



本课件仅用于教学使用。未经许可，任何单位、组织和个人不得将课件用于该课程教学之外的用途(包括但不限于盈利等)，也不得上传至可公开访问的网络环境

1

新媒体大数据分析

New Media Big Data Analysis

第三章 数据建模

黄振亚，朱孟潇，张凯

课程主页：

<http://staff.ustc.edu.cn/~huangzhy/Course/NM2025.html>

助教：齐畅，朱家骏

bigdata_2025@163.com

11/14/2025

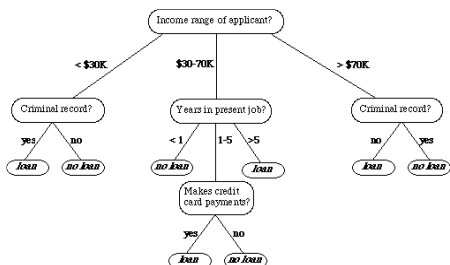


数据建模基础

13

数据挖掘——四个任务有哪些常用方法？

分类与预测



关联分析



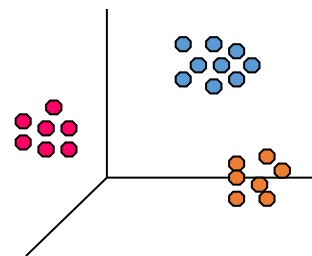
数据

	T		H		P	
	L	H	L	H	L	H
J	-6.0	8.8	60	100	986	1044
F	-2.8	10.9	48	100	973	1025
M	-5.6	17.7	34	100	976	1037
A	-1.2	22.2	27	100	996	1036
M	-0.8	27.8	25	100	1003	1034
J	5.2	29.1	26	100	998	1030
J	9.8	30.6	23	99	997	1027
A	5.6	26.1	31	100	992	1029
S	5.2	24.8	35	100	998	1028
O	-0.4	21.3	42	100	990	1031
N	-7.6	17.3	55	100	963	1023
D	-10.4	9.2	53	100	987	1039

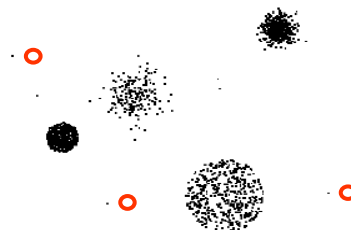
table 17a

2010 monthly weather variation, Cambridge (UK)

聚类



异常检测





分类与预测

14

数据挖掘任务 — 分类与预测

这张照片是哪里？



该图片有关联



该图片是科大



如果数据有标签，即已知图片是科大，则可以预测新图片的类



分类与预测

15

□ 案例一：垃圾邮件分类 — 中科大安全演练

□ 判断：下面这封邮件是垃圾邮件吗？

结论：一封垃圾邮件

中秋免费月饼领取 发起会议

精简信息

发件人： 中科大邮箱管理中心 <mailservice@vstc.edu.cn>

时 间： 2022年09月07日 18:39:40 (星期三)

收件人： huangzhy@ustc.edu.cn

特征1：仿冒地址：vstc.edu.cn

尊敬的科大邮箱用户，

您好！

金秋九月，丹桂飘香，中秋佳节临近，中科大邮箱管理中心祝您中秋快乐，万事如意！

了解到广大师生对我校定制月饼礼盒购买意愿强烈，礼盒供不应求，本部门特地采购了一批月饼礼盒，并以抽奖的形式回馈各位用户。由于礼盒数量有限，仅限在校师生参与抽奖，请点击以下链接参与抽奖活动，祝您好运！

校内抽奖链接： [统一身份认证](#)

中科大邮箱管理中心

特征2：不存在的科大部门：中科大邮箱管理中心

此邮件为自动发送，请勿回复

在使用中碰到任何问题，请点击链接联系或者电话联系：0551-36309527

特征3：错误的联系电话：36309527

Copyright 2022

基于一些特征与规则，我们可以将垃圾邮件的判别视作一个**分类问题**



分类与预测

16

案例二：电影评分预测

预测：用户对电影《功夫》的评分是多少？

已知：他对4部电影的评分分别为：5.0, 4.8, 4.9, 4.5

特征1：喜欢周星驰



特征2：喜欢喜剧



结论：预测评分5分



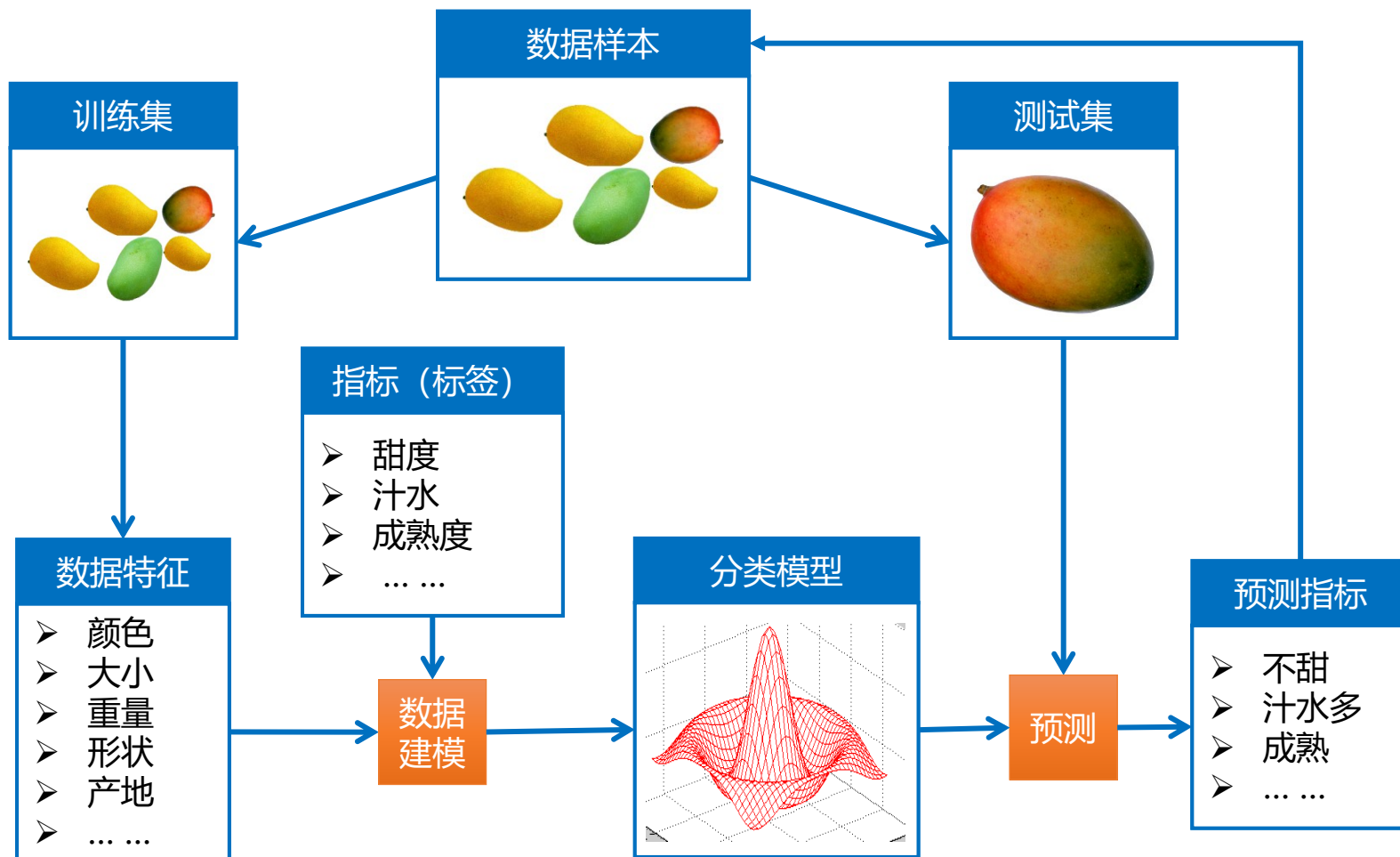
基于一些特征与规则，我们可以将电影评分(连续值)估计视作一个预测问题



分类与预测

17

生活中的案例：直观理解买芒果





分类与预测

18

□ 分类与预测 — 有监督学习

□ 已知：一组数据（训练集） (X, Y)

□ 如右图，每一条记录表示为 (x, y)

■ x ：数据特征/属性（如收入）

■ y ：类别标记（是否有借款）

□ 任务：

■ 学习一个模型，利用每一条记录的特征 x 去预测它对应的类别 y

即：输入未标记的数据（含特征 x ），
预测数据的类别 y

**分类 / 数值预测 取决于 类别标签是
离散型 / 数值型**

3个特征：

- 是否有住房
- 婚姻状态
- 年收入

类别：

是否拖欠贷款

ID	Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes



分类与预测

19

□ 分类与预测 — 回顾前例

任务	特征 x	类别 y
垃圾邮件分类	收件人、邮箱名、邮件内容等	是否垃圾邮件 离散型
电影评分预测	用户在其他电影的评分 电影的演员，类型等	实值评分[0,5] 数值型
芒果好坏预测	芒果的颜色、大小、重量、形状、产地等	芒果的甜度、水分、成熟与否 离散型 或 数值型



