了B+C, OUT集合计算的时候也会被e_gen中的B+C覆盖掉。



□可用表达式的迭代计算

- 深度优先序，即 $B1 \rightarrow B2 \rightarrow B3 \rightarrow B4 \rightarrow B5 \rightarrow \text{EXIT}$
- 边界值： $\text{OUT}[\text{ENTRY}] = \emptyset$;
- 初始化：for all NON-ENTRY B: $\text{OUT}[B] = U$;

□第一次迭代：(all NON-ENTRY B)

(1) $\text{IN}[B1] = \text{OUT}[\text{ENTRY}] = \emptyset$; // B1 前驱仅为ENTRY

$$\text{OUT}[B1] = e_GEN[B1] \cup (\text{IN}[B1] - e_KILL[B1])$$

$$= e_GEN[B1] = \{ 3, 1 \} \text{ //变化}$$

(2) $\text{IN}[B2] = \text{OUT}[B1] \cap \text{OUT}[B5]$

$$= \{ 3, 1 \} \cap U = \{ 3, 1 \}$$

$$\text{OUT}[B2] = e_GEN[B2] \cup (\text{IN}[B2] - \text{KILL}[B2])$$

$$= \{ D+D, D*D, B+C \} \cup (\{ 3, 1 \} - \{ A*A, A+G \})$$

$$= \{ 3, 1, D+D, D*D, B+C \} \text{ //变化}$$



□第一次迭代：(all NON-ENTRY B)

$$(3) \text{ IN}[B3] = \text{OUT}[B2] \\ = \{3, 1, D+D, D*D, B+C\}$$

$$\text{OUT}[B3] = e_gen[B3] \cup (\text{IN}[B3] - e_kill[B3]) \\ = \{A+G\} \cup (\{3, 1, D+D, D*D, B+C\} - \{B+C\}) \\ = \{3, 1, D+D, D*D, A+G\} // \text{变化}$$

$$(4) \text{ IN}[B4] = \text{OUT}[B2] \\ = \{3, 1, D+D, D*D, B+C\}$$

$$\text{OUT}[B4] = e_gen[B4] \cup (\text{IN}[B4] - e_kill[B4]) \\ = \{A * A\} \cup (\{3, 1, D+D, D*D, B+C\} - \{B+C\}) \\ = \{3, 1, D+D, D*D, A * A\} // \text{变化}$$



□ 第一次迭代：(all NON-ENTRY B)

$$(5) \text{IN}[B5] = \text{OUT}[B3] \cap \text{OUT}[B4]$$

$$= \{ 3, 1, D+D, D*D, A+G \} \cap \{ 3, 1, D+D, D*D, A * A \}$$

$$= \{ 3, 1, D+D, D*D \}$$

$$\text{OUT}[B5] = e_gen[B5] \cup (\text{IN}[B5] - e_kill[B5])$$

$$= \{B+C\} \cup (\{3,1,D+D, D*D\} - \{A+G, D*D, D+D\})$$

$$= \{ 3, 1, B+C \} // \text{变化}$$

$$(6) \text{IN}[\text{EXIT}] = \text{OUT}[B5] = \{ 3, 1, B+C \}$$

$$\text{OUT}[\text{EXIT}] = e_GEN[\text{EXIT}] \cup$$

$$(\text{IN}[\text{EXIT}] - e_KILL[\text{EXIT}])$$

$$= \emptyset \cup (\{ 3, 1, B+C \} - \emptyset)$$

$$= \{ 3, 1, B+C \} // \text{变化}$$



□第二次迭代：(all NON-ENTRY B)

$$(1) \text{IN}[B1] = \text{OUT}[\text{ENTRY}] = \emptyset;$$

$$\begin{aligned} \text{OUT}[B1] &= e_GEN[B1] \cup (\text{IN}[B1] - e_KILL[B1]) \\ &= e_GEN[B1] = \{3, 1\} // \text{不变} \end{aligned}$$

$$(2) \text{IN}[B2] = \text{OUT}[B1] \cap \text{OUT}[B5]$$

$$= \{3, 1\} \cap \{3, 1, B+C\} = \{3, 1\} // \text{不变}$$

$$\begin{aligned} \text{OUT}[B2] &= e_GEN[B2] \cup (\text{IN}[B2] - e_KILL[B2]) \\ &= \{D+D, D*D, B+C\} \cup \\ &\quad (\{3, 1\} - \{A*A, A+G\}) \\ &= \{3, 1, D+D, D*D, B+C\} // \text{不变} \end{aligned}$$



