

《概率论与数理统计》第1-2次印刷勘误表

2024.1.1

黄色表示第2次印刷勘误

1. P9例1.6, 解答(3)应为: $\bar{A}\bar{B} \cup \bar{A}\bar{C} \cup \bar{B}\bar{C}$;
2. P20例1.14, 表格表头:每千个存活者的死亡率‰
3. P30定义1.16, 应为: $1 \leq i_1 < i_2 < \dots < i_k \leq n$
4. P35例1.32, 应为: 由上述 A_0 所得结果知

$$P(C_k) = \sum_{i=0}^{n-k} (-1)^i \frac{1}{i!}$$

注意到此时共有 $n - k$ 个人, 故上述概率等于 $|C_k|/(n - k)!$, 由此可得

$$|C_k| = (n - k)! \sum_{i=0}^{n-k} (-1)^i \frac{1}{i!}$$

我们最终得到

$$P(A_k) = \frac{\binom{n}{k}|C_k|}{n!} = \frac{1}{k!} \sum_{i=0}^{n-k} (-1)^i \frac{1}{i!}$$

5. P38, 倒数第4行, $P(G_3|C_1Y_1) = 1$; P35第2行, $P(C_1Y_1H_3G_3) = \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times 1 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{18}$
第5行, $P(Y_1H_3G_3) = P(Y_1)P(G_3|Y_1)P(H_3|Y_1G_3) = \frac{1}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{9}$
6. P50倒数第9行, $\sum_{k=0}^n$
7. P47第3行, “是单射,” 更正为 “是单值,”
8. P56例2.11: ...踢死的数据(表2.1); ...服从泊松分布.
9. P57倒数第3-5行, 应为 $\frac{n(n-1)\dots(n-k+1)}{k!}$
10. P58第6行, 第一个 “=”号应为 “ \approx ”
11. P59例2.15求解结束增加“即 $Y \sim P(\lambda p)$.”
12. P61第5行, 应为 $x_1 < x_2$
13. P65第2行, 对任意 $\epsilon > 0$, 存在 $\delta_\epsilon > 0$, 当 $|x - x_0| \leq \delta_\epsilon$ 时有 $|f(x) - f(x_0)| < \epsilon$.
14. P66倒数第2行: (5) 对连续型随机变量 X , 及任意实数 $x_1 < x_2$, 有...
15. P69第7行,

$$F(x) = (1 - e^{-\lambda x})I_{(0, \infty)}(x).$$

例2.21中 $\int_0^t \lambda(t)dt$ 应为 $\int_0^t \lambda(x)dx$

16. P70实验下一行, 应为: 容易验证(2.23)式所定义的函数 $f(x)$ 是概率密度函数, 其图形如图2.12所示.
17. P71, 应为

$$F(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(y-\mu)^2}{2\sigma^2}} dy$$
$$\stackrel{\frac{y-\mu}{\sigma}=t}{=} \int_{-\infty}^{\frac{x-\mu}{\sigma}} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2}} dt$$

$$= \Phi\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)$$

18. P73, 倒数第2行和P74第5行”所以导函数存在”, 改为: 由于导函数存在; 例2.25”分布, 其中 $a \neq 0$ ”改为”概率密度函数, 其中 $a \neq 0$ 和 b 为常数.

19. P83第18题的第3行中, 应为 $0 \leq x < 1$

20. P84第23题, 应为

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 1, \\ ax \ln x + bx + 1, & 1 \leq x < e, \\ 1, & x \geq e. \end{cases}$$