分类与预测

20

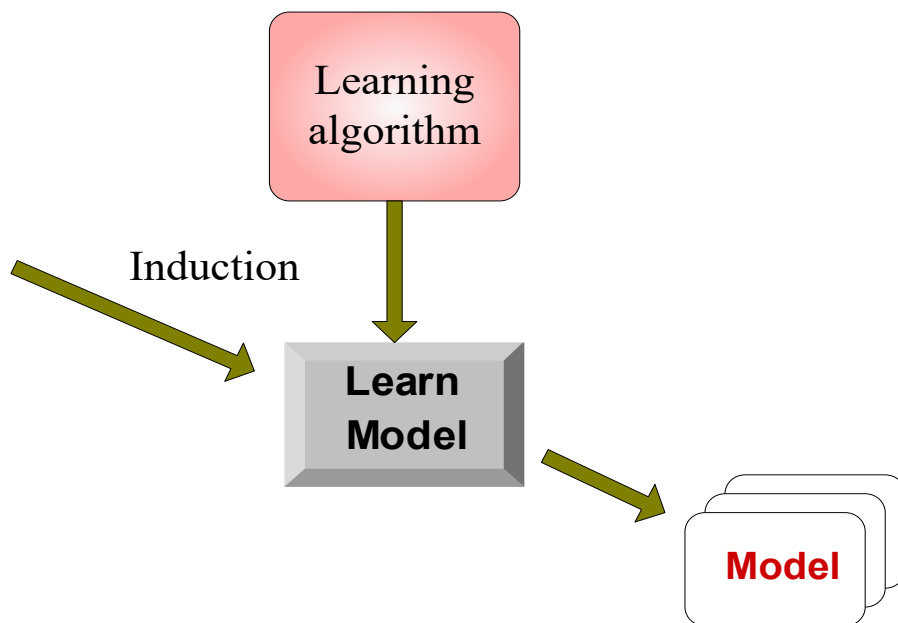
如何建立分类与预测模型？

- 一般流程：有监督学习
- 通常包括两个阶段：模型训练、模型预测
 - 模型训练：目标是利用训练数据，学习一个分类或预测模型

Tid	Attrib1	Attrib2	Attrib3	Class
1	Yes	Large	125K	No
2	No	Medium	100K	No
3	No	Small	70K	No
4	Yes	Medium	120K	No
5	No	Large	95K	Yes
6	No	Medium	60K	No
7	Yes	Large	220K	No
8	No	Small	85K	Yes
9	No	Medium	75K	No
10	No	Small	90K	Yes

Training Set

训练集有类别标签





分类与预测

21

□ 如何建立分类与预测模型？

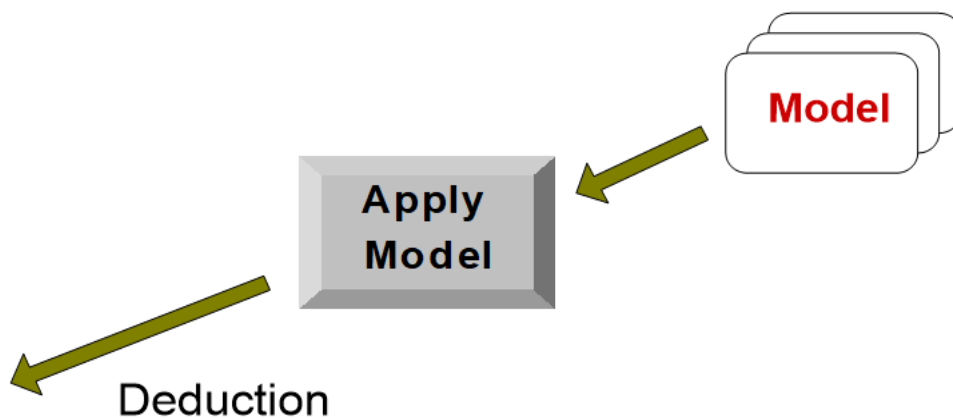
- 一般流程：有监督学习
- 通常包括两个阶段：模型训练、模型预测
 - 模型预测：目标是利用学习的模型，预测测试数据的标签

Tid	Attrib1	Attrib2	Attrib3	Class
11	No	Small	55K	?
12	Yes	Medium	80K	?
13	Yes	Large	110K	?
14	No	Small	95K	?
15	No	Large	67K	?

Test Set



测试集无类别标签，需要预测





分类与预测

22

- 有监督学习：分类与预测
- 常用方法
 - 规则方法
 - 决策树
 - 贝叶斯方法
 - 最近邻方法
 - 支持向量机 (SVM)
 - 神经网络
 - 集成方法
- 分类的评价指标



分类：规则方法

23

□ 规则方法

- 基于规则的分类器 (Rule-based Classifier) 就是使用一组 if-then 的模式来进行分类
- 基本形式：Condition $\rightarrow$ y (标签)
 - 其中，Condition是一组属性的组合，也被称作规则的前提
- 例如：
 - (胎生= 否) $\wedge$ (飞行动物= 是) $\rightarrow$ 鸟类
 - (胎生= 是) $\wedge$ (体温= 恒温) $\rightarrow$ 哺乳类
- 最基础的获得规则的方法：人工制定规则进行分类



不足：人工定义规则、效率低，难以处理复杂问题



自动生成规则？决策树



分类：规则方法

24

□ 回顾垃圾邮件分类的例子

□ 判断：下面这封邮件是垃圾邮件吗？

中秋免费月饼领取     发起会议 精简信息 

发件人： 中科大邮箱管理中心 <mailservice@vstc.edu.cn>
时 间： 2022年09月07日 18:39:40 (星期三)
收件人： huangzhy@ustc.edu.cn

特征1： 仿冒地址： vstc.edu.cn

尊敬的科大邮箱用户，

您好！

金秋九月，丹桂飘香，中秋佳节临近，中科大邮箱管理中心祝您中秋快乐，万事如意！

了解到广大师生对我校定制月饼礼盒购买意愿强烈，礼盒供不应求，本部门特地采购了一批月饼礼盒，并以抽奖的形式回馈各位用户。由于礼盒数量有限，仅限在校师生参与抽奖，请点击以下链接参与抽奖活动，祝您好运！

校内抽奖链接： [统一身份认证](#)

中科大邮箱管理中心

特征2： 不存在的科大部门： 中科大邮箱管理中心

此邮件为自动发送，请勿回复

在使用中碰到任何问题，请点击链接联系或者电话联系：0551-36309527

特征3： 错误的联系电话： 36309527

Copyright 2022

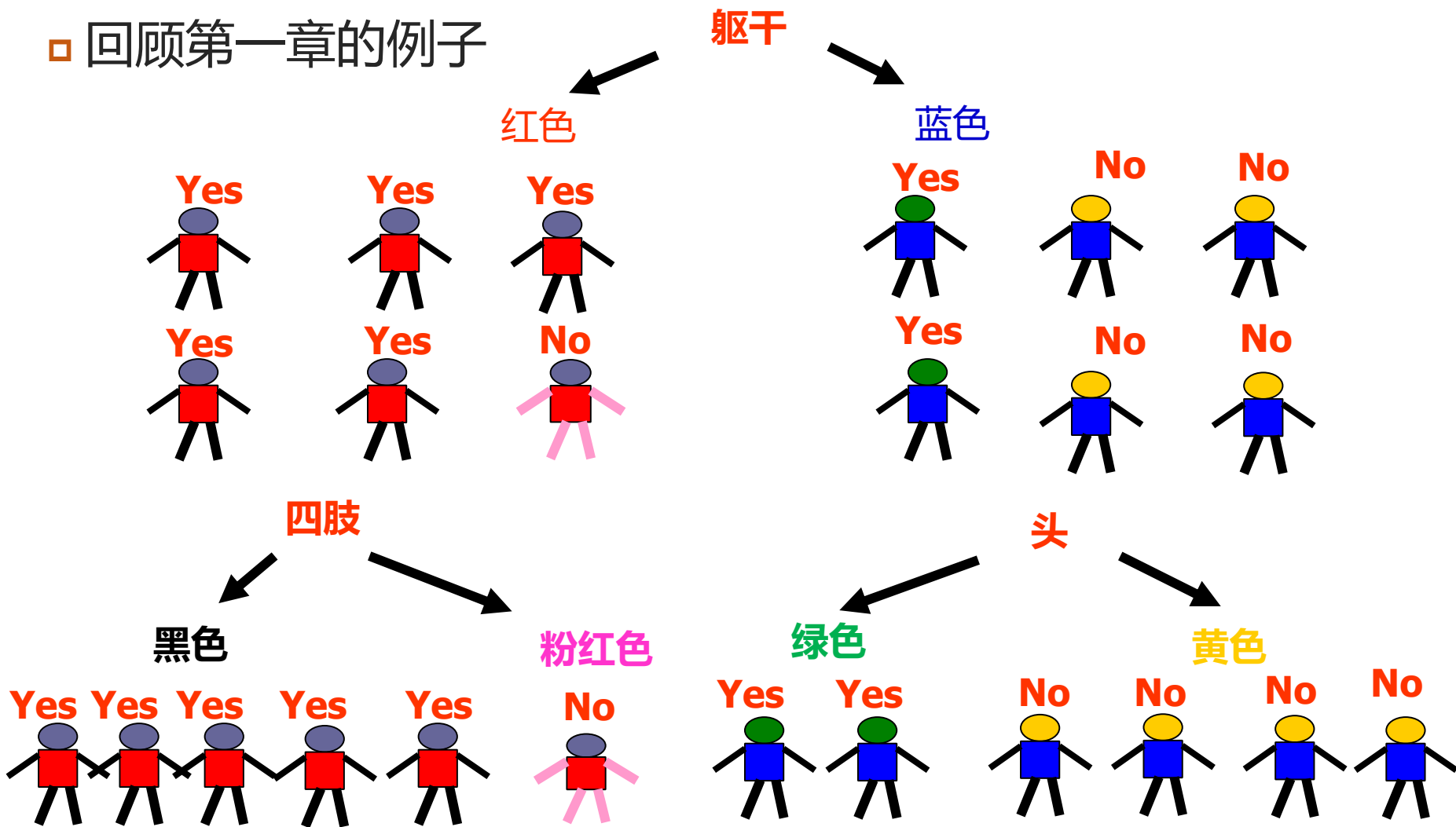
(地址= vstc.edu.cn) ^ (部门= 中科大邮箱管理中心) ^ (电话= 36309527) → 垃圾邮件