□第二次迭代：(all NON-ENTRY B)

$$(3) \text{IN}[B3] = \text{OUT}[B2]$$

$$= \{3, 1, D+D, D*D, B+C\} \text{ //不变}$$

$$\text{OUT}[B3] = e_gen[B3] \cup (\text{IN}[B3] - e_kill[B3])$$

$$= \{A+G\} \cup (\{3, 1, D+D, D*D, B+C\} - \{B+C\})$$

$$= \{3, 1, D+D, D*D, A+G\} \text{ //不变}$$

$$(4) \text{IN}[B4] = \text{OUT}[B2]$$

$$= \{3, 1, D+D, D*D, B+C\} \text{ //不变}$$

$$\text{OUT}[B4] = e_gen[B4] \cup (\text{IN}[B4] - e_kill[B4])$$

$$= \{A * A\} \cup (\{3, 1, D+D, D*D, B+C\} - \{B+C\})$$

$$= \{3, 1, D+D, D*D, A * A\} \text{ //不变}$$



□ 第二次迭代：(all NON-ENTRY B)

$$(5) \text{IN}[B5] = \text{OUT}[B3] \cap \text{OUT}[B4]$$

$$= \{ 3, 1, D+D, D*D, A+G \} \cap \{ 3, 1, D+D, D*D, A * A \}$$

$$= \{ 3, 1, D+D, D*D \} \text{ //不变}$$

$$\text{OUT}[B5] = e_gen[B5] \cup (\text{IN}[B5] - e_kill[B5])$$

$$= \{B+C\} \cup (\{3,1,D+D, D*D\} - \{A+G, D*D, D+D\})$$

$$= \{ 3, 1, B+C \} \text{ //不变}$$

$$(6) \text{IN}[\text{EXIT}] = \text{OUT}[B5] = \{ 3, 1, B+C \} \text{ //不变}$$

$$\text{OUT}[\text{EXIT}] = e_GEN[\text{EXIT}] \cup$$

$$(\text{IN}[\text{EXIT}] - e_KILL[\text{EXIT}])$$

$$= \emptyset \cup (\{ 3, 1, B+C \} - \emptyset)$$

$$= \{ 3, 1, B+C \} \text{ //不变}$$



□ 代码优化

❖ 通过程序变换（局部变换和全局变换）来改进程序，称为优化

□ 代码优化的种类

❖ 基本块内优化、全局优化

❖ 公共子表达式删除、复写传播、死代码删除

❖ 循环优化

□ 代码优化的实现方式

❖ 数据流分析及其一般框架、循环的识别和分析



□标识循环并对循环专门处理的重要性

- ❖ 程序执行的大部分时间消耗在循环上，改进循环性能的优化会对程序执行产生显著影响
- ❖ 循环也会影响程序分析的运行时间

□本节介绍

- ❖ 介绍概念：支配结点、深度优先排序、回边、图的深度和可归约性
- ❖ 用于寻找循环和迭代数据流分析收敛速度的讨论



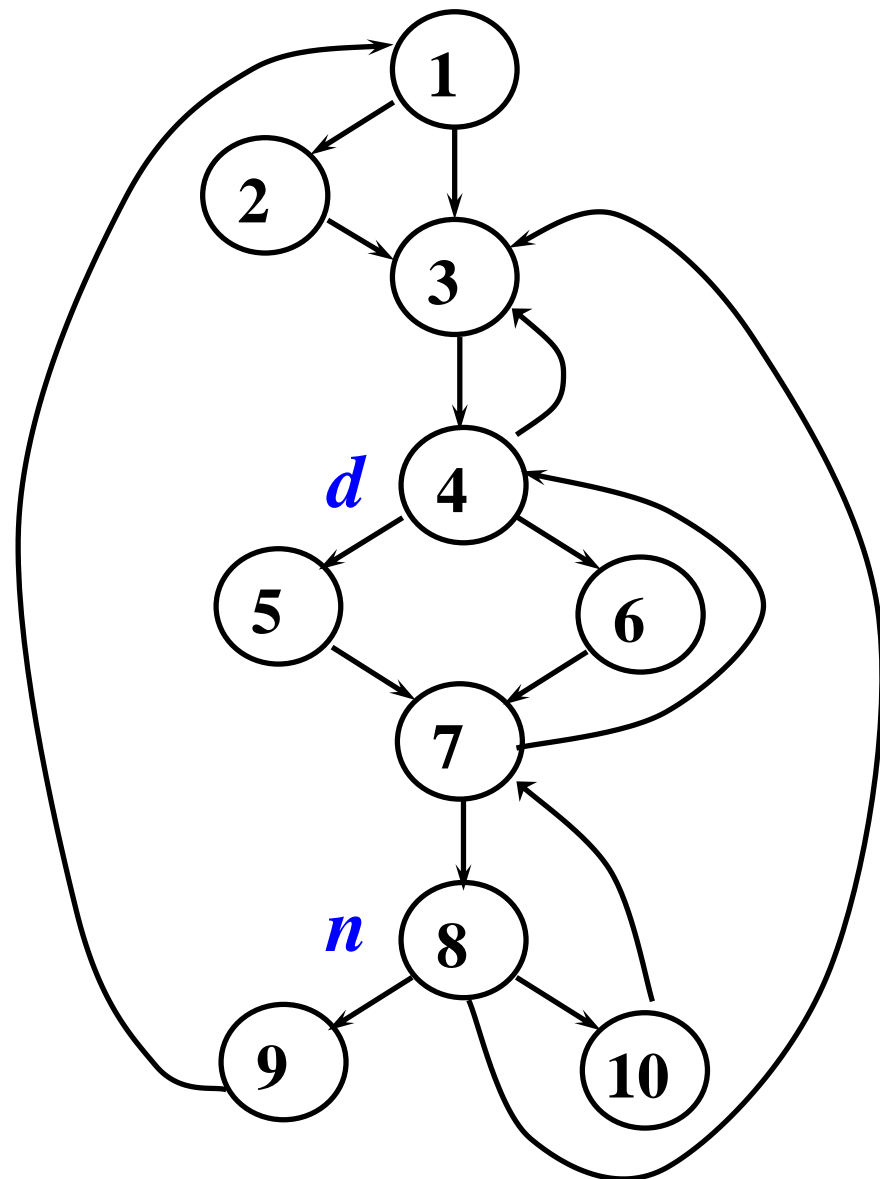
□ d 是 n 的支配结点:

❖ 若从初始结点起, 每条到达 n 的路径都要经过 d , 写成 $d \text{ dom } n$

□ 结点是它本身的支配结点

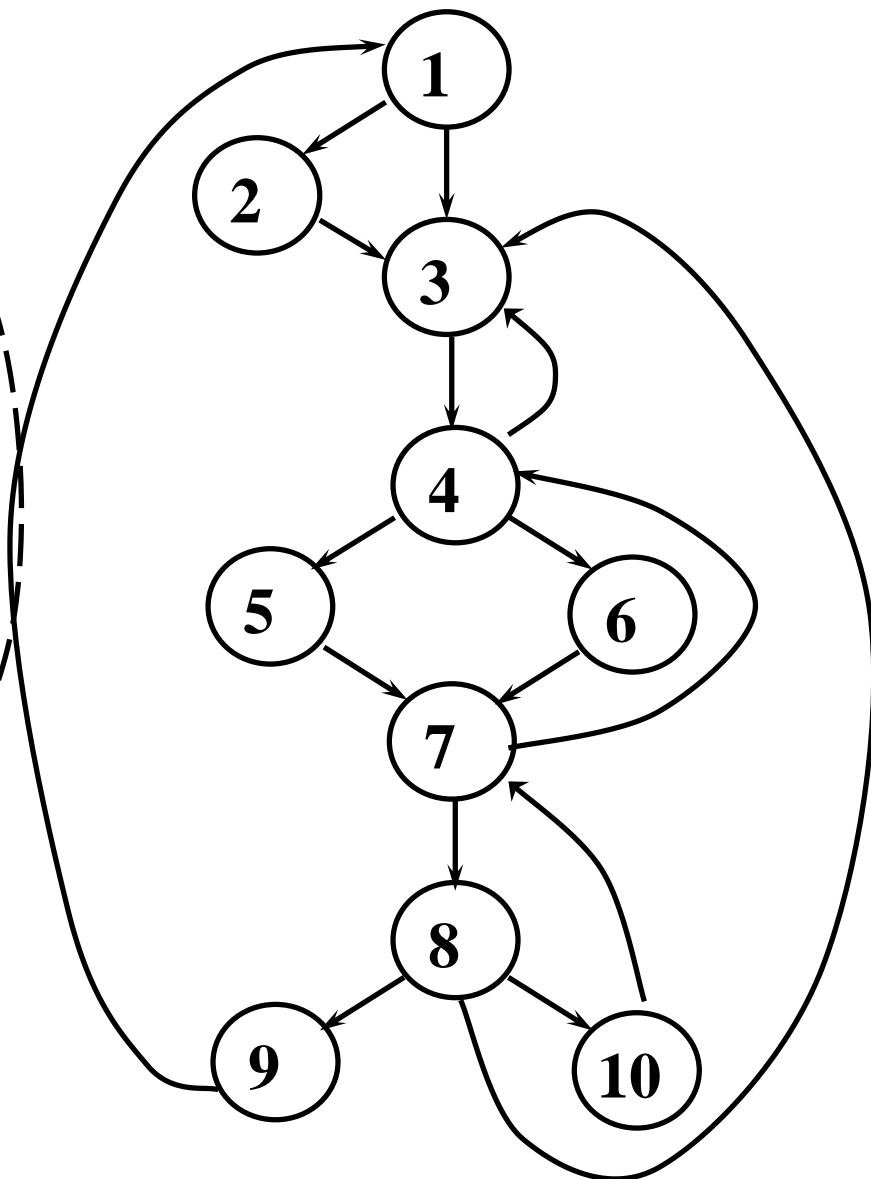
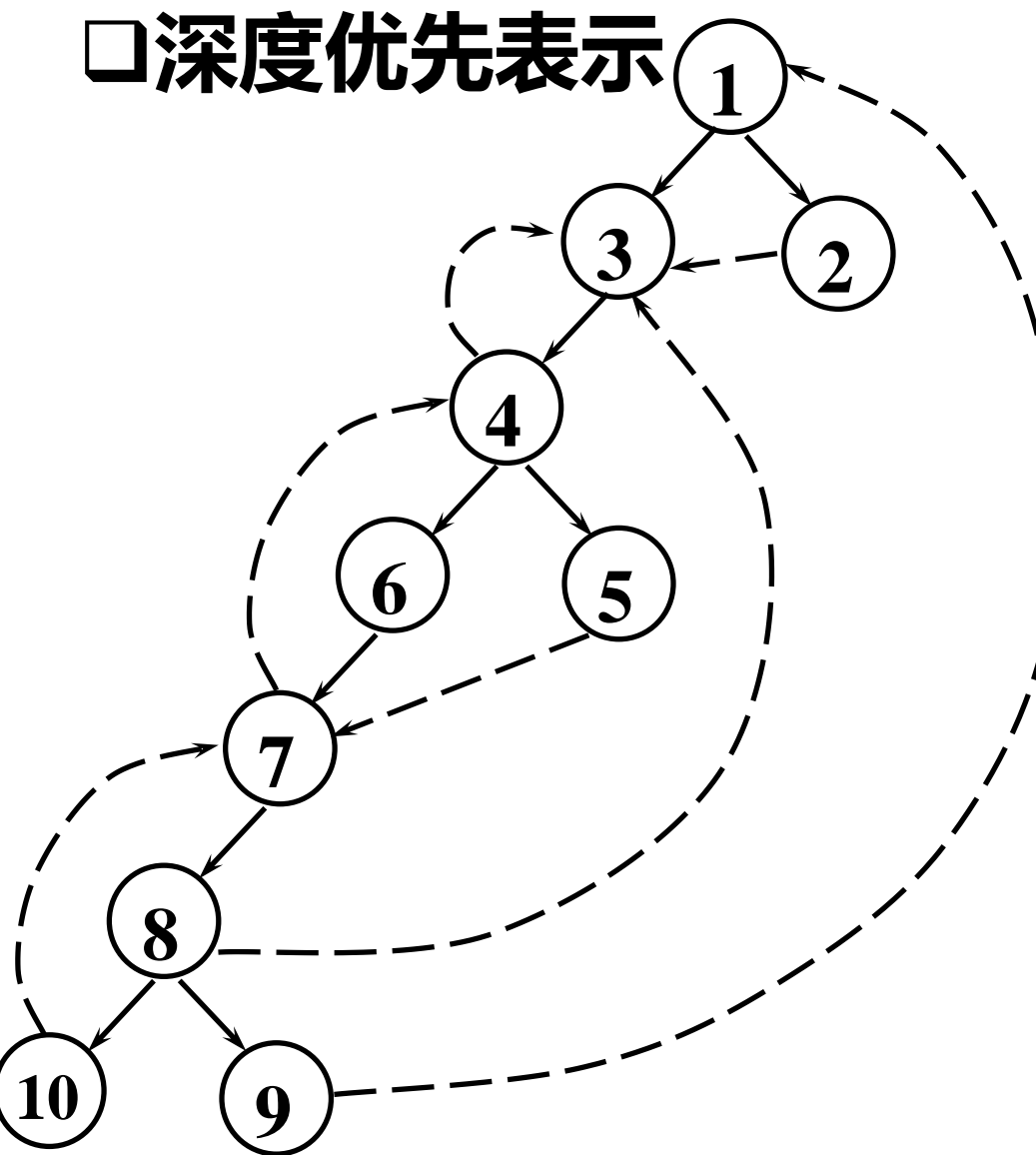
□ 循环的入口是循环中所有结点的支配结点