21. P89, 倒数第7行, 单调不减; 倒数第5行 $F(\infty, \infty) = 1$;

倒数第1-2行 $P(x_1 < X \leq x_2, y_1 < Y \leq y_2)$

22. P93, 实验9上面第2行, 应为 $-1 < \rho < 1$; 例3.6第一行, 应为: 一个有界区域且面积非零; 例3.7中第4行应为 $x > 0, y > 0$.

23. P94, 倒数第8行, 使得对任意 $\mathbf{x} \in \mathbb{R}^n$ 有

$$\begin{aligned} F(\mathbf{x}) &\equiv F(x_1, x_2, \dots, x_n) = \int_{-\infty}^{x_1} \cdots \int_{-\infty}^{x_n} f(u_1, u_2, \dots, u_n) du_1 du_2 \cdots du_n \\ &= \int_{(-\infty)^n}^{\mathbf{x}} f(\mathbf{u}) d\mathbf{u} \end{aligned}$$

24. P95倒数第10行, 改”边际分布”为”边缘分布”

25. P97例3.9最后一行, 应为 $|\rho| < 1$

26. P103第一行, 修改为 (x_i, y_j) (其中 $\{x_i\}$ 和 $\{y_j\}$ 均分别已按大小从小到大排好序),

27. P107-108例3.20, 其中的 $I_{[0, \infty)}$ 应为 $I_{(0, \infty)}$; $f_n(z) = \frac{\lambda^n}{(n-1)!} z^{n-1} \exp\{-\lambda z\} I_{(0, \infty)}(z)$.

28. P109倒数第5行, 应为 $f(x, y) = \varphi(x)\varphi(y)[1 + \frac{1}{2}(2\Phi(x) - 1)(2\Phi(y) - 1)]$

29. P110例3.23前三行中, U 改为 Z , u 改为 z

30. P113倒数第5行, 应为”1922-2019”

31. P126定义4.2, 积分限均为 \mathbb{R} , 即 $\int_{-\infty}^{\infty}$.

32. P129页, 倒数第7行中的 G 为 g ; 第5行(2)中和本页最后2行, 130页第一行, 定义4.3, (4.10)式中的每个积分限均为 \mathbb{R} .

33. P133例4.14, 应为

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ 0.5, & 0 \leq x < 1 \\ 1, & x \geq 1 \end{cases}$$

由中位数的定义知区间 $[0, 1)$ 内的

34. P134定义4.6中, 应为 $\mathbb{P}(X \geq Q_p) \geq 1 - p$

35. P136定义4.7中, 应为: 方差和标准差, 也可以称为随机变量分布的方差和标准差.

36. P141倒数第1-2行, 应为: 如果 $\mu_3 > 0$, $f(x)$ 的图形最高点偏左, 称为正偏或右偏; 如果 $\mu_3 < 0$, $f(x)$ 的图形最高点偏右, 称为负偏或左偏. 如图4.2所示. 特别, ...

37. P143例4.24中的积分为 $\int_{-\infty}^{\infty}$.

38. P147第5行, 应为”不能反映它们之间其他的函数关系”. 例4.27中的积分为 $\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty}$.

39. P150定义4.12下, 添加”在离散型随机变量的熵的定义中, 除使用以2为底的对数外, 也常使用以e或10为底的对数. 值得注意的是, ...”
40. P163例4.41中应为:” 求...累积误差绝对值超过...”
41. P176第40题, 应为” 设 T 是一个均值为 a , 方差为 $b > 0$ 的非负随机变量且与 $N(\cdot)$ 相互独立”.
42. P178第52题, 应为” 每次事故的索赔额度服从 $[1000, 5000]$ 上的均匀分布且与索赔次数相互独立”.