分类：决策树

25

□ 回顾第一章的例子





分类：决策树

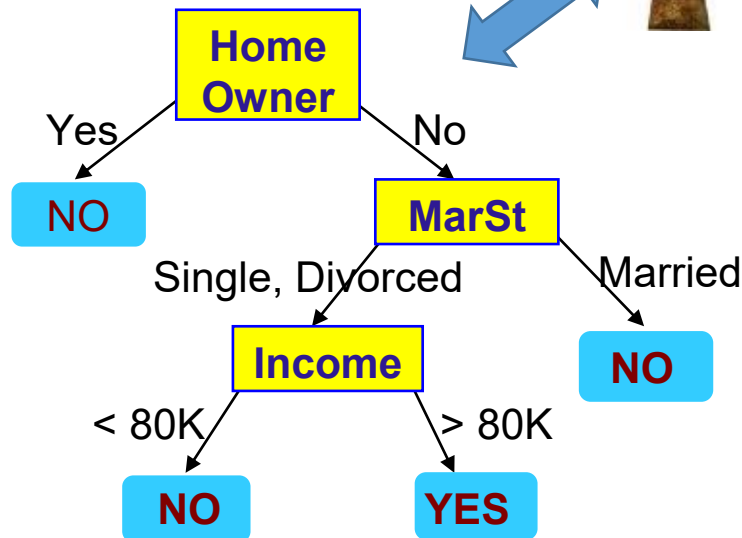
26

□ 什么是决策树

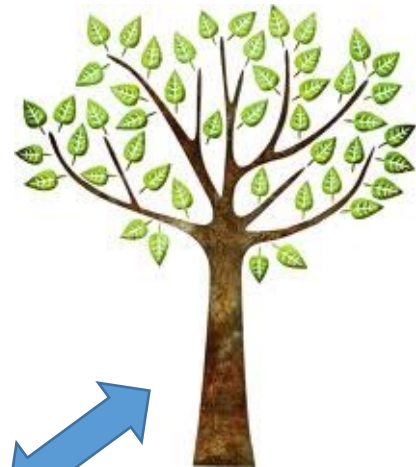
- 对数据进行处理，利用归纳算法生成可读的规则
- 模型以树状形式呈现出来

ID	Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes

训练数据



模型：决策树





分类：决策树

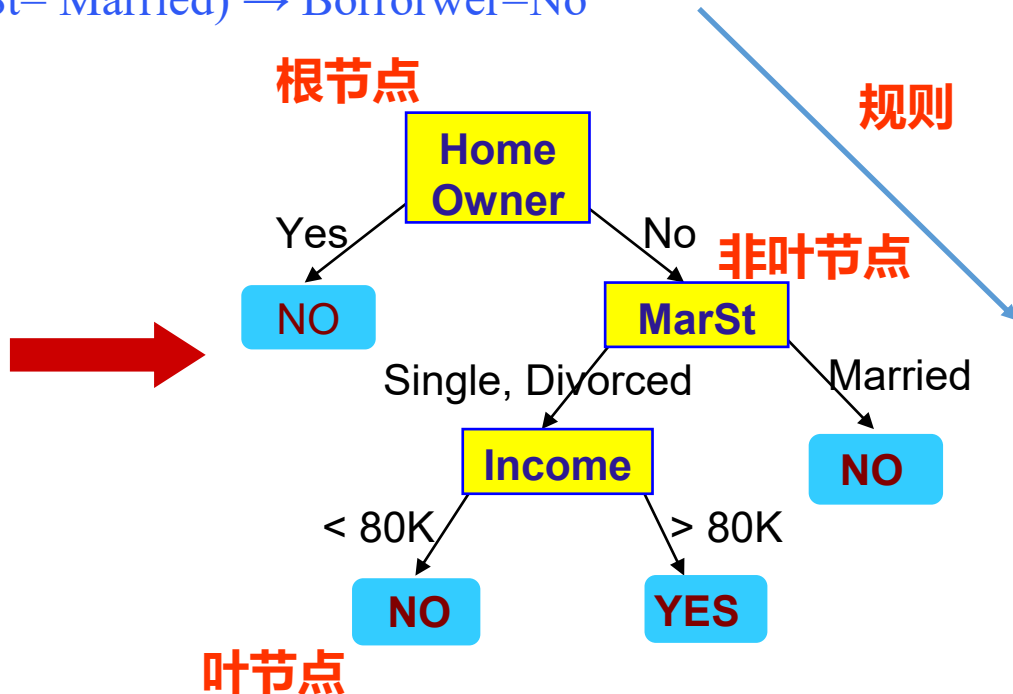
27

什么是决策树 —— 基本概念

- 非叶节点：一个属性上的测试，每个分枝代表该测试的输出
- 叶节点：存放一个类标记
- 规则：从根节点到叶节点的一条属性取值路径

■ $(\text{HomOwn} = \text{No}) \wedge (\text{MarSt} = \text{Married}) \rightarrow \text{Borrower} = \text{No}$

ID	Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes





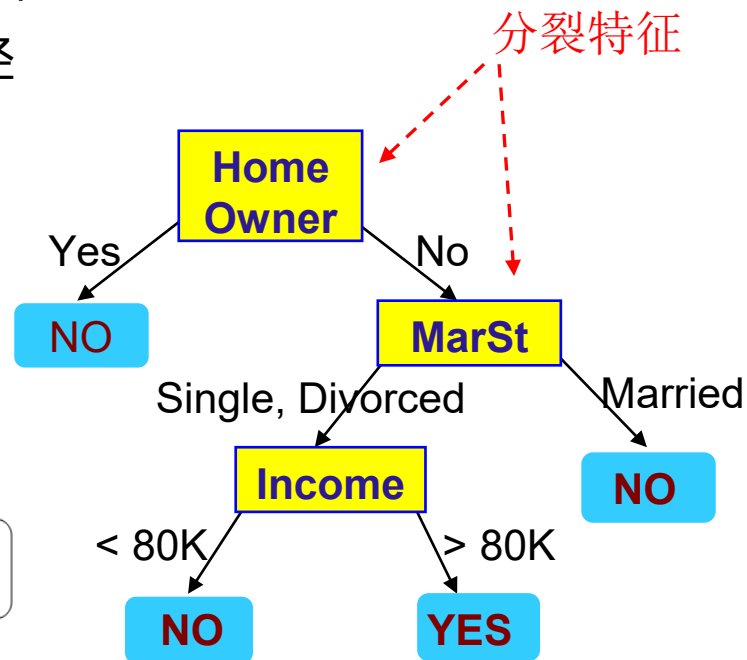
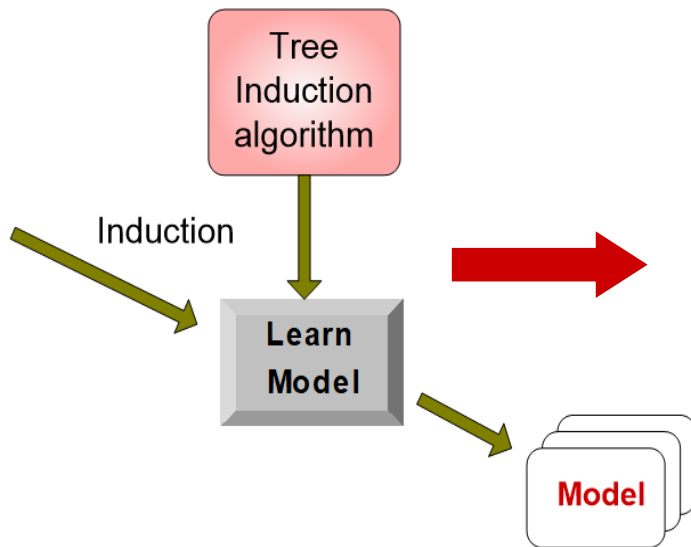
分类：决策树