□ 支配结点集的计算可以形式化为一个数据流问题





□ 深度优先表示





□ 深度优先表示

❖ 前进边(深度优先生成树的边)

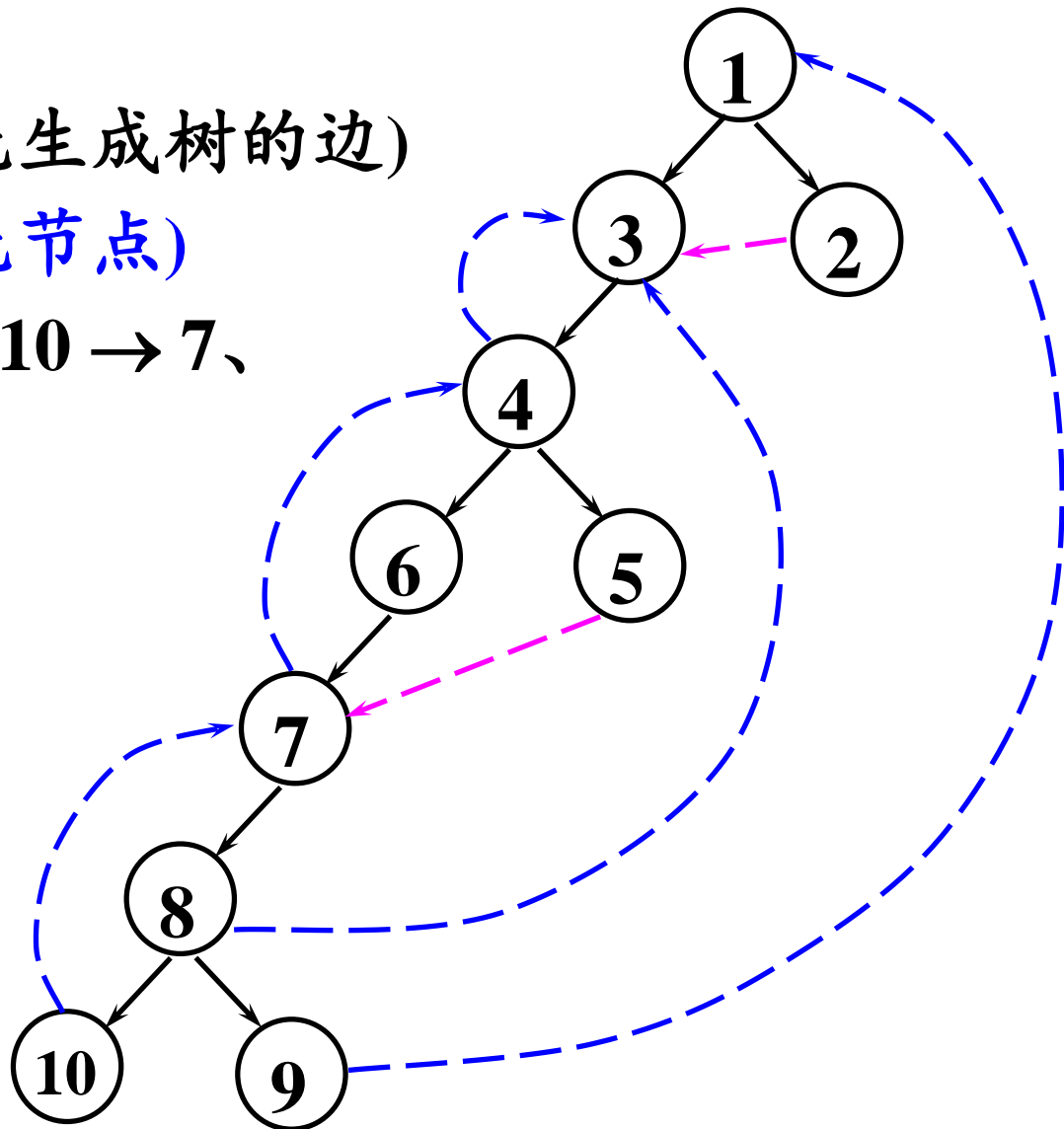
❖ 后撤边(指向祖先节点)

