《计算机辅助几何设计》作业1

2023年9月14日

作业要求:

Input: 已知平面内 n 个点 $p_i(x_i, y_i)$, j = 1,2 ..., n。

Output: 拟合这些点的函数。

要求: 完成 assignment1_interp.m, 实现插值型拟合方法。输入点集可以进行交互式鼠标指定,或者其他方法生成。

一、插值型拟合方法:

1.使用多项式函数(幂基函数的线性组合) $f(x) = \sum_{i=0}^{n-1} \alpha_i B_i(x)$ 插值 $\left\{\mathbf{p}_i\right\}$,

其中 $B_i(x) = x^i$, $i = 0, 1, 2 \dots n-1$ 。

2.使用径向基函数(RBF)的线性组合 $f(x) = b_0 + \sum_{i=1}^{n} b_i g_i(x)$ 插值 $\{p_i\}$,

其中 $g(x) = \frac{1}{|x-p_i|^2+d}$

思考: (1) 变量比方程多,如何加约束条件?

(2) 常数项 b_0 也可以改为一个低次(比如 2 次或 3 次)的多项式,相应也要加约束条件。

作业递交要求:

- 1. 实现基于上述 2 种基函数的插值拟合方法,并进行比较;如果同时画出,两种方法得到的曲线用不同颜色绘制;
- 2. 相关 Matlab 代码与实验报告。

Deadline: 2023年9月17日晚

作业目的:

- 1. 熟悉数据拟合的一般方法
- 2. 初步了解和掌握 Matlab 的使用

编程目标: 学习和使用 Matlab

掌握基本语法。包括变量声明,赋值,循环及条件语句,区别 function 和 script 文件。在 command window 下执行以下语句

web(fullfile(docroot, 'matlab/learn_matlab/matrices-and-arrays.html'))

学会调试。F9 设置和移除断点,F5 继续执行。

掌握基本矩阵操作,包括矩阵初始化,矩阵元素(单个/整行/多行···)取值和赋值,矩阵乘法(C=A*B),区别逐个元素乘法(C=A.*B),线性方程组求解(x=A\b)

web(fullfile(docroot, 'matlab/learn_matlab/matrices-and-arrays.html'))

掌握 help/doc 命令, 学会使用文档

Matlab 图形绘制: 画点和线

用户交互: 交互指定拟合点

进阶交互: 利用菜单或按钮等选择不同拟合算法