28

- 建立决策树分类模型的流程
 - 模型训练：从已有数据中生成一棵决策树
 - 分裂数据的特征，寻找决策类别的路径

Tid	Attrib1	Attrib2	Attrib3	Class
1	Yes	Large	125K	No
2	No	Medium	100K	No
3	No	Small	70K	No
4	Yes	Medium	120K	No
5	No	Large	95K	Yes
6	No	Medium	60K	No
7	Yes	Large	220K	No
8	No	Small	85K	Yes
9	No	Medium	75K	No
10	No	Small	90K	Yes

Training Set



分裂特征: Home Owner, MarSt, Income

生成模型：决策树

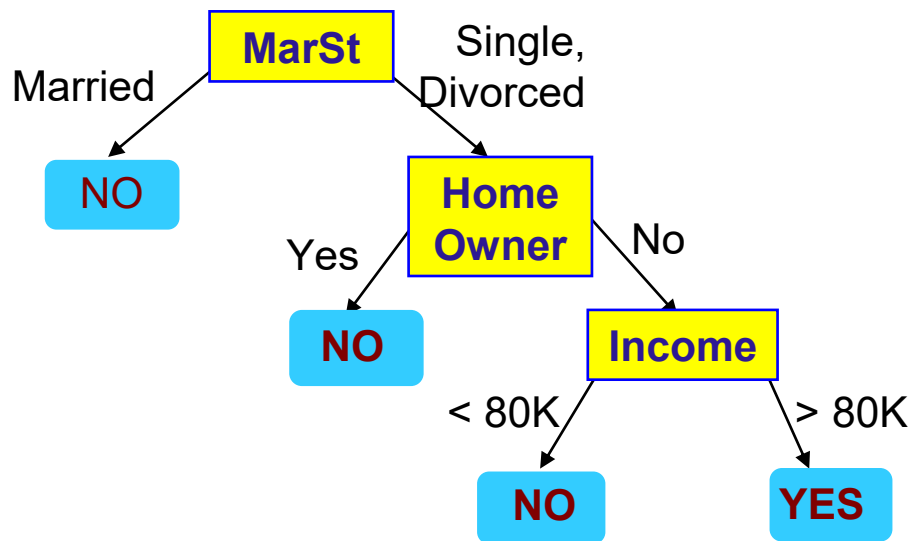
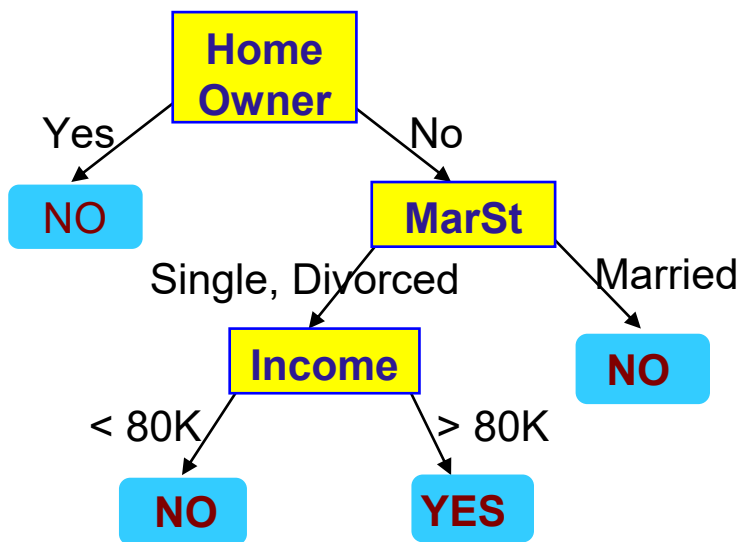


分类：决策树

29

是否有其他决策树？

ID	Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes



特征顺序: Home Owner, MarSt, Income

特征顺序: MarSt, Home Owner, Income

相同的数据，根据不同的特征顺序，可以建立多种决策树

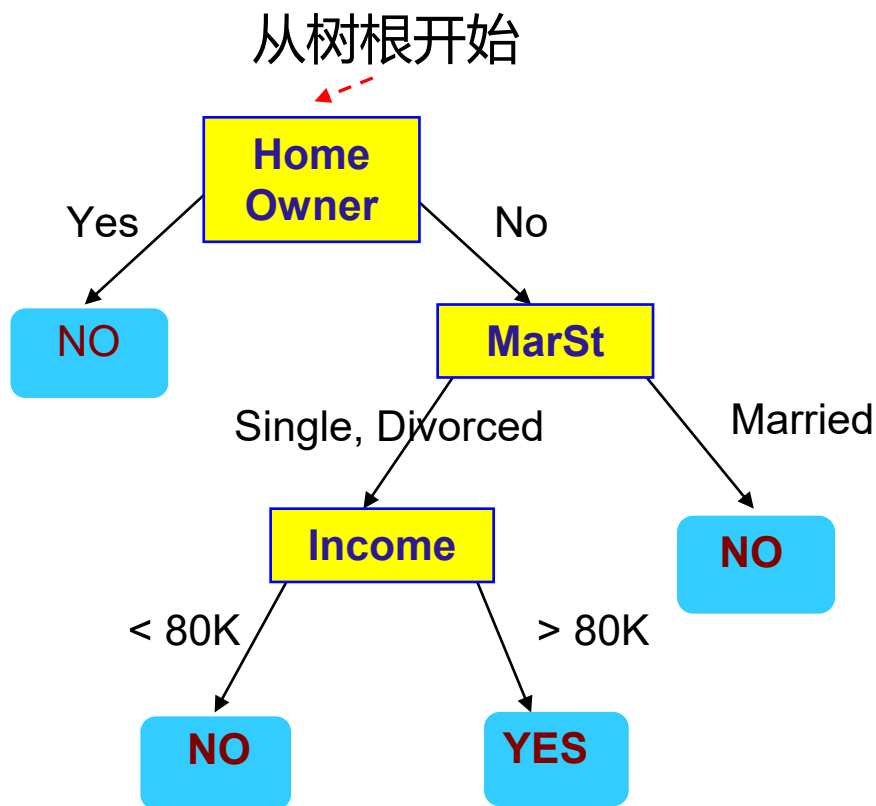


分类：决策树

30

决策树分类模型的测试过程

- 模型测试：根据规则将样本分类到某个叶子节点



测试数据（预测标签）

Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
No	Married	80K	?



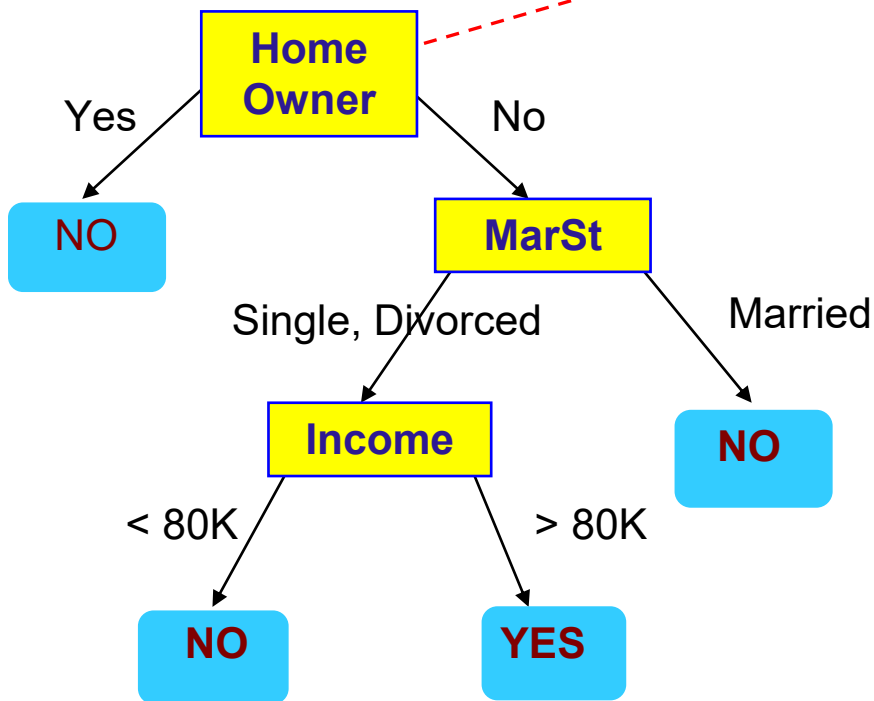
分类：决策树

31

决策树分类模型的测试过程

测试数据（预测标签）

Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
No	Married	80K	?