$4 \rightarrow 3$ 、 $7 \rightarrow 4$ 、 $10 \rightarrow 7$ 、

$8 \rightarrow 3$ 和 $9 \rightarrow 1$

❖ 交叉边

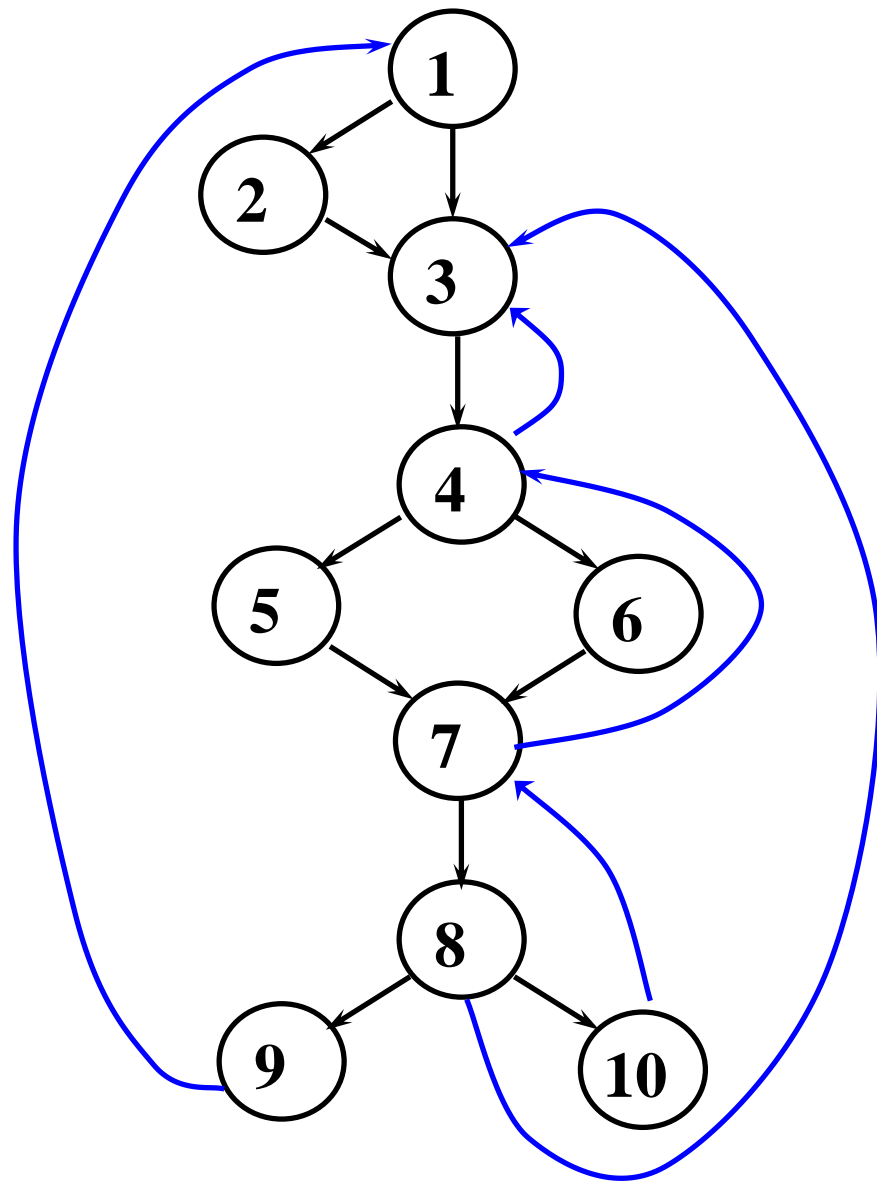