统计学部分:

- P190 (5.5)式, 去除“-3”, 以保持和(4.18)一致
- P194第3行, 则 $Y = 2\lambda X \sim \chi_{2\alpha}^2$.
- P208第8行, 应为“样本范围的中心 $(X_{(1)} + X_{(n)})/2$ 作为估计量”; 倒数两行, α_m 为 α_j , μ_m 为 μ_j .
- P214例6.11, 应为: 设 (x_1, x_2, \dots, x_n) 为来自均匀分布总体 $U(\theta - 1/2, \theta + 1/2)$ 的一组样本; 例6.13, 其中 θ 为参数. 设 (x_1, x_2, \dots, x_n) 为样本, 求参数的最大似然估计.
- P217例6.14中, 应为: 一组权(非负, 和为1).
- P219倒数第4行, 右边最后一项改写为: $[E_\theta(\hat{\theta}) - \theta]^2$
- P235页32题开头, 应为: $X \sim \text{Exp}(\lambda)$
- P238习题56与例6.21重复, 修改为: 设从总体

X	-1	0	1
\mathbb{P}	$(1 - \theta)/2$	θ	$(1 - \theta)/2$

抽取的一个简单样本 X_1, \dots, X_{10} 的观察值为 $(0, 0, -1, -1, 0, 1, 0, 1, 1, 0)$,

- P244公式(7.3)下面的枢轴变量法步骤中, 第(2)步中改为“构造一个函数 $S(T, U, \theta)$, 称为枢轴变量, 其中 $U = U(\mathbf{X})$ 为统计量;”; 第(3)-(4)步中的 $S(T, \theta)$ 改为 $S(T, U, \theta)$
- P248倒数第4行, $S(T(\mathbf{X}), \theta)$ 改为 $S(T(\mathbf{X}), U(\mathbf{X}), \theta)$
- P249例7.7中, 应为: 2017年发表的...
- P250, 第3行应为:

$$\frac{0.491 + \frac{1.96^2}{2 \times 320}}{1 + \frac{1.96^2}{320}} \pm 1.96 \times \frac{\sqrt{\frac{0.491 \times 0.509}{320} + \frac{1.96^2}{4 \times 320^2}}}{1 + \frac{1.96^2}{320}}$$

$$= 0.491 \pm 0.054 = (0.437, 0.545).$$

- P254最后一行, 应为: 其2.5%和97.5%
 - P255倒数第2行, 应为: 然后构建一个“T类型”的统计量
- $$T^* = \frac{\hat{\theta}^* - \hat{\theta}}{\hat{s}e(\hat{\theta}^*)}$$
- P256第(c)步, 公式(7.17)和(d)中, 应为: $\hat{s}e_R(\hat{\theta}_b^*)$; 第(d)步中应为“T类型”; 第(4)和(5)步中 应为 $\hat{s}e_B(\hat{\theta})$, 第(4)步后面添加“(7.16)式”.
 - P266页例8.1第一句话应为: 合格的棉布单位长度平均瑕疵点不超过2个
 - P271第2行中, 应为: 其概率记为 $\alpha_{1\Psi}(\theta)$; 第4行应为: 其概率记为 $\alpha_{2\Psi}(\theta)$
 - P272倒数第4行, 应为: 以 $\hat{\theta}$ 和某个统计量 U 为基础; 倒数第3行: $T = T(\hat{\theta}, U, \theta_0)$

19. P285页倒数第10行末尾, 在”可以假设”前面加上”并且”.

20. P295倒数3-5行, 倒数第5行的幂次应为: $-n/2$; 倒数第4-3行的幂次应为 $n/2$. 即

$$\begin{aligned} LR(x_1, \dots, x_n) &= \left[\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{\sum_{i=1}^n (x_i - \theta_0)^2} \right]^{-n/2} \\ &= \left[1 + n \left(|\bar{x} - \theta_0| / \sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \right)^2 \right]^{n/2} \\ &= \left[1 + \frac{1}{n-1} (|\sqrt{n}(\bar{x} - \theta_0)/s|)^2 \right]^{n/2} \end{aligned}$$

21. P321页第4行, 应为: $P(X \leq 4)$

22. P327页第3行, 应为: 当 $W_Y \geq c_\alpha$ 时.

23. P328页第2行, 应为: 附表7给出了显著性水平为 α 的右边临界值 c_α

24. P349页图10.5, y 轴上应为 $a + \beta_1 x_i$