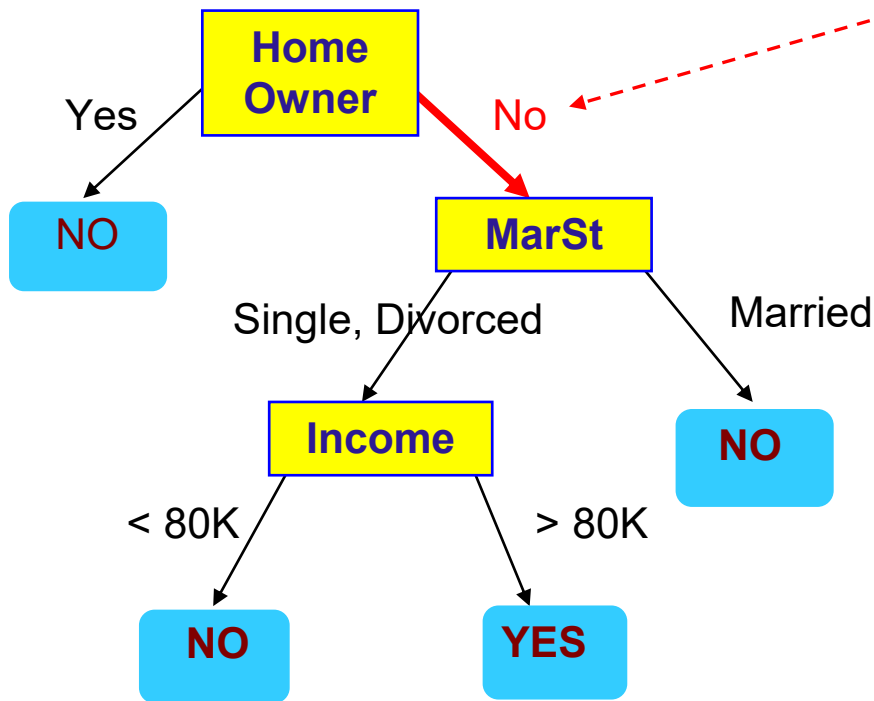
分类：决策树

32

决策树分类模型的测试过程

测试数据（预测标签）

Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
No	Married	80K	?



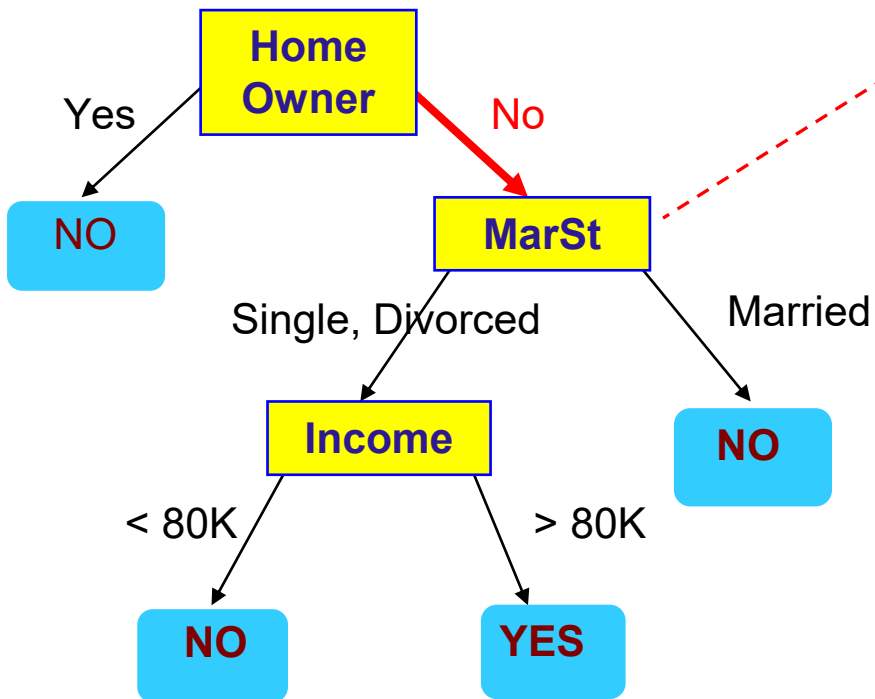


分类：决策树

33

决策树分类模型的测试过程

测试数据（预测标签）



Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
No	Married	80K	?



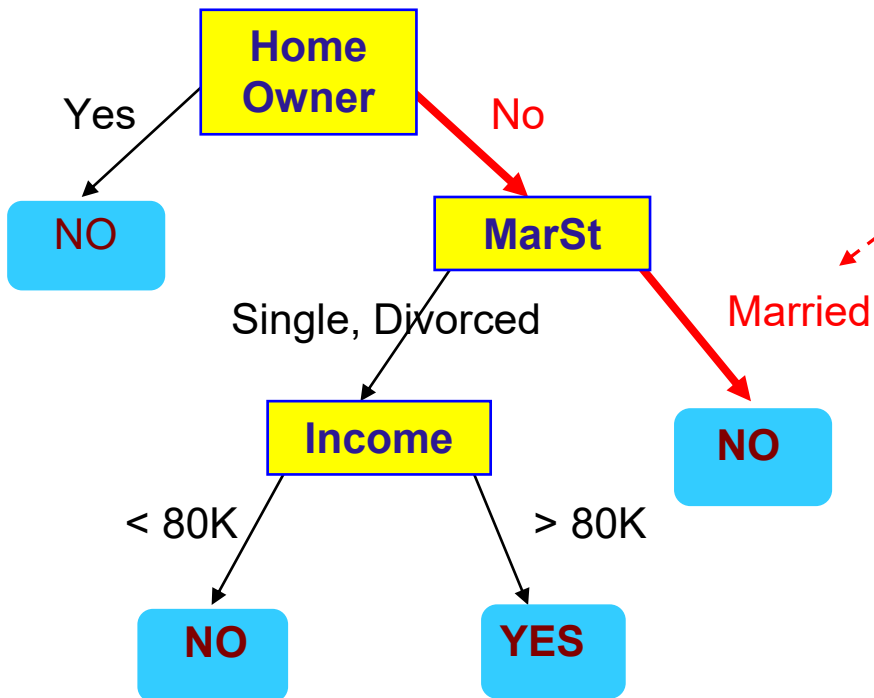
分类：决策树

34

决策树分类模型的测试过程

测试数据（预测标签）

Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
No	Married	80K	?





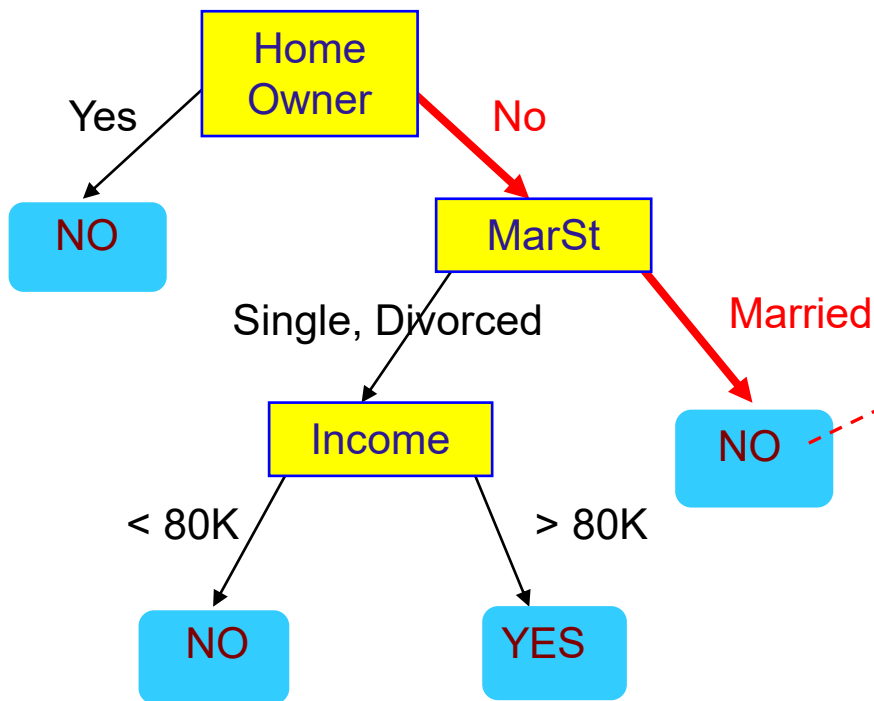
分类：决策树

35

决策树分类模型的测试过程

测试数据（预测标签）

Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
No	Married	80K	?



类别Defaulted Borrower为“No”

决策过程：未使用所有的特征/属性



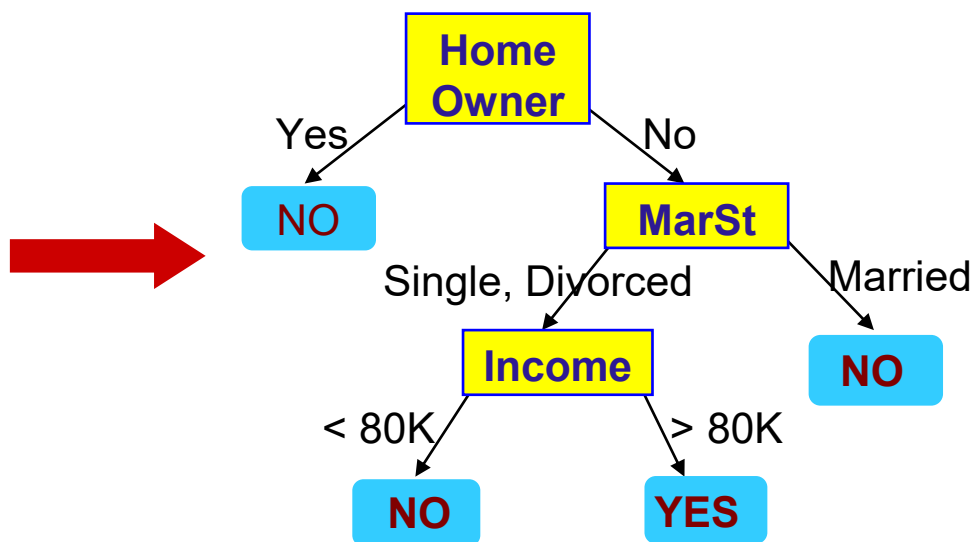
分类：决策树

36

如何建立决策树？

- 基本的决策树学习过程，可以归纳为以下三个步骤：
 - 1. 特征选择：** 选取对于训练数据有着较强区分能力的特征
 - 2. 生成决策树：** 基于选定的特征，逐步生成完整的决策树
 - 3. 决策树剪枝：** 简化部分枝干，避免过拟合因素影响