$2 \rightarrow 3$ 和 $5 \rightarrow 7$





□回边

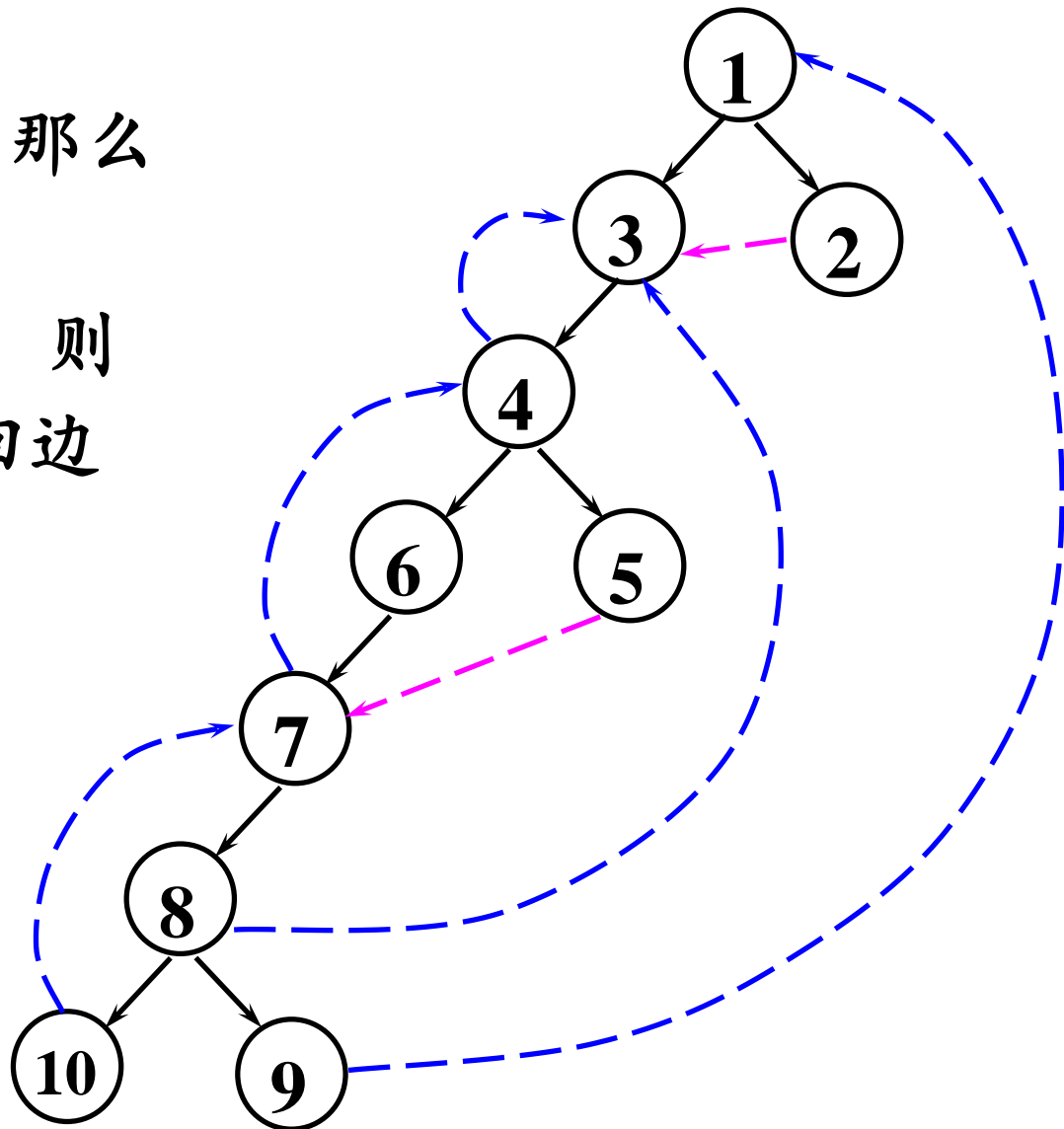
- ❖ 如果有 $a \text{ dom } b$ ，那么边 $b \rightarrow a$ 叫做回边
- ❖ 如果流图可归约，则后撤边正好就是回边





□回边

- ❖ 如果有 $a \text{ dom } b$ ，那么边 $b \rightarrow a$ 叫做回边
- ❖ 如果流图可归约，则后撤边正好就是回边



□可归约流图

❖ 如果把一个流图中所有回边删掉后，剩余的图无环

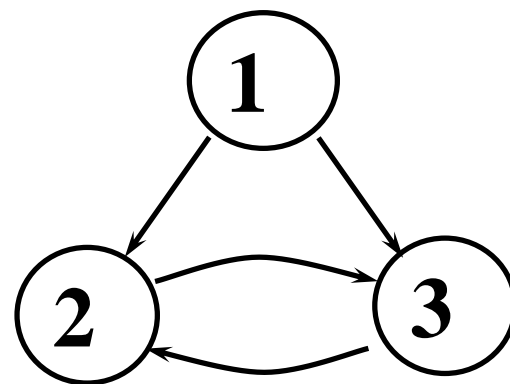
□例：不可归约流图

❖ 开始结点是1

❖ $2 \rightarrow 3$ 和 $3 \rightarrow 2$ 都不是回边

❖ 该图不是无环的

❖ 从结点2和3两处都能进入
由它们构成的环



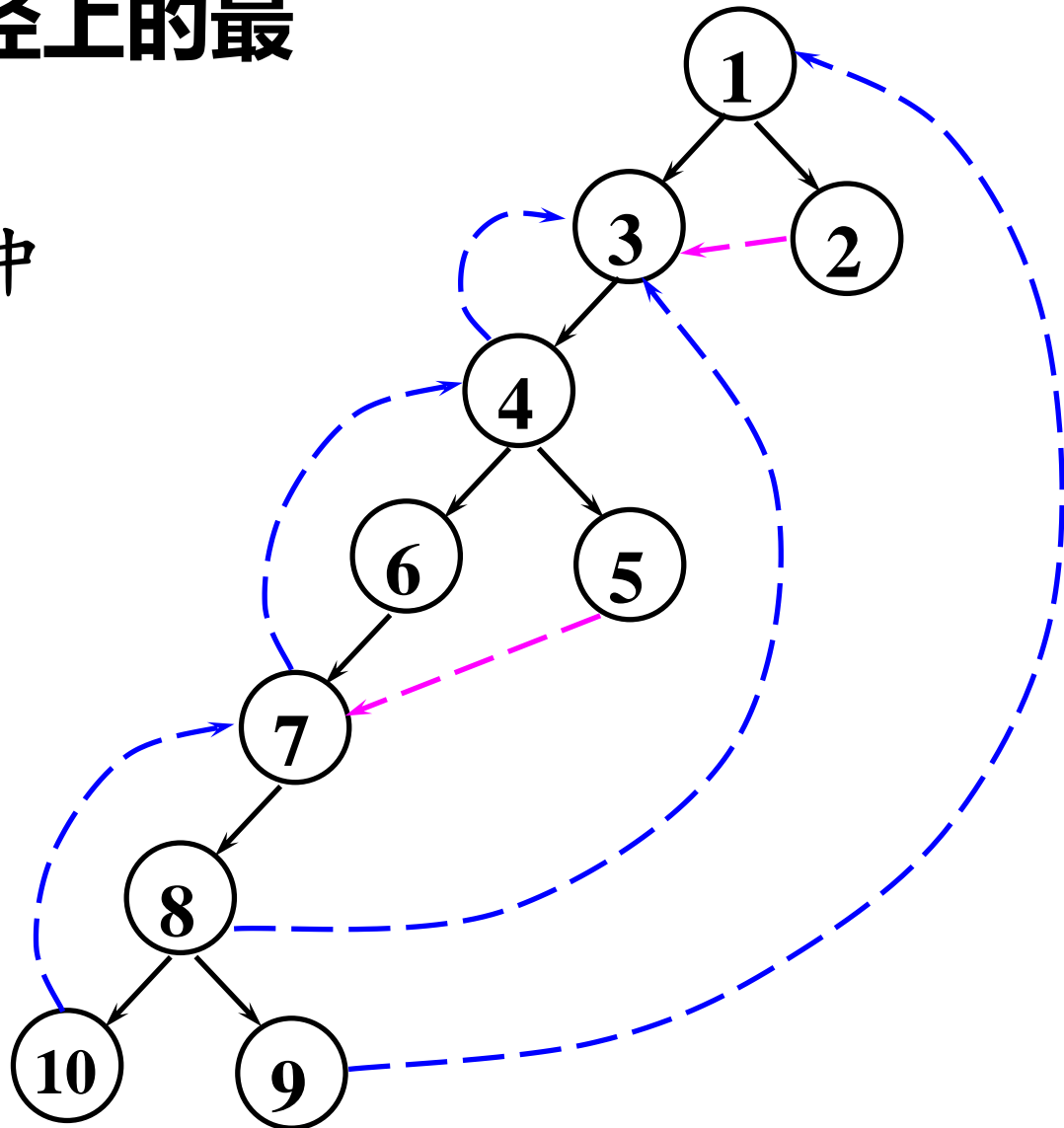


□深度是在无环路径上的最大后撤边数

❖深度不大于流图中
循环嵌套的层数

❖该例深度为3

$10 \rightarrow 7 \rightarrow 4 \rightarrow 3$





□ 自然循环的性质

- ❖ 有唯一的入口结点，叫做首结点，首结点支配该循环中所有结点
- ❖ 至少存在一条回边进入该循环首结点

□ 回边 $n \rightarrow d$ 确定的自然循环

- ❖ d 加上不经过 d 能到达 n 的所有结点
- ❖ 结点 d 是该循环的首结点



□回边 $10 \rightarrow 7$

循环 $\{7, 8, 10\}$

□回边 $7 \rightarrow 4$

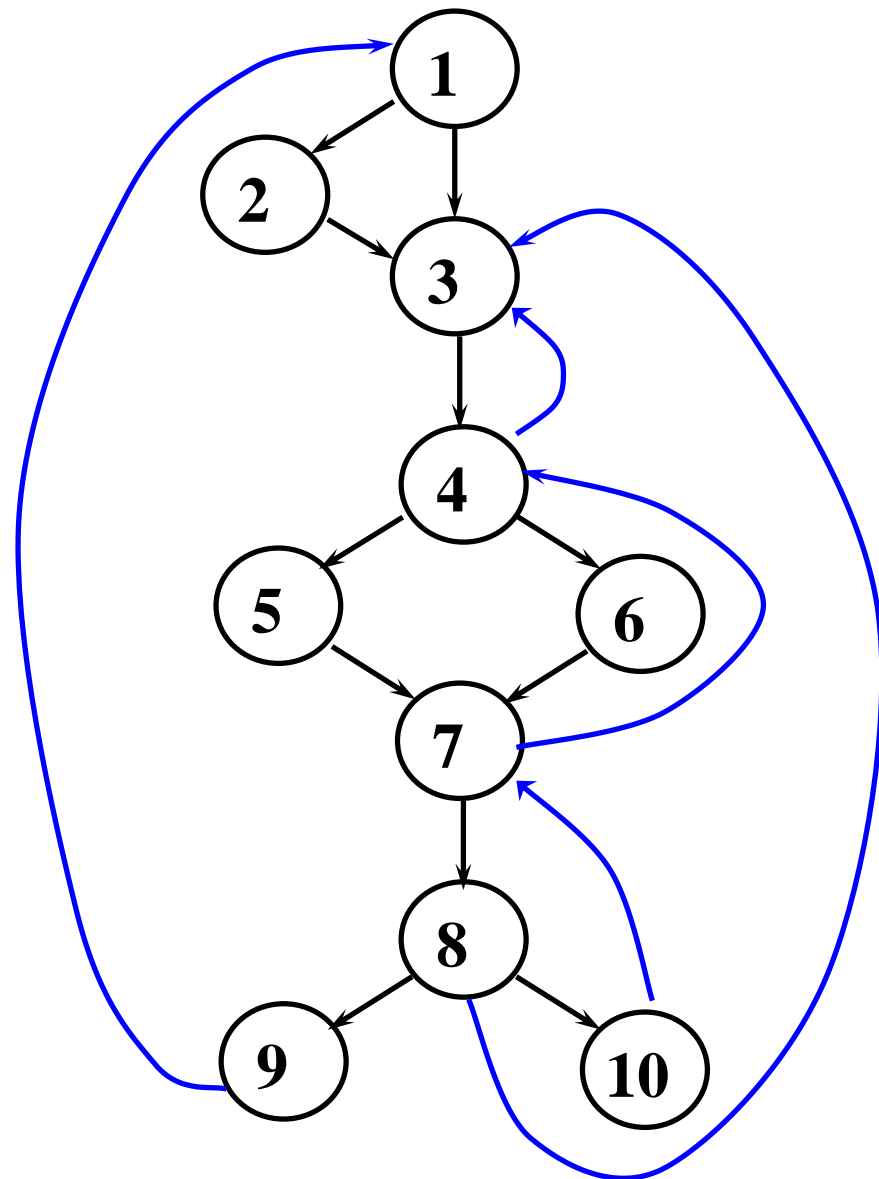