ID	Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes





分类：决策树

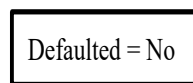
37

1. 特征选择

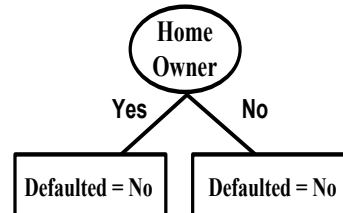
- 决策树的基本思想：特征分裂
- 初始节点包含所有的数据样本，我们希望这些样本能划分到同个类里，如defaulted=No
- 但往往不成立，因此通过选择特征和取值，将样本集合不断划分

ID	Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes

初始

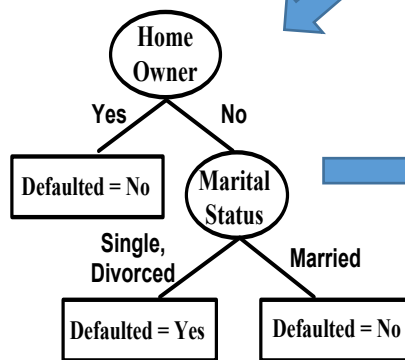


选择特征：Home Owner



(a)

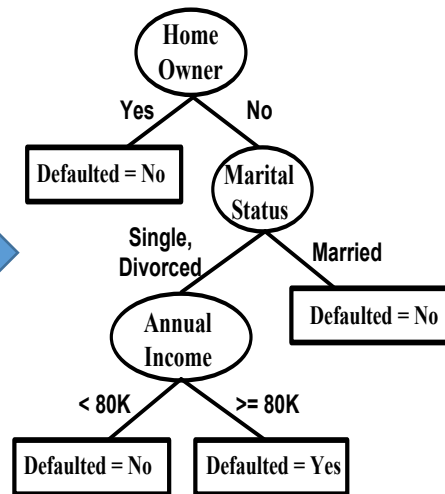
(b)



选择特征：
MarSt

(c)

选择特征：
Annual
Income



(d)

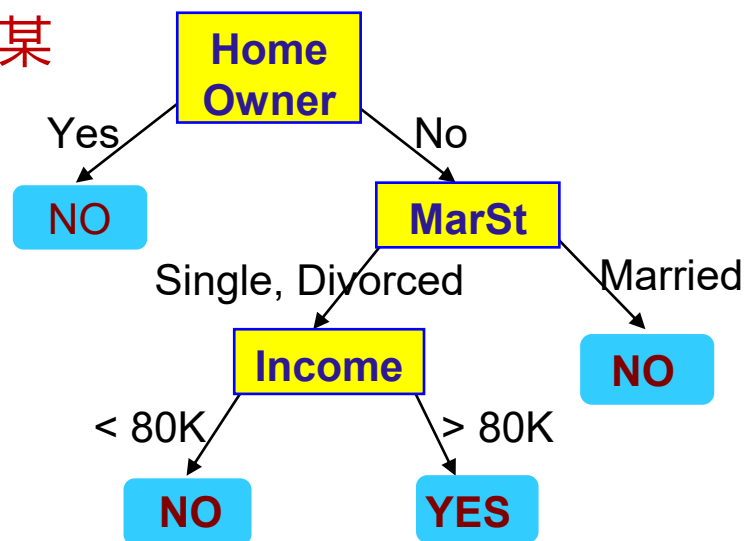


分类：决策树

38

- 1. 特征选择：分裂思想的形式化
- Hunt贪心算法
 - D_t ：为树中结点 t 的所有训练样本
 - 若 D_t 中的样本属于同一类别 y_t ，则 t 作为叶子节点，标签为 y_t
 - 若 D_t 中的样本不属于同一类别，则根据某特征将 D_t 分为更小的样本集
 - 重复上述过程

ID	Home Owner	Marital Status	Annual Income	Defaulted Borrower
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes





分类：决策树

39

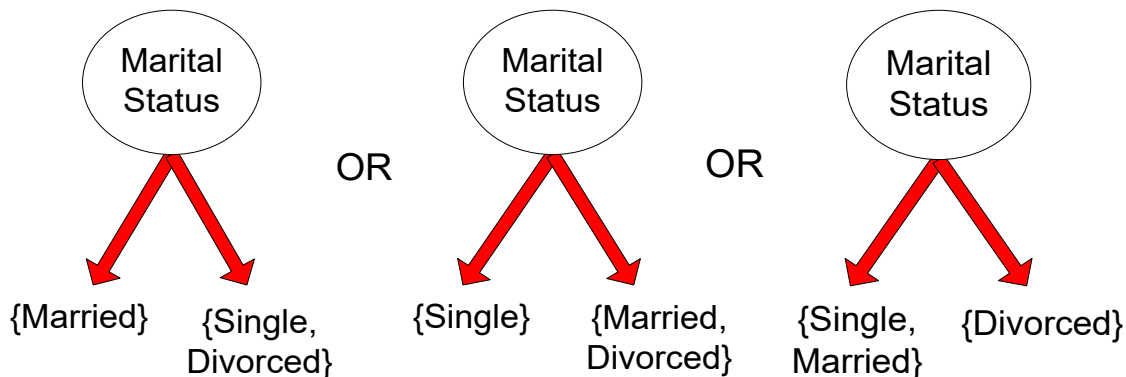
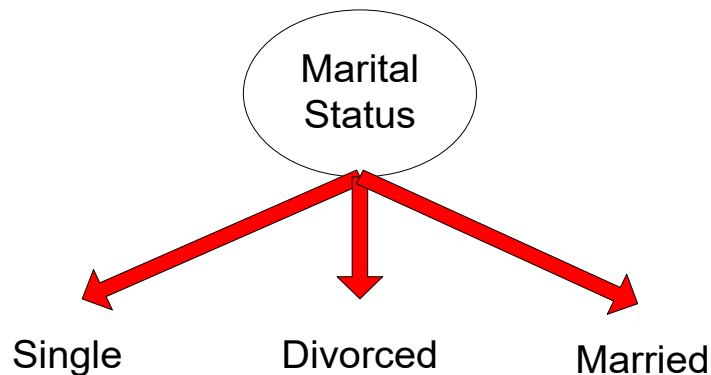
1. 特征选择：分裂过程的形式

多路分裂(Multi-way split)

- 不同取值均作为一个子集

二分裂(Binary split)

- 只划分两个子集
- 需找到最优划分方法





分类：决策树

40

□ 1. 特征选择：分裂过程的两个问题

□ 训练样本如何分裂？

- 选择分裂特征
- 评价测试条件

□ 分裂过程何时停止？

- 理想终止
 - 如果所有记录属于同一类
 - 所有数据有相同的属性值
- 提前终止



决策树特征选择

41

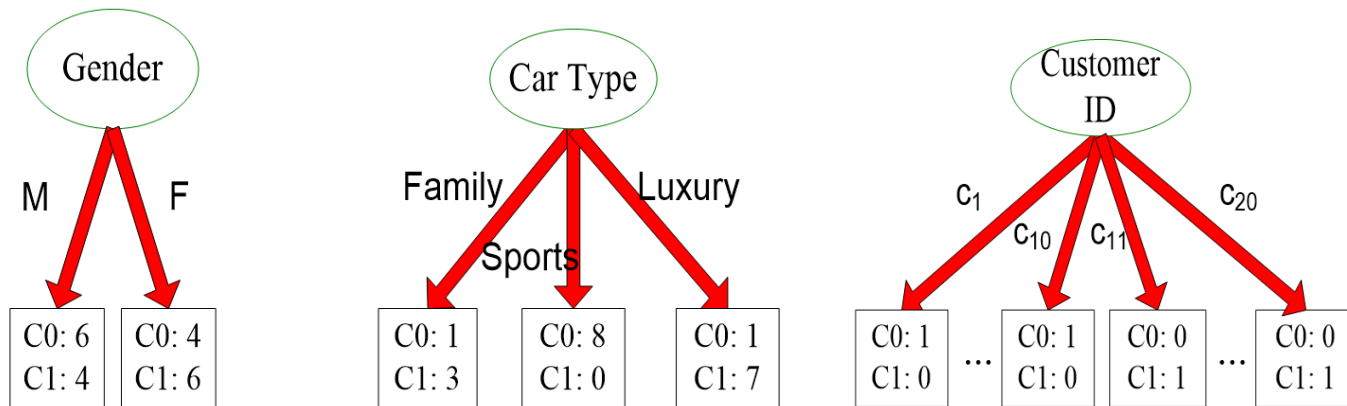
问题1：如何选择分裂特征？

例子：右图的数据

- 10个记录类别为0
- 10个记录类别为1

Customer Id	Gender	Car Type	Shirt Size	Class
1	M	Family	Small	C0
2	M	Sports	Medium	C0
3	M	Sports	Medium	C0
4	M	Sports	Large	C0
5	M	Sports	Extra Large	C0
6	M	Sports	Extra Large	C0
7	F	Sports	Small	C0
8	F	Sports	Small	C0
9	F	Sports	Medium	C0
10	F	Luxury	Large	C0
11	M	Family	Large	C1
12	M	Family	Extra Large	C1
13	M	Family	Medium	C1
14	M	Luxury	Extra Large	C1
15	F	Luxury	Small	C1
16	F	Luxury	Small	C1
17	F	Luxury	Medium	C1
18	F	Luxury	Medium	C1
19	F	Luxury	Medium	C1
20	F	Luxury	Large	C1

对不同特征属性进行分裂



哪一种分裂方式最优？



决策树特征选择

42

□ 问题1：如何选择分裂特征？

- 目标：选取对于训练数据有着**较强区分能力**的特征
 - 如果某特征分类的结果与随机结果没有很大的差别，则称这个特征是没有分类能力的，扔掉这样的特征对学习的精度影响不大
- 常用特征选择准则
 - 信息增益  回顾第二章：数据离散化
 - 信息增益率
 - 基尼指数



决策树特征选择

43

▣ 信息增益：信息熵（回顾第二章）

- ▣ 信息熵：计算数据的不确定性

$$Entropy(t) = - \sum_j p(j|t) \log p(j|t)$$

- ▣ 此时：表示某个节点 t （即某个特征）的信息不确定性
 - $p(j|t)$ 是节点特征 t 的属于类别 j 的样本的比例

■ 特点：对于该节点特征 t

- 当样本均匀地分布在各个类别时，熵达到最大值 $\log(n_c)$, 此时包含的信息最少
- 当样本只属于一个类别时，熵达到最小值 0, 此时包含的信息最多



决策树特征选择

44

- 计算 某个节点 特征的信息熵（回顾第二章）

$$Entropy(t) = - \sum_j p(j|t) \log_2 p(j|t)$$

C1	0
C2	6

$$P(C1) = 0/6 = 0 \quad P(C2) = 6/6 = 1$$

$$Entropy = - 0 \log 0 - 1 \log 1 = - 0 - 0 = 0$$

C1	1
C2	5

$$P(C1) = 1/6 \quad P(C2) = 5/6$$

$$Entropy = - (1/6) \log_2 (1/6) - (5/6) \log_2 (1/6) = 0.65$$

C1	2
C2	4

$$P(C1) = 2/6 \quad P(C2) = 4/6$$

$$Entropy = - (2/6) \log_2 (2/6) - (4/6) \log_2 (4/6) = 0.92$$



决策树特征选择：信息增益

45

特征选择准则一：信息增益

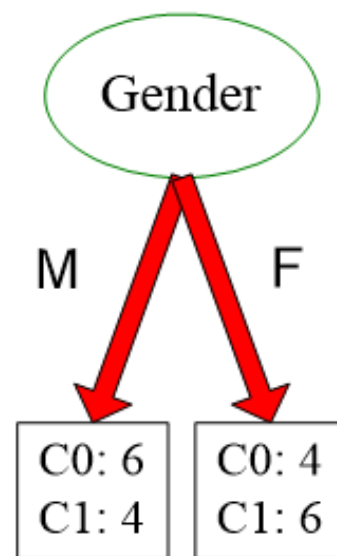
信息增益: 按某个特征划分之后，数据不确定性降低的程度

$$GAIN(m) = Entropy(p) - \left(\sum_{i=1}^k \frac{n_i}{n} Entropy(i) \right)$$

- 第一项表示数据未划分时的信息熵
- 第二项表示按特征m划分后，数据的信息熵
 - 按特征m划分后，父节点分裂成k个子节点
 - n 表示父节点的样本个数
 - n_i 表示子节点 i 的样本个数

选择准则：选择最大的 $GAIN$ 对应的特征m

信息增益在ID3和C4.5决策树算法中被应用





决策树特征选择：信息增益

46

特征选择准则一：信息增益

选择A或B两个特征构造节点，哪种方式好？

特征A	Yes	Yes	No	...	No	No
特征B	No	Yes	Yes	...	Yes	No
类别	C0	C0	C1		C1	C1

$Entropy(p)$

以特征A划分

特征A	Yes	Yes
特征B	No	Yes
类别	C0	C0

$Entropy(A_{Yes})$

特征A	No	...	No	No
特征B	Yes	...	Yes	No
类别	C1		C1	C1

$Entropy(A_{No})$

$$M = \frac{|A_{Yes}|}{n} Entropy(A_{Yes}) + \frac{|A_{No}|}{n} Entropy(A_{No})$$

$$Gain(A) = Entropy(p) - M$$



决策树特征选择：信息增益

47

特征选择准则一：信息增益

选择A或B两个特征构造节点，哪种方式好？

特征A	Yes	Yes	No	...	No	No
特征B	No	Yes	Yes	...	Yes	No
类别	C0	C0	C1		C1	C1

$Entropy(p)$

以特征B划分

特征A	Yes	No	...	No
特征B	Yes	Yes	...	Yes
类别	C0	C1		C1

$Entropy(B_{Yes})$

特征A	Yes	No
特征B	No	No
类别	C0	C1

$Entropy(B_{No})$

$$M = \frac{|B_{Yes}|}{n} Entropy(B_{Yes}) + \frac{|B_{No}|}{n} Entropy(B_{No})$$

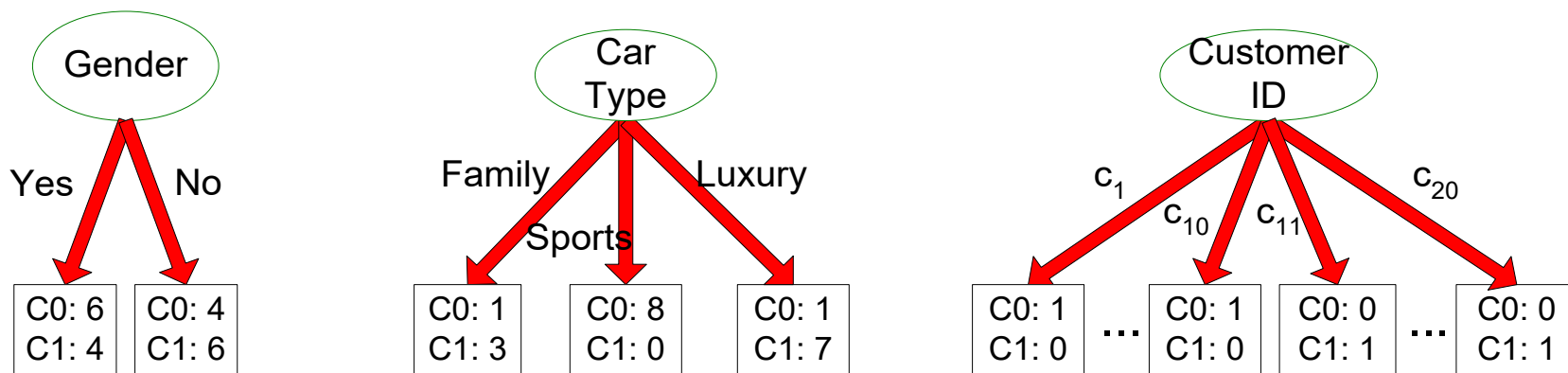
$$Gain(B) = Entropy(p) - M < Gain(A)$$



决策树特征选择：信息增益

48

- 特征选择准则一：信息增益
- 结论：信息增益能够较好地体现某个特征在降低信息不确定性方面的贡献
 - 信息增益越大，说明信息纯度提升越快，最后结果的不确定性越低
- 不足：信息增益的局限性，尤其体现在更偏好可取值较多的特征
 - 取值较多，不确定性相对更低，因此得到的熵偏低



特征Customer ID有最大的信息增益，因为每个子节点的熵均为0



决策树特征选择：信息增益率

49

特征选择准则二：信息增益率

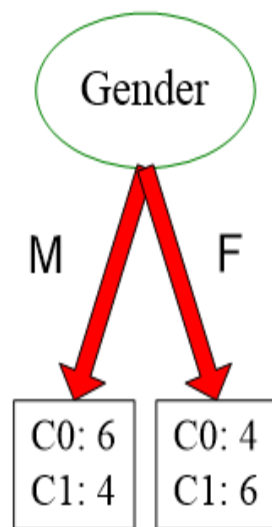
- 信息增益率(Gain ratio): 综合考虑划分结果信息增益和划分数量的信息

$$GAIN_{ratio}(m) = \frac{GAIN(m)}{IV}, \quad IV = -\left(\sum_{i=1}^k \frac{n_i}{n} \log_2 \frac{n_i}{n} \right)$$