循环 $\{4, 5, 6, 7, 8, 10\}$

□回边 $4 \rightarrow 3$ 和 $8 \rightarrow 3$

循环 $\{3, 4, 5, 6, 7, 8, 10\}$

□回边 $9 \rightarrow 1$

$\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

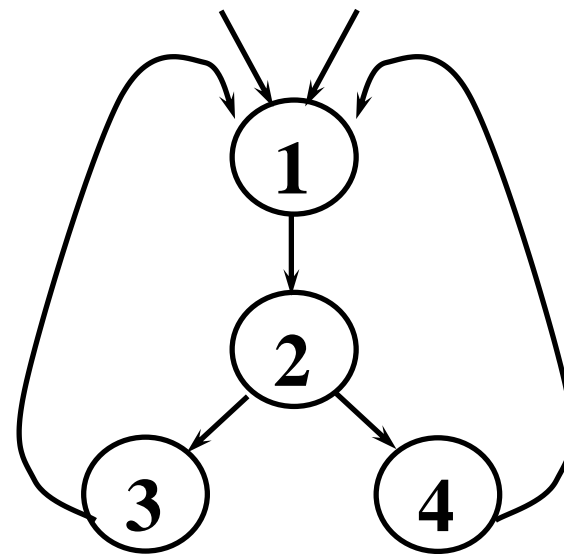




□内循环

❖若一个循环的结点集合是另一个循环的结点集合的子集

❖两个循环有相同的首结点，但并非一个结点集是另一个的子集，则看成一个循环



- **实验截止日12.31**
- **每组准备一个答辩ppt, 汇报成果、经验、教训等, 1月11日提交**
- **下周一的课上习题课**
- **下周四我对考察的范围进行说明并答疑**
- **考试是1月15日, 具体听通知**



《编译原理与技术》

独立于机器的优化

At the end, if you fail, at least you did something interesting, rather than doing something boring and also failing. Or doing something boring and then forgetting how to do something interesting.

—— Barbara Liskov (Turing Award 2008)