- 相比于信息增益，增加了一个惩罚项IV, 考虑产生划分的数量带来的划分信息
- 即，若某个特征产生的划分数量很大，则划分信息很大，降低增益率

- 选择准则：选择最大的信息增益率 对应的特征m

信息增益率在C4.5决策树算法中被应用





决策树特征选择：信息增益率

50

□ 特征选择准则二：信息增益率

□ 结论：信息增益率有矫枉过正的危險

- 采用信息增益率的情况下，往往倾向于选择取值较少的特征
- 当特征的取值较少时，IV较小，因此惩罚项相对较小

□ 实际应用中，通常采用折中的方法

- 先从候选特征中，找到信息增益高于平均水平的集合
- 再从这一集合中，找到信息增益率最大的特征



决策树特征选择：基尼指数

51

特征选择准则三：基尼指数

- 基尼指数的目的，在于表示样本集合中一个随机样本被分错的概率
- 基尼指数越低，表明被分错的概率越低，相应的信息纯度也就越高
- 计算特征节点 t 的基尼指数：

$$GINI(t) = 1 - \sum_j [p(j|t)]^2$$

- $p(j | t)$ 是特征节点 t 上属于类别 j 的样本的比例

特点：对于该节点特征 t

- 当样本均匀地分布在各个类别时，基尼指数达到最大值 $1 - \frac{1}{n_c}$ ，此时包含的信息最少
- 当样本只属于一个类别时，基尼指数达到最小值 0，此时包含的信息最多



决策树特征选择：基尼指数

52

计算某个节点特征的基尼指数

$$GINI(t) = 1 - \sum_j [p(j|t)]^2$$

C1	0
C2	6

$$P(C1) = 0/6 = 0 \quad P(C2) = 6/6 = 1$$

$$Gini = 1 - P(C1)^2 - P(C2)^2 = 1 - 0 - 1 = 0$$

C1	1
C2	5

$$P(C1) = 1/6 \quad P(C2) = 5/6$$

$$Gini = 1 - (1/6)^2 - (5/6)^2 = 0.278$$

C1	2
C2	4

$$P(C1) = 2/6 \quad P(C2) = 4/6$$

$$Gini = 1 - (2/6)^2 - (4/6)^2 = 0.444$$



决策树特征选择：基尼指数

53

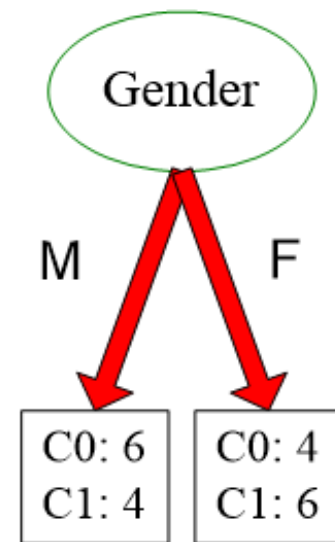
特征选择准则三：基尼指数

- 当一个特征节点p 分裂成 k 个子节点（如两个子节点）

$$GINI_{split} = \sum_{i=1}^k \frac{n_i}{n} GINI(i)$$

- n 表示父节点的样本个数
- n_i 表示子节点 i 的样本个数

- 选择准则：选择最大的GINI 对应的特征m



基尼指数在CART, SLIQ, SPRINT等决策树算法中被应用



决策树特征选择：基尼指数

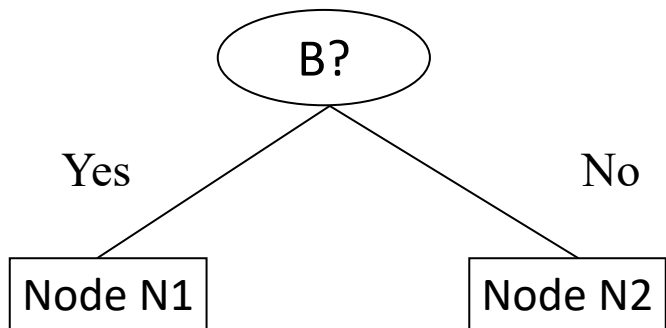
54

基尼指数计算示例

分裂前：

	Parent
C1	6
C2	6
Gini = 0.500	

$$GINI(t) = 1 - \sum_j [p(j|t)]^2$$



	N1	N2
C1	5	2
C2	1	4
Gini=0.361		

$$GINI_{split} = \sum_{i=1}^k \frac{n_i}{n} GINI(i)$$

$$\begin{aligned} Gini(N1) &= 1 - (5/6)^2 - (1/6)^2 \\ &= 0.278 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} Gini(N2) &= 1 - (2/6)^2 - (4/6)^2 \\ &= 0.444 \end{aligned}$$



分裂后：

$$\begin{aligned} Gini(Children) &= 6/12 * 0.278 + \\ &\quad 6/12 * 0.444 \\ &= 0.361 \end{aligned}$$



决策树特征选择

55

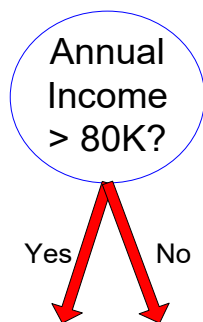
决策树特征选择：连续属性的分裂

将连续属性进行离散化

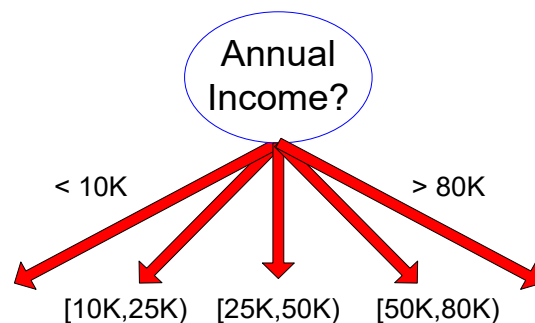
- 最简单：人为划分一次，如设定收入的阈值
- 通过等间隔分段、等频率分段(百分位数)或聚类找到划分位置
- 利用算法二分离散化考虑所有情况，找出最好的划分



回顾第二章知识：基于熵的数据离散化



(i) Binary split



(ii) Multi-way split



决策树生成过程

56

□ 2. 生成决策树

- 决策树的最终目标，在于使每个节点所对应的样本类别均为“纯”的
- 以C4.5算法为例，当某个节点对应的样本集合“不纯”时
 - 计算当前节点的类别信息熵
 - 计算当前节点各个特征的信息熵，并进而计算得到该特征对应的信息增益率
 - 基于最大信息增益率的特征，对节点对应的样本集合进行分类
 - 重复上述过程，直至节点对应的样本集合为“纯”的集合（即样本类别统一）
- 其他决策树生成算法过程类似，区别在于准则不同
 - ID3采用信息增益，而CART采用基尼指数

决策树算法有很多，如ID3, C4.5, CART等，核心区别在特征选择准则不同，具体算法请大家课后查阅学习

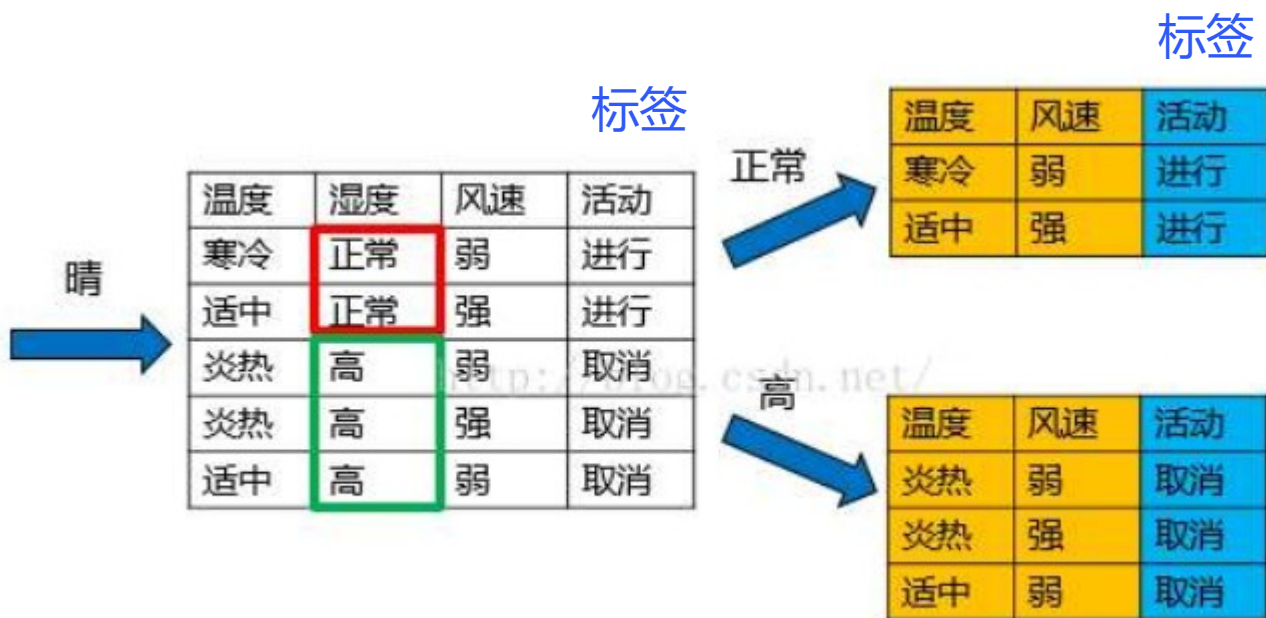


决策树生成过程

57

2. 生成决策树：树停止分裂条件

- 停止分裂直到所有节点属于同一类
- 停止分裂当所有记录有相同的属性值
- 早停策略



按湿度特征划分，发现两个节点均属于同一类，即停止